

GAEKWAD'S ORIENTAL SERIES.

Published under the Authority of the Government of His Highness the Maharaja Gaekwad of Baroda.

GENERAL EDITOR:

B. BHATTACHARYYA, M. A., Ph. D.,
Rājaratna.

No. LXXVIII

गणिततिलकं सवृत्तिकम्।

GANITATILAKA

ΒY

S'R ĪPATI

With the Commentary of

SIMHATILAKA SŪRI

CRITICALLY EDITED

WITH INTRODUCTION AND APPENDICES

BY

H. R. KĀPADĪĀ, M. A.,

Formerly Assistant Professor of Mathematics, Wilson College, Bombay, and sometimes Post-graduate Lecturer at The Bhandarkar Oriental Research Institute, Poona.



BARODA
ORIENTAL INSTITUTE
1937

Printed by Ramchandra Yesu Shedge, at the Nirnaya Sagar Press, 26-28, Kolbhat Street, Bombay.

Published by Benoytosh Bhattacharyya, Director, Oriental Institute on behalf of the Government of His Highness the Maharaja Gaekwad of Baroda, at the Oriental Institute, Baroda.

Price Re. 4.0.0.

INTRODUCTION

Various attempts have been made up till now to define Mathematics but none seems to have been universally accepted. So I think it is here needless for me to define it. I would also like to refrain from dilating upon its origin, importance and value.

It is a well-recognized fact that among the different sciences Mathematics occupies a unique place, as it happens to be the only exact science. The Greeks had an unflinching faith in its educational value, and they considered it essential for any individual to study this important subject before he or she was allowed to enter the field of philosophy.

In this connection it may be added that the Indians in general and the Jainas in particular have not been behind any nation in paying due attention to this subject. This is borne out by Ganitasārasaṅgraha¹ (v. 9-15) of Mahāvīrācārya (850 A. D.) of the southern school of Mathematics. Therein he points out the usefulness of Mathematics or "the science of calculation" regarding the study of various subjects like music, logic, drama, medicine, architecture, cookery, prosody, grammar, poetics, economics, erotics etc.

Place of Mathematics in Jainism

The sacred works of the Jainas had been originally composed with a view to provide for every āgama four expositions, technically known as (1) dharmakathānuyoga, (2) ganitānuyoga, (3) dravyānuyoga and (4) caranakaranānuyoga. It was Āryarakṣita Sūri, who, however, discontinued this line of interpreting the sacred works in the four ways above alluded to, as this method required immense proficiency. He, thereupon, specified for each of the āgamas the anuyoga meant for it, and classified them accordingly. In virtue of this new arrangement Uttarādhyayanasūtra etc., come under dharmakathānuyoga, Sūryaprajāapti, Candraprajāapti, Jambūdvīpaprajāapti etc., under ganitānuyoga, the fourteen Pūrvas etc., under dravyānuyoga, and Ācārāngasūtra, Das'avaikālikasūtra, etc.,

^{1.} This has been edited in A. D. 1912 with an English translation by Mr. Rangacharya.

under caranakaranānuyoga, the last anuyoga, which is, however, by no means less important than the preceding ones.

Ganitānuyoga and $k\bar{a}la$ are synonymous terms. In order that a religious ceremony of $d\bar{\imath}k\bar{s}\bar{a}$ (renunciation of the worldly attachments) may yield the desired fruit, it was ordained that it should be performed at the right time, in an auspicious moment. This required the correct knowledge about the motion of the celestial bodies, and this, in its turn, was dependent upon the knowledge of Mathematics. This is how Mathematics and ganitānuyoga are inter-connected.

Under these circumstances, strictly speaking, to translate ganitānuyoga by the word "Mathematics" is hardly justifiable, though some of the modern writers have done so. If the sambandha and the sambandhin are however considered as one, then, of course, it is admissible.

From the above remarks it will be evident that it is not simply because of the fact that Mathematics plays an important part in the cultivation of the habit of concentration and thus indirectly helps the religious contemplation, that it had received special attention at the hands of the Jaina saints; but it is rather due to its forming a part and parcel of their religious doctrines, as it is instrumental, primarily or subsidiarily, in the attainment of the goal of final emancipation. This will also account for the frequent Mathematical references in almost every standard work of the Jaina school of thought.

The references given below will corroborate the important place assigned to Mathematics in Jainism.

- (1) Bhagavatīsūtra (sūtra 90), the fifth anga and Uttarādhyayanasūtra (ch. XXV, v. 7, 8, 38) inform us that knowledge of sankhyāna (arithmetic) and jyotiṣa (astronomy) is one of the main accomplishments of a Jaina saint.
- (2) Lord Rṣabha, the first Tīrthankara of the present cycle of time Himself taught 72 arts to His eldest son Bharata

^{1.} There are several works wherein these are enumerated e. g. (1) Samavāya, the 4th aiga, 72nd chapter (samavāya), (2) Antakṛddas'ā (English translation by L. D. Barnett, 1907, p. 30), (3) Rājapras'nīyasūtra (sūtra 83), (4) Kalpasūtra, (S. B. E. Vol. XXII, p. 282, sūtra 211) and (5) Prameyaratnamañjūṣā, S'ānticandra Gani's commentary to Jambūdvīpaprajñāpti (pp. 36 ff.) etc.

- —the arts wherein arithmetic occupies a place next¹ only to writing.² Moreover, with His left hand He taught arithmetic to His daughter Sundarī.
- (3) The fact mentioned in Kalpasūtra (sūtra 9, S. B. E. vol. XXII, p. 221) that Lord Mahāvīra, the 24th Tirthankara was to be well-grounded in arithmetic as implied by one of the fourteen dreams seen by Devānandā, the wife of Rṣabhadatta has led some scholars to infer that the Jainas hereby attribute to their last Tīrthankara, the sound knowledge of sciences like Mathematics.
- (4) Mahāvīrācārya offers his salutation to Lord Mahāvīra by eulogizing Him as "sankhyājāanapradīpena".
- (5) Gaṇia (Sk. Gaṇita) is referred to as $mithy\bar{a}sr'uta$ in $Nand\bar{i}s\bar{u}tra$ (sūtra 42) and as $laukika\,\bar{a}gama$ in $Anuyogadv\bar{a}ras\bar{u}tra$ (sūtra 144). All the same it should not be forgotten that its proficiency is considered as one of the qualifications of an ācārya as could be seen from $\bar{A}c\bar{a}r\bar{a}nganiryukti$ (v. 50)³.

THE JAINA WORKS ON MATHEMATICS

It is not possible to give a complete list of all the Jaina works dealing with Mathematics. Here an attempt is made to point out those which are extant, and also to indicate those, the existence of which is inferable from other sources.

 $S\bar{u}ryapraj\tilde{n}apti$ and $Candrapraj\tilde{n}apti$ are the two astronomical works, which have survived till the present day. They come under the class of the twelve $up\bar{a}ngas$, and are respectively associated with $Bhagavat\bar{\imath}$ and $Up\bar{a}sakadas'\bar{a}$ (the seventh anga) respectively.

^{1.} In the Buddhistic canonical literature arithmetic is given the first place, and is looked upon as one of the noblest arts. See Vinayapitaka, (ed. by Oldenberg, vol. IV, p. 7), Majjhimanikāya (vol. I, p. 85) and Cullaniddessa, (p. 199).

^{2.} See Kalpasütra, Sütra 211.

^{3.} This runs as under:-

[&]quot;गणियं णिमित्तजुत्ती संदिही अवितहं इमं णाणं । इय एगंतमुवगया गुणपचाइय इमे अत्था ॥ ५० ॥"

^{4.} Astronomical information can be gathered from other scriptures as well. For instance the following sūtras of Samavāya may be consulted:—

^{59-62, 67, 71, 78-80, 82, 88, 93, 98, 99} etc.

^{5.} See Prameyaratnamañjüsä (p. 1).

Bhadrabāhusvāmin, the last sakalas'rutajūānin had written a niryukti on Sūryaprajūapti; but it is unfortunately extinct. This niryukti has been referred to by Malayagiri Sūri in his commentary to Sūryaprajūapti in the opening lines. Furthermore, a few lines from this work are quoted therein (vide comto the 11th sūtra) by this well-known commentator, who has composed in Sanskrit, a commentary on Candraprajūapti as well.

Bhadrabāhusamhitā may be also mentioned in this connection, though this work of which the authorship is attributed to Bhadrabāhu, the celebrated niryuktikāra, is said to be more of an astrological nature than astronomical. It is no more available.

In Bhattopala's commentary to *Bṛhatsamhitā*, a standard work of Varāhamihira (505 A.D.), one Bhadrabāhu is referred to; but we cannot say for certain as to who he is.

Dr. G. Thibaut has written a paper² on Sūryaprajňapti. There he says that this work must have been composed before the Greeks came to India, as there is no trace of Greek influence in it.³ In conclusion he points out the striking resemblances which the cosmological conceptions of an old Chinese work called Chau-pei⁴ bear to the ideas on the same subject as expounded in this Sūryaprajňapti.

Prof. Aufrecht Weber points out that the doctrine propounded in Sūryaprajñapti shows in many points an unmistakable resemblance with the contents of Jyotisavedānga. He adds that not only do the astronomical works of the Jainas furnish information about the conceptions of a religious sect but may, if rightly investigated, yield valuable material for the general history of Indian ideas.⁵

^{1.} There is a work of the same name available. It is published in the Punjab Sanskrit Book Series, but its genuineness is not beyond doubt.

^{2.} Vide "Astronomie, Astrologie und Mathematik" published in "Grundriss der Indo-Arishen Philologie und Altertumskunde" (Encyclopædia of Indo-Aryan Research), vol. III, No. 9, p. 20. See also J. A. S. B. 1880, No. 3.

^{3.} The approximate date of its composition is suggested as 500 B. C.

^{4.} A complete translation of this work has been published by E. Biot in the Journal Asiatique, 1841, pp. 592-639.

^{5.} See "Sacred literature of the Jainas" I, p. 372 and II, p. 574 ff. For English translation by Dr. Herbert Weir Smith see Indian Antiquary (vol. XXI, p. 14 ff.).

Some references about Sūryaprajñaptī are met with in (1) J. B. A. S. (vol. 49, 1880, pp. 181 and 187), (2) in the Journal of the Mythic Society (vols. XV and XVI) where there are articles by Dr. R. Shamshastry, (3) in "Geschichte der Indischen¹ Literature²" by Prof. M. Winternitz (1920,vol. II,), (4) in "Der Jainismus" by Prof. H. V. Glasenapp (Berlin, 1925,) and in (5-6) the articles of Dr. Sukumar Ranjan Das entitled as "a short chronology of Indian Astronomy³" and published in the "Indian Historical Quarterly" (vol. VII, No. 1, pp. 137-149) and "The Jaina School of Astronomy⁴" which is also published in this very Quarterly (vol. VIII, No. 1, pp. 30-42) and wherein we find the detailed information about this very work.

Jyotiṣakaranḍaka written by a pūrvadhara and codified at the Valabhī council is another important work on astronomy. It is also divided into pāhudas (prābhṛtas) like the previous works and is published by Rṣabhadevajī Kesarimaljī Saṁsthā, (Rutlam, A. D. 1928). This important work seems to have hardly attracted the necessary attention of scholars.

As observed by my friend Dr. Bibhutibhushan Datta, D. Sc., in his article "The Jaina school of Mathematics", there is a Jaina astronomer Siddhasena by name. He has been referred to by Varāhamihira in his standard work and that even some passages from his work have been quoted by Bhattopala (966 A. D.).

It will not be fruitless to add here that the Lavanādhikāra of Jīvājīvābhigamasūtra throws some light on tides and Uttarā-dhyayanasūtra (ch. 26) on pauruṣīs.

Kṣetrasamāsa (Jambūdvīpasamāsaprakaraņa) attributed to Umāsvāti⁵, Bṛhatkṣetrasamāsa of Jinabhadra⁶ Gaṇi (c.

^{1.} See "Indische Studien" (Indian Studies), 1867, X, 254 ff.

^{2.} A reference about Candraprajñapti, too, is found here. See vol II, pp. 292 and 316.

^{3-4.} In these two articles, there is an erroneous statement regarding the existence of Candraprajñapti. This is pointed out by me in "A note on Candraprajñapti" published in the same Quarterly (Vol. VIII, No. 2, pp. 381-382). I may add that the Hindi translation of this work is also published.

^{5.} His bhāṣya on Tattvārthādhigamasūtra contains some geometrical formulæ.

^{6.} He has been praised as a mathematician by Siddhasena Sūri, in his cūrni to Jītakalpa, the actual verse being as under:—

550 A. D.) and works of the like nature may be mentioned en passant, though they do not deal exclusively with Mathematics.

The only treatise on ganita by a Jaina scholar which has seen the light of the day is Ganitasārasangraha of Mahāvīra. Dr. B. Datta has written a special article pertaining to it. It is entitled as "On Mahāvīra's solutions of Rational Triangles and Quadrilaterals" and is published in the Bulletin of the Calcutta Mathematical Society (vol. XX, 1928-29).

Angulasaptati by Municandra Sūri, though small in size, beautifully elucidates the use of the three types of the angulas, etc. It is composed in 70 verses in Prākrit and is published in A. D. 1918 as the 3rd work of Ātma-Kamala-Jaina-library by the secretaries of S'rī Mahāvīra Jaina Sabhā, Cambay.

Besides these works in Prākrit and Sanskrit there are some works of Jaina authorship, written in Kanarese language. For instance, S'rīdharācārya (1049 A. D.) has composed in verses Jātakatilaka, a work of an astrological nature. Rājāditya (1120 A. D.) is an author of six works²: (1). Vyavahāraganita (in mixed prose and poetry), (2) Kṣetraganita (in poetry), (3) Vyavahāraratna, (4) Līlāvatī, (5) Jainaganitasūtrodāharana and (6) Citrahasuge.³

While explaining Mathematical topics the various Jaina commentators have quoted from Karanabhāvanas or Karana gāthās, which give in a nut-shell the Mathematical calculations Dr. B. Dutta considers them as independent works but a Jaina saint informs me that they are mere rules forming a par of the cūrni of Jambūdvīpaprajñapti. Whatever may be the correct notion, it is certain that they, too, point to the existe nce of some Mathematical work or works lying in an unpubli shed condition or destroyed.

It should be remembered that these are not the only

[&]quot;ससमयपरसमयागमलिवि**गणिय**च्छंदसद्दनिस्माओ । दससु वि दिसासु जस्स य अणुओगो भमइ अणुवमो जसपडहो ॥ ७॥"

^{1.} See "Karnataka Kavi Charitre" (vol. I, p. 75) by Narasinhāchārya.

^{2.} Ibid p. 122.

^{3.} I am indebted to Prof. T. K. Tukol, M. A., LL. B, for his having supplie me with this information but it has not been possible for me to verify it genuineness.

Mathematical works of the Jainas. For, we have reasons to believe that some are still lying buried in the bhandaras and a number of them seem to have perished. This is borne out by Ganitasārasangraha (ch. 1, v. 17-19), where its author has expressed his indebtedness to many previous Mathematicians. Furthermore, the fact that the three verses pertaining to 'Permutations and Combinations' and quoted by S'īlānka Sūri (862 A. D.) in his commentary, to $Ac\bar{a}r\bar{a}nga$ are not traceable to any available Mathematical work corroborates this inference. Moreover, the mention of six mensuration-formulæ by Umāsvāti in his $bh\bar{a}sya$ to $Tattv\bar{a}rth\bar{a}dhigamas\bar{u}tra$ (ch. 3, s. 11) supports this view-point.

THE TEN TYPES OF SANKHYANA

Sthāna, the second anga of the Jainas mentions ten³ kinds of sankhyāna⁴ or calculation viz., (1) parikarma, (2) vyavahāra, (3) rajju, (4) rās'i, (5) kalāsavarņa (6) yāvattāvat, (7) varga, (8) ghana, (9) vargavarga, and (10) kalpa,⁵ as can be seen from the following couplet incorporated in its 747th sūtra:—

"परिकम्मं १ ववहारो २ रज्जृ ३ रासी ४ कलासवन्ने ५ य । जावंतावति ६ वग्गो ७ घणो ८ त तह वग्गवग्गो ९ वि कप्पो त १० ॥"°

- 1. In the concluding lines of the chapter this author has recommended the jijñāsus (জিলামুs) of further details on terminology to consult the āgamas.
- 2. Probably a similar remark holds good in the case of a verse or so referred to by Abhayadeva Sūri in his commentary to Sthānāngasūtra, while explaining the meaning of Yāvattāvat, a kind of calculation.
- 3. In a cūrni, these are mentioned as 16. Brahmagupta has indicated 20, and Mahāvīrācārya 8.
 - 4. Dr. B. Datta translates this as "Science of numbers".
- 5. This is what is interpreted by Abhayadeva Sūri. Dr. Datta however mentions as the tenth sankhyana 'vikalpa' (permutations and combinations); he reads vi and kappa together.
- 6. We come across the following verse which slightly differs from this and which is quoted by S'îlānka Sūri in his commentary to Sūtrakṛta, the second anga (2nd s'rutaskandha, ch. 1, sūtra 154):—

"परिकम्म रज्जु रासी ववहारे तह कलासवन्ने य । पुद्ग(ग्ग)ल जावंतावं घने य घन वग्ग वग्गे च (य)॥"

This will show that not only does the order of the ten types of sankhyāna differ, but even there is a material difference. For, the second line, if construed as suggested by the editor of Sūtrakṛta, calculations mentioned therein refer to

Abhayadeva Sūri, the navāngīvrttikāra explains this verse while commenting upon this anga. According to his interpretation these ten Mathematical topics respectively represent calculations pertaining to (1) summation¹ etc., well-known to a Mathematician, (2) S'renivyavahāra etc., treated in Pātīganita¹or arithmetic, (3) plane geometry so far as its calculations are carried on by means of a rope², (4) a heap of corn etc., usually called rāsīvyavahāra, (5) fractions, (6) multiplication or summation of natural numbers, (7) square, (8) cube, (9) fourth power, and (10) splitting wood by means of a saw styled as krākacavyavahāra.

There is a very wide gulf between this interpretation and that of Dr. B. Datta, since the latter has translated these ten topics³ as (1) fundamental operations, (2) subjects of treatment, (3) geometry (4) mensuration of solid bodies, (5) fractions, (6) simple equations, (7) quadratic equations, (8) cubic equations, (9) biquadratic equations, and (10) permutations and combinations.⁴

⁽¹⁾ pudgala, (2) yāvat-tāvat, (3) ghana (4) ghanamūla (cube root), (5) varga and (6) vargamūla (square root). Thus the number of types will be eleven and not ten, a fact hardly admissible, when it contradicts a canonical statement. Moreover it is not clear as to what is actually meant here by pudgala.

^{1.} If this implies summation of series, a meaning assigned to it in $Ganitas\bar{a}rasa\bar{n}graha$, the 6th type must mean multiplication; and thus there is no chance left for the alternative suggested by the commentator on p. 7.

^{2.} The third type viz. Rajjusankhyāna can be equated to sulba sūtra; for, in Kātyāyana sūtra, paris'iṣṭa (1,1) we note the like "रज्ञसमासं वहवामः" Furthermore that Kṣetragaṇita signifies geometry is corroborated by Gaṇitasārasangraha (ch. VI). Geometry is spoken of in Sūtrakṛta (II, 1, 154) as the lotus in Mathematics, the rest being considered as inferior to it.

It may be mentioned in this connection that over the entrance to the academy of Plato, one of the great philosophers of ancient Ionina, there was the following inscription:—

[&]quot;Let no one unacquainted with geometry enter here."

^{3.} In this connetion the Bulletin of Calcutta Mathematical Society (Vol XXI, No. 2, pp. 121-124) deserves to be carefully read.

^{4.} See 716th sūtra which runs as under:-

[&]quot;दस सुहुमा पण्णत्ता, तं जहा-पाणसुहुमे पणगसुहुमे जाव सिणेहसुहुमे गणियसुहुमे भंगसुहुमे ।"

The commentator while explaining ganiyasuhuma makes the following noteworthy observation:—

[&]quot;गणितसूर्म -गणितं सङ्गलनादि तदेव सूक्ष्मं सूर्मनुद्धिगम्यत्वात्, श्रूयते च वजान्तं गणितमिति।"

It is extremely difficult to reconcile these two views especially when we have at present neither any access to a commentary prior to the one mentioned above nor to any Mathematical work of Jaina authorship which is earlier than Ganitasārasangraha. So, under these circumstances, I shall be excused, if I reserve this matter for future research.

PERMUTATIONS AND COMBINATIONS

Bhanga¹ is the name given to permutations and combinations as can be seen from the 716th sūtra of Sthānānga quoted on p. xii. While explaining bhangasuhume occurring in this sūtra, Abhayadeva Sūri has observed:—

"'भंगसूक्ष्मं' भङ्गा-भङ्गका वस्तुविकल्पास्ते च द्विधा-स्थानभङ्गकाः क्रमभङ्ग-काश्च तत्राद्या द्रव्यतो नामेका हिंसा न भावतः १ अन्या भावतो न द्रव्यतः २ अन्या भावतो द्रव्यतश्च ३ अन्या न भावतो नापि द्रव्यतः ४ इति इतरे तु द्रव्यतो हिंसा भावतश्च १ द्रव्यतोऽन्या न भावतः २ न द्रव्यतोऽन्या भावतः ३ अन्या न द्रव्यतो न भावतः ४ इति तह्यक्षणं सूक्ष्मं भङ्गसूक्ष्मं, सूक्ष्मता चास्य भजनीयपद-बहुत्वे गहनभावेन सूक्ष्मबुद्धिगम्यत्वात्".

This points out two types of bhangas: (1) sthānabhanga and (2) kramabhanga.

Three verses pertaining to *bhanga* are noted as under by S'īlānka Sūri in his commentary to *Sūtrakṛta* (Samayādhyayana, Anuyogadvāra, v. 28):—

"एकाद्या गच्छपर्यन्ताः परस्परसमाहताः । राज्ञयस्तद्धि विश्वेयं विकल्पगणिते फलम् ॥ १ ॥ पुव्वाणुपुद्धि हेट्टा समयाभेषण कुण जहाजेट्टं । उविरमतुल्लं पुरओ नसेज्ज पुव्वक्कमो सेसे ॥ २ ॥ थ गणितेऽत्यन्तविभक्ते तु लब्धं शेषेविंभाजयेत् । आदावन्ते च तत् स्थाप्यं विकल्पगणिते क्रमात् ॥ ३ ॥ थ

This is explained by Malayagiri Sūri in his commentary. There he takes the word bhanga and ganiya separately and interprets the former and the latter as caturbhangī etc. and sankalana etc. respectively.

¹ In connection with this bhanga, we find in $\bar{A}vas'yakas\bar{u}tra-niryukti$ (v. 1478) a hemistich as under:—

[&]quot;भंगिअसुयं गुणंतो वट्टइ तिविहेण वंदामि".

In Bṛhatkalpabhāṣya (v. 143) we note a line as below:—
"भंगगणियाइ गमिकं".

² This is styled as karaṇa-gāthā. See p. xv. 3 गणि॰

These three verses give three rules. The first enables us to determine the total number of transpositions which can be made when a specific number of things is given. The remaining two rules are helpful in finding the actual spread of representation. These are technically referred to as associated with bhedasankhyāparijnāna and prastāranayanopāya.

Typical Problems

Examples requiring the knowledge of permutations and combinations are found in plenty, in the canonical works of the Jainas. This subtle subject is very beautifully handled by them. Here I shall draw attention to some standard problems. One of them is known as Gāngeyabhanga treated in the 9th s'ataka of Bhagavatī. The diagrams etc. pertaining to it are given in Abhidhānarājendra (Vol. V, pp. 888-896), while explaining the word pavesanaya (praves'anaka). Another is connected with the vows of a S'rāvaka. It is discussed by Nemicandra Sūri in his Pravacanasāroddhāra (dvāra 336) and has been explained by Siddhasena in his commentary (pp. 390-398) to this work.

Pudgalabhanga and its vivrti by Nayavijaya Gani, too deals with bhangas.

While measuring the size of an $\bar{a}gama$, it is usual with the Jainas to mention the number of padas it consists of. There are 64 root-letters of the alphabet or representations of sounds. Of course, therein 33 are consonants, 27 vowels (i. e. 3 kinds-slight, long and prolonged, of each of the 9 vowels viz., 37, 37, 37, 37, 37, 37, 37, 31 and 31) and mixed sounds, such as hk, hkh, hp, and hph which help in the formation of compound letters. The total number of possible combinations of these 64 letters taken singly and into compounds of 2, 3, 4, or more up to 64 letters is $2^{64}-1$, i. e. 1, 84, 46, 74, 40, 73, 70, 95, 51, 615. These are the letters (simple and compound) of s'ruta in its entirety. This number divided by 16, 34, 83, 07, 888, which is the number of letters in a middle foot (madhyamapada) of paramāgama gives us the numbers of padas of the Angas, as 11, 28,

¹ There is a MS. No. 215 of 1871-72 in the Government Manuscripts Library at the Bhandarkar Oriental Research Institute. It is described by me along with other Jaina MSS., and will be published in the Descriptive Catalogue of Jaina MSS, prepared by me.

35, 80, 005. The remainder 8, 01, 08, 175 gives us the letters of that part of s'ruta which is not contained in the Aigas.

While dealing with bhangasamutkīrtana of Sangraha naya, the number of combinations pertaining to ānupūrvī and avaktvya, taken one, two etc. up to all at a time is mentioned as 7 in Anuyogadvāra (sūtra 92).

These are not the only instances where knowledge of the bhangas has been utilized by the Jainas; for, while discussing the $an\bar{a}nup\bar{u}rv\bar{\imath}^2$ of $s\bar{a}mayika$, that of Namaskāramantra and that of nava padas forming Siddhacakra they have done so.

Out of these three, I shall here deal with only the first. Sāmāyika is one of the six adhyayanas of Āvas'yaka. It occupies the first place from the stand-point of pūrvānupūrvī, and the sixth, from the stand-point of pas'cānupūrvī. Since the number of permutations of one to six taken all at a time is 720, the place of Sāmāyika according to anānupūrvī can be any one out of 720 minus 2 i. e. 718. This fact etc. is mentioned in Vis'esāvas'yakabhāsya as under:—

"पगादेगुत्तरया छग्गच्छगया परोष्परब्भत्था। पुरिमतिमदुगद्दीणा परिमाणमणाणुपुव्वीणं॥ ९४२॥ पुरुवाणुपुव्विद्देष्ट्रा समयाभेषण कुण जहाजेट्टं उचरिमतुल्लं पुरुषो नसेजा पुव्यक्कमो सेसे॥ ९४३॥

The Jainas have utilized their mathematical knowledge in tackling problems of various other kinds, too. Out of many one may be pointed out here viz. the number of ways of observing celibacy which is given as 18000.

The objects of the world can be grouped under two heads: (1) animate and (2) inanimate. The former is divided into two classes: (1) sthāvara and (2) trasa having five and four sub-divisions respectively. Whenever an inanimate object is mistaken for an animate one, it, too, should be looked upon as animate. In such a case the number of the types of the animate objects comes to ten. Kṣamā etc.

¹ See "the Sacred books of the Jainas" (Vol. II, p. 29).

² For further details about an anupurvi see Anuyogadvara (sutras 114-120).

³ For a discussion in German see "Übersicht über die Avasyaka-Literatur" (pp. 41-42).

are the ten kinds of *dharma* prescribed for a *Jaina Sādhu*. Each of these is connected with the ten types of the animate objects. Every action is again associated with five organs of sense. A living being does a thing, under the impulse of four $sa\tilde{n}j\tilde{n}as$. An act is of three kinds: (1) mental, (2) vocal and (3) physical. Again an act may be done by one self or it may be got done or it may be approved of. Hence, in all a saint can observe his discipline in $10 \times 10 \times 5 \times 4 \times 3 \times 3 = 18000$ ways.¹

Before I deal with notational places I may here record three or four things connected with Sthānāṅga and its commentary. Firstly, this canonical work considers ganita including bhaṅga (permutations and combinations) to be very sūkṣma (subtle or difficult). Secondly, as pointed out by Dr. B. Datta, Abhayadeva Sūri has at least once referred to algebra as can be inferred from "गणितस्य च बीजानाम्", a part of the commentary to the 673rd sūtra. Thirdly, while considering the 747th sūtra, Abhayadeva Sūri has quoted the following verse:—

''गच्छो वाञ्छाभ्यस्तो वाञ्छयुतो गच्छसङ्गणः कार्यः । द्विगुणीकृतवाञ्छद्दते वदन्ति सङ्कलितमाचार्याः ॥''³

Fourthly, this Sūri, the commentator remarks that examples to illustrate *parikarma* etc., are not given as they can be hardly followed by the dull-headed.⁴

NOTATIONAL PLACES (ANKASTHĀNAS) IN JAINISM

In Ganitasārasangraha we come across the following names of the twenty-four notational places commencing with the unit, each of which is 10 times the preceding:—

(1) Eka (unit), (2) Das'an (ten), (3) S'ata (hundred), (4) Sahasra (thousand), (5) Das'asahasra (ten thousand), (6) Lakṣa (lac), (7) Das'alakṣa (ten lac, million), (8) Koṭi

¹ For a diagram see G. O. Series No. LI, p. 24.

² See the 4th note on p. xii.

³ He has illustrated this couplet by taking gaccha and $v\tilde{a}\tilde{n}ch\bar{a}$ to denote 10 and 8 respectively. This, when expressed algebraically may be represented as $\frac{n(nx+x)}{2x}$ which will show the futility of introducing x.

⁴ Had they been given, I think, they would have surely helped us in arriving at the correct interpretation of the 747th sūtra of Sthānānga.

(crore), (9) Das'akoți (ten crore), (10) S'atakoți (hundred crore), (11) Arbuda (thousand crore), (12) Nyarbuda (ten thousand crore), (13) Kharva (billion), (14) Mahākharva, (15) Padma, (16) Mahāpadma, (17) Kṣoṇi, (18) Mahākṣoṇi, (19) S'ankha (million billion), (20) Mahās'ankha (trillion), (21) Kṣitī, (22) Mahākṣiti, (23) Kṣobha and (24) Mahākṣobha (10²⁸).

If we however refer to Sthānānga (II, 4, 95), Jambūdvī-paprajnapti (sūtra 18), Sūryaprajnapti (, Anuyogadvāra (sūtra 137), Jīvasamāsa (v. 113-115) etc., we find names for some of the notational places up to the 194th as under:—

(1) Puvvanga (Pūrvānga), (2) Puvva (Pūrva), (3) Tuḍiyanga (Truṭitānga), (4) Tuḍiya (Truṭita), (5) Aḍaḍanga (Aḍaḍānga), (6) Aḍaḍa (Aḍaḍa), (7) Avavanga (Avavānga), (8) Avava (Avava), (9) Huhuanga (Huhukānga), (10) Huhua (Huhuka), (11) Uppalanga (Utpalānga), (12) Uppala (Utpala), (13) Paumanga (Padmānga), (14) Pauma (Padma), (15) Nalinanga (Nalinānga), (16) Nalina (Nalina), (17) Acchaniuranga (Arthanipurānga), (18) Acchaniura (Arthanipura), (19) Ayuanga (Ayutānga), (20) Ayua (Ayuta), (21) Nayuanga (Nayutānga), (22) Nayua (Nayuta), (23) Payutanga (Prayutānga), (24) Payuta (Prayuta), (25) Cūliyanga (Cūlikānga), (26) Cūliya (Cūlika), (27) Sīsapaheliyanga (S'īrṣaprahelikānga) and (28) Sīsapaheliyā (S'īrṣaprahelikānga).

Here $P\bar{u}rva$ stands for 7560000000000 years. This is indicated in the following verse quoted by Abhayadeva Sūri in his commentary (p. 87°) to $Sth\bar{a}n\bar{a}iga$ (s. 95):—

''पुव्वस्स उ परिमाणं सयरिं खलु होंति कोडिलक्स्खाओ । छप्पन्नं च सहस्सा वोद्धव्वा वासकोडीणं ॥''³

"पुन्वतुडियाडडाववहुहूय तह उप्पर्छ य पउमे य । निलणच्छितिउर अउए नउए पउए य नायन्यो ॥ १ ॥ चृलिय सीसपदेलिय चोदस नामा उ अंगसंजुत्ता । अद्वाविसं ठाणा चडणडयं होइ ठाणसयं ॥ २ ॥"

3 Sanskrit rendering:-

पूर्वस्य तु परिमाणं सप्ततिः खद्ध भवन्ति कोटिलक्षाः । पट्टपञ्चाशच्च सहस्राणि बोद्धन्यानि वर्षकोटीनाम् ॥

¹ Strictly speaking, these are names for different measures for a number of years.

² While commenting upon Samavāya (sūtra 84), Abhayadeva Sūri quotes the following verses:—

The $P\bar{u}rva$ as well as each one of the succeeding notational places up to $S'\bar{i}rsaprahelik\bar{a}$ is 84 lacs times the immediately preceeding one, $S'\bar{i}rsaprahelik\bar{a}$ being hence equal to (84 lacs) years. This is suggested in the following $karanag\bar{a}th\bar{a}$ quoted in this very commentary on p. 87^b :—

"इञ्छियटाणेण गुणं पणसुन्नं चउरसीतिगुणितं च । काऊणं तद्द्यारे पुष्वंगाईण मुण संखं ॥"

This subject about notational places is treated by Umasvāti, too, in his svopajna bhāsya of Tattvārthādhigamasūtra (IV, 15, p. 292). He mentions there the names as under:—

(1) Ayuta, (2) Kamala, (3) Nalina, (4) Kumuda, (5) Tutya, (6) Adada, (7) Avava, (8) Hāhā, and (9) Hūhū. It may be noted that this enumeration of these notational places does not tally with the one mentioned above.

This discordance is noted by Siddhasena Gani while commenting upon this *bhāṣya*. There he makes two observations (on pp. 293-294) as under:—

- (1) This is not the order as found in the Agamas like Sūryaprajnapti.
- (2) It only refers to a few notational places, the complete list being as under:—
- (1) Tutyanga, (2) Tutika, (3) Adadanga, (4) Adada, (5) Avavanga, (6) Avava, (7) Hūhvanga, (8) Hūhūka, (9) Utpalānga, (10) Utpala, (11) Padmānga, (12) Padma, (13) Nalinānga, (14) Nalina, (15) Arthamyūrānga, (16) Arthamyūra, (17) Cūlikānga, (18) Cūlika, (19) S'īrṣaprahelikānga and (20) S'īrṣaprahelikā. From this list it appears that either some names have been left out in the Mss. utilized by me for the printed edition or that Siddhasena Gaṇi has dropped six names from Ayuta to Prayuta.

Jyotiskarandaka strikes altogether a different note in

इच्छितस्थानेन गुण्यं शून्यपञ्चकं चतुरशीतिगुणितं च । ऋत्वा ततिवारान् पूर्वाहादीनां जानीहि सङ्ख्याम् ॥

¹ This remark is made in Samavaya as under:—
"पुन्नाइयाणं सीसपहेलियापज्जनसाणाणं सद्वाणद्वाणंतराणं चोरासीए गुणकारे प॰"

² Sanskrit rendering:-

this connection; for, according to it (v. 64-71) S'īrṣaprahelikā is the name of the 250th place and not of the 194th place. Moreover, even the names of most of the notational places after Pūrva are different from those which are mentioned above and which are recorded in works codified at the Mathurā council. In order that this remark may be substantiated, the names are mentioned as below:—

(1) Puvva (Pūrva), (2) Layanga (Latānga), (3) Layā (Latā), (4) Mahālayanga (Mahālatānga), (5) Mahālayā (Mahālatā), (6) Nalinanga (Nalinānga), (7) Nalina (Nalina), (8) Mahānalinanga (Mahānalinānga), (9) Mahānalina (Mahānalina), (10) Paumanga (Padmānga), (11) Pauma (Padma), (12) Mahāpaumanga (Mahāpadmānga), (13) Mahāpauma (Mahāpadma), (14) Kamalanga (Kamalānga), (15) Kamala (Kamala), (16) Mahākamalanga (Mahākamalānga), (17) Mahākamala (Mahākamala), (18) Kumuyanga (Kumudānga), (19) Kumuya (Kumuda), (20) Mahākumuyanga (Mahākumudānga), (21) Mahākumuya (Mahākumuda), (22) Tudiyanga (Truțitănga), (23) Tudiya (Truțita), (24) Mahāțudiyanga (Mahātrutitānga), (25) Mahātudiya (Mahātrutita), (26) Adadanga (Adadanga), (27) Adada (Adada), (28) Mahādadanga. (Mahāḍaḍāṅga), (29) Mahāḍaḍa (Mahāḍaḍa), (30) Ūhaṅga (Ūhānga), (31) $\bar{U}h\bar{a}$ (Uhā), (32) $Mah\bar{a}\bar{u}hanga$ (Mahohanga), (33) Mahāūha (Mahoha), (34) Sīsapaheliyanga (S'īrṣaprahelikānga) and (35) Sīsapaheliyā (S'īrṣaprahelikā).

Each of these represents a number equal to 84 lacs times the preceding; consequently $S'\bar{\imath}r$; aprahelik \bar{a} stands for (84 lacs)⁸⁶ years, and not for (84 lacs)²⁸ years. Expressed in numbers it is equal to 18795517955011259541900969981343077-0797465494261977476572573467186816×10¹⁸⁰ years.¹

Tattvārtharājavārtika (p. 149), a lucid commentary of Akalanka on Tattvārthādhigamasūtra (III. 38²) furnishes us with the following names, each indicating a number equal to 84 lacs times the preceeding one:—

¹ See Mahopādhyāya Vinayavijaya Gaņi's Lokaprakaṣa (pt. III, Kālaloka, pp. 410), the encyclopædia of Jainism.

² This is according to the *Digambara* school; for, according to the *S'vetāmbaras* the number of this sūtra is 17th.

(1) Pūrvānga, (2) Pūrva, (3) Nayutānga, (4) Nayuta, (5) Kumudānga, (6) Kumuda, (7) Padmānga, (8) Padma, (9) Nalinānga, (10) Nalina, (11) Kamalānga, (12) Kamala, (13) Tutyānga, (14) Tutya, (15) Atatānga, (16) Atata, (17) Amamānga, (18) Amama, (19) Hūhūanga, (20) Hūhū, (21) Latānga, (22) Latā and (23) Mahālatā. Some names seem to be omitted in this printed edition. For, a Digambara work Trailokyadīpaka of which there is a MS. No. 603 of the Govt. Collection of 1875-76 deposited at the Bhandarkar O. R. Institute, we have the following names after Amama:—

हहाहुहुअंग, हाहाहुहु, विद्युछतांग, विद्युछता, छतांग, छता, महाछतांग, महाछता, शीर्षप्रकंपित, हस्तप्रहेलिका and अचलात्मक.

In Abhidharmakos'a III, 94 of Vasubandhu we have बुद्धलं as the first word of this verse. While explaining it Tripiṭakācarya Rāhula Sāṅkṛtyayana makes the following observation in his commentary Nālandikā by name:—

"कल्पानां असंख्यत्रये साधनसंचयेन (पारमितापूर्त्या) बुद्धत्वं भवति । असंख्य-संख्या च दशोत्तरवृद्ध्या पष्टि(ष्टि)स्थानं यावतः—

दश-शत-सहस्र-प्रभेद (१०,०००)-लक्षा-ऽतिलक्ष-कोटि-मध्या-ऽयुत-महायुत-नयुत-महानयुत-प्रयुत-महाप्रयुत-कंकर-महाकंकर-विंबर-महाविम्बरा-ऽक्षोभ्य-महाक्षोभ्य - विवाह-म०-उत्संग-म०- वाहन-म०-टिटिभ-म०-हेतु-म०-करभ०-म०-इन्द्र-म०-सम्पात (समाप्त)-म०-गति-म०-निम्बरजो-म०-मुद्रा-म०-बल-म०-संज्ञा-म०-विभूत-म०-बलाक्ष-म०-असंख्येति । अत्र मध्येऽष्टो स्थानानि पुरा विस्मृतानि । सर्वे षष्टिः(ष्टिः) बिन्द्वोऽपेक्ष्यन्ते ।"

Before another topic is taken up, I may say a few words about the *Jaina* way of writing the numerals. At present they are written as shown below:—

As early as the 4th century or so before the Christian era we find in several $\bar{a}gamas$, a list of the names of 18 lipis (written characters). Herein are mentioned ankalipi and ganitalipi. Dr. B. Datta mentions that these two names suggest that the forms of numerals used for different purposes

¹ Seo (1) Samavāya (XVIII), (2) Prajñāpanāsātra (sūtra 37) of S'yāmācārya (376 A. V.), (3) Āvas'yakaniryukti (Upodyhātaniryukti) and (4) Maladhārin Hemacandra's commentary to Vis'esāvas'yakabhāsya (v. 464).

were different, the former referring to those used in engraving and the latter, to those used in ordinary writing.

PLACE-VALUE SYSTEM OF DECIMAL NOTATION

It appears that India has been the birth-place of various numerical notations. Out of them, the one in which there are used only ten symbols, is of considerable importance. In this notation nine symbols represent numbers one to nine, and the tenth, zero. The former nine symbols are designated as anka² and the latter viz., the zero-symbol as s'ūnya.³ This notation with a decimal scale goes by the name of "place-value system of decimal notation" or "the decimal place-value system", and is adopted throughout the civilized world, since the application of the principle of this place-value is both sufficient and efficient to enable one not only to write any number whatsoever but to write it in the simplest way possible.

That this place-value system of decimal notation⁴ was known in India several centuries before the dawn of Christianity can be deduced from the following particulars:—

What is the true radical significance of the word thibuga and in what sense has it been employed in the above passage? The commentator Hemacandra Sūri is of opinion that it signifies "bindu". Dr. Datta asks me a question: "Is it then the 'zero' of the decimal numeral notation? If so, it will have to be admitted that the modern decimal place-value notation was known in India in the 4th century before the Christian era."

¹ In this connection he has added that in the Jaina literature, as also in the Vedic literature, we ordinarily find that a distinction is made between forms of alphabets used in engravings and in Mss., which are respectively styled by the Jainas as Kāṣṭhakarma or wood-work and Pustaka-karma or book-work. He has substantiated his statement by referring to the 10th and 146th sūtras of Anuyogadvāra as well as Maladhārin Hemacandra Sūri's commentary on the former. I may add that Hemacandra has interpreted pottha as (1) pota, (2) pustaka and (3) tāḍapatrādi. Furthermore, the word pusta occurs also in the bhāṣya on Tattvārthādhigamasūtra (I. 5), and is explained on p. 46 by Siddhasena Gaṇi as दुहित्तादिस्त्रचीव्यादिस्चितं. It also occurs in the bhāṣya on VI. 10 and is explained in the tākā on p. 21. On p. 78 of this very tākā (VII. 11), the word pusta is used.

²⁻³ These literally mean "a mark" and "empty" respectively.

⁴ In Jinabhadra Gani's Vis'eṣāvas'yakabhāṣya (v. 704), a gāthā of the Āvas'yakaniryukti of Bhadrabāhu is quoted as under:—

[&]quot;बिनुगागार जहन्नो वट्टो उक्कोसमायओ किंचि"

- (1) In the 142nd sūtra of Anuyogadvāra there is a reference to sthāna (thānehim) or places of decimal notation.
- (2) A denominational name like koṭākoṭā (koḍākoḍi) is mentioned in this sūtra as indicating its connection with places of numerations.
- (3) A very big number extending to 29 places i. e. to say a number consisting of 29 digits is here referred to as we shall shortly notice.
- (4) Vyavahārasūtra (uddes'aka I) furnishes us with a term gaņanasthāna for place of calculation. So says Dr. Datta.

THE WORD-SYMBOL NOTATION

A notation in which any word conveying the idea of a number is used is called a 'word-symbol notation'. This notation has not only been extremely well-known in India from ancient times but has also been extra-ordinarily popular. The Jaina writers, too, have utilized it in their works, the foremost,

1 In "Indian Mathematics" by G. R. Kaye, it is mentioned on p. 31 that this notation was introduced (into India) about the ninth century, possibly from the east.

Mr. Rangacharya M. A. has stated in his preface to "The Ganitasāra-sangraha of Mahāvīrācārya" that "there is evidence in his (Āryabhatṭa's) writings to show that he was familiar with nominal numerical.....Similarly in Brahmagupta's writings also there is evidence to show that he was acquainted with the use of nominal numbers and the decimal system of notation."

My friend Dr. Datta just informs me that he has written in Bengali several articles connected with this topic, which have appeared in the Bangīya Sāhitya Pariṣad Patrikā. For instance, "Jaina-sāhitye nāma-samkhyā" in B. S. P. P. 1337 B. S. pp. 28–39; "Nāma-samkhyā", ibid, 1337 B. S. pp. 7–27; "S'abda-samkhyā Praṇālī," ibid., 1335 B. S. (=1928–29 A. C.), pp. 8–30; "Akṣara-samkhyā Praṇālī," ibid., 1336 B. S. pp. 22-50; and "Aṅkānām vamato gatih", ibid., 1337 B. S. pp. 7–30.

> विधु-णिधि-णग-णव-रवि-णम-णिधि-णयण बलद्धिः णिधि-खराहृत्थी इगितीससुगुणसहिया......"

In gāthā 313 of the same work, he, however, mentions by the left-ward move, the number 7905694150 as "पण्णासमेकदार णवळपण्णाससुण्णवसदरी.

definitely known at present being Jinabhadra Gani Kṣamā-s'ramana.¹ A list of words signifying different numbers is given in the appendix.²

CLASSIFICATIONS OF NUMBERS

As was the case with early Greeks, the Jaina school, too, does not consider one as a number. This will be evident from the following line of the 146th sūtra of Anuyogadvāra:—

"से किं तं गणणासंखा? एको गणणं न उवेइ, दुप्पभिइ संखा"³

While explaining this portion Maladhārin Hemacandra remarks as under:—

When an object like a pot is seen, what one realises is only a pot and not its number; or, he adds, it may be due to the fact that in ordinary dealings only one thing, if given or taken, is mostly not taken into account. Thus the Jainas begin with two and end, of course, with the highest possible type of infinity. All these numbers can be grouped under 21 heads. These we shall deal with, a little bit later. For the present we shall mention 4 types referred to in the 316th sūtra of Sthānānga.

THE FOUR TYPES OF NUMBERS

Even, in the time of the Vedas, we find the distinction made between odd and even numbers. These are styled as ojas (ओजस्) and yugma (युग्ग) in Jainism. Furthermore, it is interesting to note that they are associated with krta, dvāpara, tretā and kali, the well-known names for the four yugas of

अथ किं सा गणनासङ्ख्या? एको गणनां नोपैति, द्विप्रभृति सङ्ख्या।

4 In the following verse of Das'agītikā of Āryabhaṭa I (499) varga means "odd" and avarga means "even":—

"वर्गाक्षराणि वर्गेऽवर्गेऽवर्गाक्षराणि कात् इमी यः। खद्धिनवके खरा नवे वर्गेऽवर्गे नवान्त्यवर्गे वा॥"

In later works the words visama and sama stand for "odd" and "even".

That he uses contrary moves even while expressing numbers by resorting to Katapayādi system in its second variant is borne out by Gommaṭasāra (Jīva-kāṇḍa, v. 158) and Trilokasāra (gāthā 98).

¹ See Brhatksetrasamāsa I. 69.

² While representing various numerical quantities by certain things, S'rīpati has invariably followed the decimal system of notation. The words used by him are marked with an asterisk.

³ Sanskrit rendering:-

the Vaidika Hindus. To put it plainly, I shall quote from Sthānānga:—

"चत्तारि जुम्मा पन्नत्ता, तं जहा-कडजुम्मे, तेओए, दावरजुम्मे, कलिओए"¹

Here jummā means a kind of $r\bar{a}s'i$. On a quaternity being deducted from a $r\bar{a}s'i$, it may either end in 4, 3, 2, or 1. These are respectively called krtayugma, tryojas, dvāparayugma, and kalyojas.² This seems to suggest that the numbers can be classified as 4m+4, 4m+3, 4m+2, and 4m+1.

ODD AND EVEN POWERS

In Uttarādhyayanasūtra (XXX; 10, 11) we find for the 2nd, the 3rd, the 4th, the 6th, and the 12th powers, distinct names viz., varga, ghana, varga-varga, ghana-varga and ghana-varga-varga. I do not know, if any canonical work mentions names for the 5th, 7th, 11th and other odd powers. Anuyogadvāra (sūtra 142) deals with successive squares and square-roots. To put it explicitly, it means that the 1st square of a stands for $(a)^2$; the 2nd, for $(a^2)^2$ i.e. a^4 ; the 3rd, for $(a^4)^2$ i.e. a^3 ; and so on, the nth standing for a^2 .

Similarly the 1st sq. root of a means $a^{\frac{1}{2}}$, the 2nd sq. root its sq. root or $a^{\frac{1}{4}}$ and thus the nth sq. root $a^{\frac{1}{2}}$.

In this sutra we find references to the 1st sq. root multiplied by the 2nd sq. root, the cube of the 2nd sq. root, the 1st sq. root multiplied by the 3rd sq. root, the 2nd sq. root multiplied by the 3rd sq. root, and the cube of the third sq. root. These can be symbolically represented as $a^{\frac{1}{2}} \times a^{\frac{1}{4}}$, $(a^{\frac{1}{4}})^{\frac{1}{8}}$, $a^{\frac{1}{4}} \times a^{\frac{1}{8}}$ and $(a^{\frac{1}{8}})^{\frac{3}{8}}$ respectively. I think this

¹ Sanskrit rendering:-

चत्वारि युग्मानि प्रज्ञप्तानि, तद्यथा - कृतयुग्मम्, त्योजः, द्वापरयुग्मम्, कल्योजः

² This is how it is explained on p. 238 by Abhayadeva Süri in his commentary to $Sth\bar{a}n\bar{a}iga$.

³ α raised to $2 \times 2 \times 2 \times 2 \dots$ n times.

⁴ α raised to $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times ...$ n times.

^{5 &}quot;विक्खंभस्ईअंगुलपढमवग्गमूलं बिइअवग्गमूलपडुप्पण्णं" p. 200°.

^{6 &}quot;अंगुलविइअवरगम्लघणपमाणमेत्ताओ" p. 200°.

^{7 &}quot;अंगुलपटमवग्गमूलं तइयवग्गमूलपडुप्पण्णं" p. 206a.

^{8 &}quot;अंगुलबीयवग्गमूलं तक्ष्यवग्गमूलपुडूप्पणं" p. 209°.

^{9 &}quot;अंगुलत इयवसाम् लघणप्यमाणमे ताओ" p. 209 ...

will suffice to convince a reader that two fundamental laws of indices viz. $a^m \times a^n = a^{m+n}$ and $(a^m)^n = a^{mn}$, where m and n may be integral or fractional were well-known to the *Jaina* saints.

That Nemicandra, the author of *Trilokasāra* knew these fundamental operations of indices can be inferred from the gāthās 105-108 of the same work. For, therein he mentions the following rules respectively:—

- (1) The addition of the ardhaccheda¹ of the multiplier and that of the multiplicand is the ardhaccheda of the product, and that it has no more cheda.
- (2) The subtraction of the ardhaccheda of the divisior from that of the dividend is the ardhaccheda of the quotient.
- (3) The product of the distributed number and the ardhaccheda of the substituted number equals the ardhaccheda of the resulting number.
- (4) The addition of the *ardhaccheda* of the distributed number and that of the substituted number is the $vargas'al\bar{a}k\bar{a}$ of the resulting number.

14 KINDS OF SERIES2

From Trilokasāra (gāthās 53-66 and 77-88) we learn about the following 14 kinds of series or dhārās³, each type dealing with some special numbers:—

- (1) Sarva. This is an A. P. with 1 as the 1st term and 1 as the common difference. Thus this series consists of natural numbers, say up to U.
- (2) Sama. This series consists of even numbers. (No. of terms $\frac{U-1}{2}$ or $\frac{U}{2}$).
- (3) Visama. This series consists of odd numbers (No. of terms $\frac{U}{2}$ or $\frac{U+1}{2}$).

¹ This is a technical term, and means a number of times a particular number can be halved. Thus if $x=2^n$, then n is called the ardhaccheda of x. This will remind one of the fact that if $a^x=n$, x is called the logarithm of n to the base a.

² For an exhaustive treatment Nemicandra asks his readers of *Trilokasāra* (gāthā 91) to refer to *Vrhaddhārāparikarman*. Is this a work? If so, unfortunately this work seems to be extinct.

³ This subject is dealt with in Appendix C in "The Jaina Gem Dictionary" (pp. 149-152).

- (4) Kṛti=1, 4, 9, 16 etc., up to the last square number.
- (5) Akṛti=2, 3, 5, 6, 7 etc. This series is got by subtracting Kṛti from Sarva.
- (6) Ghana=1, 8, 27, 64, etc. up to the last cubic number say V before U.
- (7) Aghana=2 to 7, 9 to 26, 28 to 63 etc. This series is obtained by subtracting Ghana from Sarva.
- (8) $Krtim\bar{a}trk\bar{a}$ (or $vargam\bar{a}trk\bar{a}$)=1, 2, 3, etc., No. of terms being $V\bar{v}$. This means a series having the sq. roots of Krti terms.
- (9) Akrtimātrkā= $(V\overline{U}+1)$, $(V\overline{U}+2)$, $(V\overline{U}+3)$ up to U; the No. of terms being U-V \overline{U} . This series deals with terms of which the sq. root is irrational.
- (10) Ghanamātṛkā=1, 2, up to the cube root of the last cubic number. This series is concerned with those numbers in Sarva of which cube root is rational.
- (11) Aghanamātṛkā. This series consists of terms in Sarva of which the cube root is irrational.
- (12) Dvirūpa-varga=2², (2²)², its square, its square and so on. The 4th, 5th and the 6th terms of this series are called पण्णिहे, नादाल and एकहि and stand for 2¹6 or 65536, 2³² or (65536)² or 4294967296 and 2⁶⁴ or (4294967296)² or 18446744073709551616. This is due to the fact that पण्णिहे, नादाल and एकह are abbreviations of पण्णिहीपंचसयाछत्तीसा, नादालं च उण्णडि छण्णडि निहत्तरीयछण्णडि and a quotation¹ given in Mādhavacandra's vṛtti (p. 28) on the 66th gāthā of Trilokasāra.
- (13) Dvirūpa-ghana=2³, its square, its square etc. i. e. to say a series² having for its first term 2³ and for its successive terms the squares of the immediately preceding.
- (14) Dvirūpa-ghanāghana. This is a series³ of which the first term is the cube of 2³ and each succeeding term is the square of its predecessor.

The above treatment of series may be at least taken to be a rough indicator of the knowlegge of indices possessed by the Jainas in ancient times.

¹ This runs as under:-

[&]quot;एकट्ट च चउ छस्तत्त्रयं च च य सुण्णसत्त्रतियसत्ता। सुण्णं णव पण पंच य एकं छक्केकगो य छकं च॥"

²⁻³ These are respectively styled as Ghana Ghana Ghana Ghana-in haang "The Jaina Gen Dictionary" on p. 149.

Now a few words about their knowledge of the geometrical progression.

In Trilokasāra (gāthā 231), the rule for the summation of this series is mentioned. For examples see the vṛṭṭi of its gāthās 796 and 797.

Guṇahāni¹ is a term of the geometrically decreasing series, the sum of the number of terms of which is the number of molecules of a unit of bondage, and each term in which is half of the term immediately preceeding it. For example, if the maximum number of molecules which the soul draws in to bind itself with, in one instant be 6300, and the duration of their bondage be 48 samayas and there be 6 guṇahānis or terms in the geometric series, then the number of the molecules shed in the 6 gunahānis will be respectively 3200, 1600, 800, 400, 200, and 100.

Here in each $gunah\bar{a}ni$ there are $\frac{48}{6}=8$ samayas. This is called $gunah\bar{a}ni$ $\bar{a}y\bar{a}ma$, i. e. the duration of the $gunah\bar{a}ni$.

The whole series of 6 gunahānis is called nānāgunahāni.

The number 2 raised to the power of the number of guṇahāni in the $n\bar{a}n\bar{a}guṇah\bar{a}ni$ is called anyonyabhyasta $r\bar{a}s'i$. In the above example it is= 2^6 =64.

One samaya-prabaddha or unit of bondage divided by anyonyabhyasta $r\bar{a}s'i$ minus one, gives the number of molecules shed in the last or antima guṇahāni. Here $\frac{6300}{64-1} = \frac{6300}{63} = 100$ is the last guṇahāni.

The double of the number of guṇahāni āyāma is nis'e-kahāra. Here it is=8×2=16.

Chāyā is the regular arithmetical difference between any two consecutive terms of the series which represents the kārmika molecules shed in each successive samaya of which each guṇahāni consists. In the above example in the guṇahāni of 8 samayas, 3200 molecules are shed. In the first samaya more are shed than in the second, in the second more than in the third and so on. The number of molecules by which the

¹ This entire topic of guṇahāni etc., is practically here reproduced from "The Jaina Gem Dictionary" (pp. 46-47).

shedding is less in every succeeding instant is called $ch\bar{a}y\bar{a}$. In the above example it is found as follows:—

We find the first term of the series and divide it by nis'e-kahāra (here 16). The first term is found as follows:—

 $\frac{\text{Guṇahāni molecules} \times 4}{3 \times \text{Guṇahāni āyāmas} + 1}. \quad \text{Here the ist term} = \frac{3200 \times 4}{(3 \times 8) + 1} = \frac{3200 \times 4}{25} = 512,$ $\therefore \text{chāya} = \frac{1\text{st term}}{\text{Guṇahāni āyāma}} = \frac{512}{2 \times 8} = \frac{512}{16} = 32.$

That is, in the 1st 8 samayas of the 1st guṇahāni, the number of molecules shed will be respectively 512, 480, 448, 384, 352, 320, and 288.

The $ch\bar{a}y\bar{a}$ for each succeeding $gunah\bar{a}ni$ will be half of the one immediately preceding it. As the number of molecules in each $gunah\bar{a}ni$ is half of that of its immediate predecessor, its $ch\bar{a}y\bar{a}$ is also half the $ch\bar{a}y\bar{a}$ of its predecessor.

As an example of an increasing series, the reader may be referred to the quantity of ink required for writing the fourteen $-p\bar{u}rvas$. The quantity of ink which can just immerse an elephant is necessary for writing the 1st $p\bar{u}rva$. Double this quantity is required to write the second and so on, so that the quantity of ink necessary for writing the 14th $p\bar{u}rva$ is 2^{18} times what is required for writing the 1st. Thus on the whole, the total quantity of ink which will just suffice for writing all the $p\bar{u}rvas$ is sufficient to immerse $1+2+2^2+...$ up to 2^{18} i.e. 16383 elephants.

THE HUMAN POPULATION

I may now take up the question about the number of human beings dealt with in *Anuyogadvāra* (sūtra 142), since it is connected with the indices and classifications of numbers.

As stated therein the minimum number of garbhaja human beings at any time is what can be calculated in terms of koṭākoṭi. It consists of 29 digits and is more than triyamalapada³ and less than caturyamalapada⁴ i. e. to say it lies between triyamalapada

¹ Compare the dviguna sankhyā occurring in the 25th Brāhmana of Sāma-Veda.

² For details see my "Descriptive Catalogue of Jaina Manuscripts" vol. XVII, pt. II; No. 523.

³ A triad of yamalapadas or their tertiary.

⁴ A quarternian of yamalapadas or their quarternity.

and caturyamalapada. To be quite exact it is equal to the sixth successive square (of two¹) multiplied by the fifth successive square (of two) or a number which can be divided (by two) 96 times.

Yamalapada is a technical term capable of signifying two things: (1) a group of eight notational places and (2) the second successive square. According to the first interpretation it includes all numbers consisting of 8 digits. On this basis dviyamalapada, triyamalapada and caturyamalapada etc., signify groups of numbers consisting of digits 16, 24, 32 etc. respectively. Hence the numbers between triyamalapada and caturyamalapada consist of digits more than 24 and less than 32. The product of 2⁶⁴ (the 6th successive square of 2) and 2⁸² (the 5th successive square of 2) is 2⁹⁶. It consists of 29 digits and is divisible (by two) 96 times.³

The second interpretation of yamalapada means the 2nd successive square or 2⁴. Consequently triyamalapada means the 6th successive square or 2⁶⁴ and caturyamalapada, the 8th successive square or 2²⁵⁶. 2⁹⁵ is certainly between these two. So either interpretation holds good.

21 KINDS OF NUMBERS

As noted on p. xxiii, unity is outside the sphere of calculation. Numbers fit for calculation (gananasankhyā) begin with 2, and go up to the highest possible infinity. They are classified under three groups: (1) sankhyāta (numerable⁴), (2) asankhyāta (innumerable⁵) and (3) ananta (infinite⁵). The first group has three subdivisions viz., jaghanya (lowest), madhyama⁷ (intermediate) and utkṛṣṭa (highest). The second group has three main divisions viz., (1) paritta, (2) yukta and (3) asankhyāta, each of which is again of three types known as (1) jaghanya, (2) madhyama and (3) utkṛṣṭa. Thus in all, the second group

¹ The reason of selecting two is given by Maladhārin Hemacandra in the vrtti of Anuyogadvāra (p. 207^a) as under:—

[&]quot;तत्रैकवर्गस्य वर्ग एक एव भवति, अतो वृद्धिरहितःवादेष वर्ग एव न गण्यते"

² It is equal to 79,228, 162, 514, 264, 337, 593, 543, 950, 336.

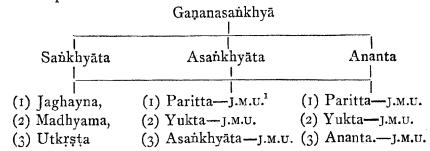
³ Technically speaking, it means a number having 96 ardhacchedas, as the latter signifies the number of times, a given number can be halved.

⁴⁻⁶ This is only a rough rendering.

⁷ This is also styled as ajaghanyotkṛṣṭa.

⁵ गणि०

has 9 divisions. The third group, too, has the same number of divisions; for, firstly ananta has three divisons viz., (1) paritta, (2) yukta and (3) ananta, and secondly each of these three has three subdivisions viz., (1) jaghanya, (2) madhyama and (3) utkrsta. All these 3+9+9 i. e. 21 classes of numbers can be hence represented as under:—



The number 2 is the jaghanya-sankhyāta. The number 3 and the following up to one preceding the utkṛṣṭa-sankhyāta come under the class known as madhyama-sankhyāta. Utkṛṣṭa-sankhyāta is explained by means of an example as under:—

Suppose we have four palyas each of the size of the Jambūdvīpa whose diameter is 100,000 yojanas, whose circumference is 316, 227 yojanas, 3 gavyūtis, 128 dhanusyas, $13\frac{1}{2}$ angulas and a little more, whose depth is 1000 yojanas, which has a jagatī 8 yojanas in height and a vedikā, two yojanas in height.

Out of these four palyas named as anavasthita, s'alāka, pratis'alāka and mahās'alāka let us fill the first with white mustard seeds, and then start throwing one seed out of them in Jambūdvīpa, another in Lavanasamudra and so on in the successive dvīpas and samudras of the Jaina cosmography. When all the seeds are exhausted, let us construct another palya having its diameter equal to that of the dvīpa or samudra where the last seed was thrown. This palya, too, must be of the same depth and height as the anavasthita palya. Let this newly constructed palya be also named as anavasthita. Let us fill this with seeds as before and start once more throwing a seed in dvīpas and samudras till this palya becomes empty. Let us throw one seed in s'alāka this

¹ J, M and U stand for jaghanya, madhyama and utkṛṣṭa respectively.

time with a view to note that anavasthita became empty. Once more we should now construct a new palya having depth and height as before but having its diameter equal to the dviba or samudra where the last seed was thrown. Let us fill this palva again named as anavasthita and start throwing seeds as before. When this gets emptied, a seed is to be thrown in s'alāka. When this process is repeated for a number of times, it will so happen that s'alāka will be completely full. At this stage we should again construct a new palya as before and fill it up with seeds. Then we should commence throwing seeds from s'alāka till it gets emptied. This time we should throw one seed in pratis'alāka and start throwing seeds from anavasthita. When this process is repeated several times, s'alāka will become Then this palya should be emptied as before and to mark that stage one seed must be thrown in pratis'alāka. In course of time, this process when repeated, will fill up pratis'alāka. We should then start throwing seeds from it till it becomes empty and to note that stage, we should throw one seed in mahāpratis'alāka. Let us then start emptying s'alāka which has been already filled up with seeds by this time. When it becomes empty, a seed is to be thrown in pratis'alāka, and the process of emptying anavasthita, throwing one seed in s'alāka, constructing a new anavasthita etc. is to be repeated till all the four palyas including the anavasthita finally constructed get filled up with seeds. On this stage being reached, we should make a heap of seeds of these four palyas and add to it all the seeds thrown in various dvipas and samudras. When this work is over, let us count the number of the seeds. When one is deducted from the number thus obtained, the remaining number is spoken of as utkrsta-sankhyāta. utkrsta-sankhyāta number of the early Jainas may be compared with what is called "Alef-zero" in modern Mathematics. This number is explained in "The theory of functions of a real variable and the theory of Fourier's Series" by E. W. Hobson Sc. D., F. R. S. (A. D. 1907, p. 154), as under:—

¹ According to Hemacandra Sūri's commentary (p. 236) on Anuyogadāra one seed was thrown even earlier. What is stated here is, however, in accordance with Lokaprakās'a (I, 140).

"The cardinal number of the aggregate of all the finite integers 1, 2, 3,......n, is called Alef-zero, and is denoted by \approx_0^2 ; thus $\approx_0 = \{\frac{\pi}{n}\}$. The number \approx_0 is identical with the number which has been previously denoted by a".

By adding unity to the *utkṛṣṭa-sankhyāta* (the highest numerable), *jaghanya-paritta-asankhyāta* (the lowest nearly innumerable) is obtained. Then follow the intermediate numbers which form the class known as *madhyama-paritta-asankhyāta* until *utkṛṣṭa-paritta-asankhyāta* (the highest nearly innumerable) is reached. Which is this 'highest nearly innumerable'? The answer is as under:—

Jaghanya-paritta-asankhyāta multiplied by itself not only once but jaghanya-paritta-asankhyāta times, leads to a number called jaghanya-yukta-asankhyāta. This number diminished by one goes by the name of utkṛṣṭa-paritta-asankhyāta.

Numbers between jaghanya-yukta-asankhyāta and utkṛṣṭa-yukta-asankhyāta form the class known as madhyama-yukta-asankhyāta.

Jaghanya-yukta-asankhyāta multiplied by itself jaghanya-yukta-asankhyāta times gives us a number styled as jaghanya-asankhyāta-asankhyāta. This number diminished by one is utkṛṣṭa-yukta-asankhyāta.

Jaghanya-asankhyāta-asankhyāta when multiplied by itself jaghanya-asankhyāta-asankhyāta times gives rise to jaghanya-paritta-ananta. This number diminished by one is utkrṣṭa-asankhyāta-asankhyāta.

Jaghanya-paritta-ananta multiplied by itself jaghanya-paritta-ananta times comes to jaghanya-yukta-ananta. This number diminished by one is utkṛṣṭa-paritta-ananta.

Jaghanya-yukta-ananta multiplied by itself jaghanya-yukta-ananta times leads to jaghanya-ananta-ananta. This number dimished by one is utkṛṣṭa-yukta-ananta.

^{1. &}quot;A cardinal number is characteristic of a class of equivalent aggregates". It is so defined on p. 8 in "The Theory of functions of a real variable and the theory of Fourier's series" (p. 8) above referred to.

^{2 &}quot;The cardinal number \approx is greater than all the finite cardinal numbers and it is less than any other transfinite cardinal number" (*Ibid.*, p. 155).

³ This is called abhyāsa of jaghanya-paritta-asankhyāta; for, abhyāsa means a number raised to itself e. g. the abhyāsa of x is x^x .

⁴ This is equal to the number of samayas in one āvalī.

All numbers beyond jaghanya-ananta-ananta come under the class known as madhyama-ananta-ananta; for, according to the canonical works there is nothing like utkṛṣṭa-ananta-ananta.

The Karma-granthas agree up to the definition of jaghanya-yukta-asankhyāta. Thereafter they differ as under:—

Jaghanya-yukta-asankhyāta multiplied by itself and then diminished by unity gives utkṛṣṭa-yukta-asankhyāta. The addition of one to this number gives jaghanya-asankhyāta-asankhyāta.

Find out the square of this jaghanya-asankhya-asankhyāta, then its square and again its square. Add to this number 10 particular asankhyātas. This resulting number is to be squared and then this process is to be repeated twice. The result thus arrived at, is jaghanya-paritta-ananta. This number diminished by unity is utkrsta-asankhyāta-asankhyāta.

The abhyāsa of jaghanya-paritta-ananta is equal to jaghanya-yukta-ananta. This number which corresponds to the number of the abhavyas, when diminished by unity equals utkṛṣṭa-paritta-ananta.

The square of jaghanya-yukta-ananta comes to jaghanya-ananta-ananta. This number diminished by one is utkṛṣṭa-yukta-ananta.

Find out the square of the jaghanya-ananta-ananta, then find out its square and then find out the square of this resulting number. Add to this number finally obtained, six particular anantas. The number thus got is to be squared. This resulting number is also to be squared. Repeat this process once more. Then the number arrived at, gives us utkrsta-ananta-ananta, when the ananta paryayas of kevala-jñāna and those of kevala-dars ana are added to it.

¹ This is in short, the eighth power of jaghanya-asankhyāta-asankhyāta.

² They are: (i-iv) The prades'as of (a) lokākās'a, (b) of dharmāstikāya, (c) of adharmāstikāya, and (d) of a soul, (v-vi) adhyavasāyasthānas of sthitibandha and anubhāga, (vii) indivisible parts of mental, vocal and physical yogas, (viii) the samayas of kālacakra, (ix) pratyeka jīvas and (x) the bodies of the anantakāyas. Here, everywhere 'number' is understood.

³ They are:—(i) the number of the vanaspatikāyas, (ii) the number of the nigodas, (iii) the number of the liberated, (iv) the number of the paramānus, (v) the number of the samayas of the time (past, present and future) and (vi) the number of the prades'as of alokākās'a.

Dr. Datta has treated this subject in his article "The Jaina School of Mathematics" (pp. 141-142) as under:—

"Consider a certain trough which is of the size of the Jambūdvīpa whose diameter is 100,000 yojanas, and whose circumference is 316, 227 yojanas, 3 gavyūti, 128 dhanus, 13½ angula and a little more. Fill it up with white mustard seeds counting them one after another. Continue in this way to fill up with mustard seeds other troughs of the sizes of the various lands and seas of the Jain cosmography. Still it is difficult to reach the highest number amongst the numerables. So the highest numerable number of the early Jainas corresponds to what is called Alef-zero in modern mathematics. For numbers beyond that Anuyoga-dvāra-sūtra further proceeds:

By adding unity to the higest 'numerable', the lowest 'nearly innumerable' is obtained. After that are the intermediate numbers until the highest 'nearly innumerable' is reached. Which is the highest 'nearly innumerable'?

The lowest 'nearly innumerable' number multiplied by the lowest 'nearly innumerable' number and then diminished by unity will give the highest 'nearly innumerable' number. Or the lowest 'truly innumerable' number diminished by unity gives the highest 'nearly innumera-Which is the lowest 'truly innumerable'? ble' number. The lowest 'truly innumerable' is obtained by multiplying the lowest 'nearly innumerable' number by itself; or by adding unity to the 'highest nearly innumerable' number. This number is also equivalent to Avali. After that are the intermediate numbers until the highest 'truly innumerable' number is reached. Which is this highest 'truly innumerable' number? It is the lowest 'truly innumerable' number multiplied by the Avali and then diminished by unity; or the lowest 'innumerably innumerable' number decreased by unity. Which is the lowest 'innumerably innumerable' number? It is the lowest 'truly innumerable' multiplied by Avali or the highest 'truly innumerable' number increased by unity. After that, are the intermediate numbers until the highest 'innumerably

¹ See "The Bulletin of the Calcutta Mathematical Society" vol. XXI, No. 2, 1929.

innumerable' is reached. Which is the highest 'innumerably innumerable' number? It is the lowest 'innumerably innumerable' number multiplied by itself and then diminished by unity, or the lowest 'nearly infinite' number diminished by unity. Which is the lowest 'nearly infinite' number? lowest 'innumerably innumerable' number multiplied by itself or the highest 'innumerably innumerable' increased by unity. After that are the intermediate numbers until the highest 'nearly infinite' is reached. Which is this highest 'nearly infinite' number? The lowest 'nearly infinite' number multiplied by itself and the product decreased by unity; or the lowest 'truly infinite' decreased by unity. Which is the lowest 'truly infinite' number? The lowest 'nearly infinite number' multiplied by itself, or the highest 'nearly infinite' increased by unity. It is also called the Abhavisiddhi. After that are the intermediates until the highest 'truly infinite' is obtained. Which is the highest 'truly infinite' number? The lowest 'truly infinite' number multiplied by the Abhavisiddhi and diminished by unity or the lowest 'infinitely infinite' number diminished by unity. Which is the lowest 'infinitely infinite' number? It is the lowest 'truly infinite' number multiplied by the Abhavisiddhi number, or the highest 'truly infinite' added by unity. After that are intermediate numbers. Such are the numbers of calculation."

He further observes: "It will be easily recognised that the above classification can be represented by the following series:

2...
$$N \cdot (N+1)...\{ (N+1)^2-1 \} \cdot (N+1)^2...(N+1)^4-1 \} \cdot (N+1)^4...\{ (N+1)^8-1 \} \cdot (N+1)^8...(N+1)^{16}-1 \} \cdot (N+1)^{16}...\{ (N+1)^{32}-1 \} \cdot (N+1)^{32}...$$

where N denotes the highest numerable number as defined before..... The series contains as recorded in the work the extreme numbers of each class and the different classes have been separated by a vertical line.

It will be noticed that in the classification of numbers stated above there is an attempt to define numbers beyond Alef-zero....The fact that an attempt was made in India to define such numbers as early as the first century before the

Christian era, speaks highly of the speculative faculties of the ancient Jaina Mathematicians."

DIFFERENT TYPES OF INFINITY

Infinity can be looked upon as having three types, when viewed from the stand-point of the conditions of human beings. For instance, a liberated soul will remain in that condition for ever; i. e. to say this state is sādi-ananta. The mundane state of this soul prior to the attainment of salvation is anādi-sānta; for, it was only when the final emancipation was reached that this soul bade good-bye to the mundane state binding it from the beginningless time. In the case of one who is never to be liberated, the mundane state is anādi-ananta.

From Sthānānga (sūtra 462) we learn about the five varieties of ananta or infinity, viz. (1) ekato'nanta (infinite in one direction), (2) dvidhānanta (infinite in two directions), (3) des'avistārānanta (infinite in partial expanse), (4) sarvavistārānanta (infinite in entire space) and (5) s'ās' vatānanta (infinite in eternity).

Use of factors for Multiplication and Division

Over and above these contributions in the Mathematical field, Umāsvāti, who was not only a metaphysician but who also appears to have been a Mathematician of the Kusumapura² school³, has obliged us by indicating two methods of multiplication and division.⁴ One of them is the usual method, and the other is the method whereby operations are carried on in successive stages by factors⁵ and which is hence simpler and shorter than the first.

¹ For a treatment of numbers according to the *Digambara* sources, the reader is referred to the "Jaina Gem Dictionary" (pp. 140-148).

² Ancient Pāṭaliputra near modern Patna.

³ The celebrated Bhadrabāhu, too, belongs to this school.

⁴ See the bhāṣya on Tattvārthādhigamasūtra (II, 52).

⁵ Brahmagupta (628 A. D.) has named the multiplication of factors as bhedagunana (vide his Brahmasphutasiddhānta, XII, 55), and others as vibhā-gaguṇana. S'rīdhara (c. 750) has mentioned in his Tris'atikā as the 9th rule the method of division by factors. These methods went through Arabia to Italy, in modern ages and were called mode per repiego, as we learn from "History of Mathematics" (vol. II, pp. 101 and 135) by D. E. Smith.

Four kinds of pramana (measure)

Anuyogadvāra (sūtra 131) mentions four types of pramāna. These respectively refer to the four entities viz., (1) dravya, (2) ksetra, (3) kāla and (4) bhāva. Dravyapramāņa is of two kinds: (1) prades'anispanna and (2) vibhāganispanna. Out of these the former has infinite varieties, while the latter has only five viz., (1) mana (measure by bulk), (2) unmana (measure by weight), (3) avamāna (linear measure), (4) ganima (numerical measure) and (5) pratimana (measure by weight). Ganima refers to calculation of numbers beginning with one and going up to a crore.

Māna is divided into two classes viz. (i) dhānya-māna and (ii) rasa-māna according as it deals with corn or a liquid substance like liquor. Each of these classes and unmāna, avamāna and pratimana as well, provide us with tables of measurements as under:-

```
I DHANYAMANAPRAMANA
  2 asatis1
               = 1 prasrti (pasai)
              =,, setikā (setiyā)
 ,, prasrtis
              =,, kulaka² (kulaä)
  4 setikās
  ,, kulakas
              =,, prastha (pattha)
 " prasthas
               =,, ādhaka (ādhaga)
  "ādhakas
              =, drona<sup>3</sup> ( dona )
              =,, jaghanya (jahnna) kumbha
60
               =,, madhyama (majjhima),,
80
              =,, utkṛṣṭa (ukkosa)
100
               =.. väha
800
            RASAMĀNAPRAMĀŅA
        \mathbf{II}
```

- 2 catuhsastikās = I dvātrims ikā (battīsiyā)
- 1 The Prakrit word for 'asati' is asaï. 2 This is also known as 'kudava'.
- 3 Those persons like Bharata and Sagara whose body is 108 times their own angula are said to be pramāņayukta. They are also said to be mānayukta; for, they will displace one drong of water, if they enter a drong, a vessel full of water. Or if this vessel is wanting in water to the extent of one drona, it will have its water up to the brim, when such persons enter it. This illustration referred to in Anuyogadvārasūtra (sūtra 133) and explained by Jinadāsa Gaņi in his cūrņi (p. 52) and by Yākinīmahattarādharmasūnu Haribhadra Sūrī in his commentary (p. 77) on this sutra, is likely to remind one about the principle of Archimedes.
 - 4 The Prakrit word for 'catuhsastika' is causatthia. 6 गणी॰

INTRODUCTION

```
2 catuhsastikās = \frac{1}{32} māņikā = 8 palas
 ,, dvātrims'ikās = 1 sodas'ikā (solasiā)
                 =\frac{1}{16} māņikā = 16 palas
                 = 1 astabhāgikā (aṭṭhabhāïā)
 ", sodas'ikās
                 = ½ māṇikā = 32 palas
 ,, astabhāgikās = 1 caturbhāgikā (caübhāïā)
                 = \frac{1}{4} \text{ mānikā} = 64 \text{ palas}
 " caturbhāgikās = I ardhamāņikā (addhamāņiā)
                 = ½ māṇikā = 128 palas
 " ardhamāņikās = 1 mānikā (māņiā)
                               = 256 \text{ palas}
             III UNMANAPRAMANA
      I ardhakarşa =\frac{1}{8} pala
      2 ardhakarşas = 1 karşa (karisa)
                     =\frac{1}{4} pala
                     = I ardhapala (addhapala)
      ,, karşas
      ,, ardhapalas =,, pala
    500 palas
                    =,, tulā
     10 tulās
                    =,, ardhabhāra (addhabhāra)
                     =,, bhāra
     20
             IV AVAMĀNAPRAMĀŅA
                      = I hasta (hattha)
          angulas
     24
                      =,, daṇḍa
         hastas
                     =,, dhanuska (dhanukka)
                     =,, yuga (juga)
                      =,, nālikā (nāliā)
            "
      17
                      =,, akṣa (akkha)
                      =,, (muśala)
        nālikās
                      =,, rajju
                Pratimanapramana
                  = I kākaņī (kāganī)
 1¼ guñjās
                  =,, nispāva (nipph\bar{a}va)
 1½ kākaņīs
13 guñjās
                  = ,,
                  =,, karmamāṣaka (kammamāsaä)
    nispāvas
 3
    guñjas
 4 kākaņīs
                  == ,,
    karmamāṣakas = ,, maṇḍalaka (maṇḍalaä)
12
48 kākiņīs
                  = ,,
    karmamāṣakas = ,, svarņa (suvaņņa)
16
64
    kākiņīs
```

¹ The Prakrit word for 'ardhakarşa' is addhakarisa.

We shall now turn to kṣetra-pramāṇa. Like dravya-pramāṇa, this, too, is of two kinds: (1) prades'aniṣpanna and (2) vibhāganiṣpanna. The former has asaṇahya varieties inasmuch as it deals with substances occupying prades'as from one to asankhya. The latter is, roughly speaking, divided into eight types beginning with angula and going up to yojana. These types are mutually connected as under:—

```
6 angulas<sup>1</sup> = 1 pāda (pāya)
2 pādas =,, vitasti (vihatthi)
,, vitastis =,, ratni (rayaṇi)
,, ratnis =,, kukṣi (kucchi)
,, kukṣis =,, dhanuṣya (dhaṇukka)
2000 dhanuṣyas=,, gavyūta (gaüä)
4 gavyūtas =,, yojana (joyana)<sup>2</sup>
```

Just as dravya-pramāna and ksetra-pramāna as we'l, are of two kinds, so is kā a-pramāna, its two kinds being (1) prades'a-nispanna and (2) vibhāganispanna. The former nas asankhya varieties as it deals with substances lasting from one samaya to asankhyāta samayas. The latter has several subdivisions such as (1) samaya, (2) āvalikā, (3) muhūrta, (4) ahorātra, (5) pakṣa, (6) māsa, (7) rtu, (8) ayana, (9) samvatsara (year), (10) yuga, (11) pūrvānga etc. These are related as under:—

```
Asankhya samayas = I āvalikā (\bar{a}valiy\bar{a})
Sankhyāta āvalikās =,, niśvāsa (nīsāsa) or
                                  i ucchvāsa (usāsa)
      I ucchvāsa+  = , prāṇa (paṇa)
      7 prāṇas = ,, stoka (thova)
                    = ,, lava
      7 stokas
     77 lavas
                     = muhūrta (muhutta)
   3773 ucchvāsas
     30 muhūrtas =,, ahorātra (ahoratta)
     15 ahorātras
                     =,, pakṣa ( pakkha)
      2 pakṣas
                      =,, māsa
      2 māsas
                     =, rtu (u\ddot{u})
```

¹ Angula is of three kinds: (a) ātmāngula, (b) pramānāngula and (c) utsedhāngula. The last has several subdivisions. For information in this connection the reader may refer to my Ārhatadars'anadīpikā (pp. 78-80).

² Cf. Anuyogadvārasūtra (sūtra 133).

³ For further subdivisions see supra (pp. xvii-xx of this introduction).

```
3 rtus = 1 ayana (ayana)
2 ayanas = ,, samvatsara (samvacchara)
5 samvatsaras = ,, yuga (juga)
84 lacs of years = ,, pūrvānga (puvvanga)<sup>1</sup>
```

Bhāva-pramāṇa has various subdivisions but they have very little to do with Mathematics. Moreover it is not possible to treat this subject² any more here, since the object of this introduction is to take a rough survey of the Jaina field of Mathematics.

GEOMETRICAL REFERENCES IN THE JAINA CANON

As already remarked³, when geometry is the lotus of Mathematics according to the *Jaina* canon, it is not surprising, if therein we come across several technical terms pertaining to it.

Bhagavatīsūtra (XXV. 3; sūtras 724-726), Anuyogadvāra. sūtra (sūtras 123 and 144) etc.⁴, supply us with the names of five geometrical figures as under:—

(1) tryasra (triangle⁵), (2) caturasra (quadrilateral⁶), (3) āyata (rectangle), (4) vṛtta (circle) and (5) parimandala (ellipse). Each of these is of two kinds according as it is pratara (plane) or ghana (solid). Consequently ghanatryasra, ghanacaturasra, ghanāyata, ghanavṛtta and ghanaparimanḍala respectively mean a triangular pyramid, a cube, a rectagular parallelopiped, a sphere and an elliptic cylinder.

We come across the circular, triangular and quadriangular rings (annulii) which are called valayavrtta, valayatryasra and valayacaturasra respectively.

¹ Cf. Anuyogadvārasūtra (sūtra 137) and Ārhatadars'anadīpikā (pp. 587-588).

² This subject is partly dealt with, in Tattvārtharājavārtika (p. 146), a Digambara commentary on Tattvārtha (III, 38), and in The Jaina Gem Dictionary (pp. 153-154), too.

³ See p. 12, fn. 2.

⁴ See Jambūdvīpaprajnapti and Jīvājīvābhigamasūtra.

⁵⁻⁶ In this conection I may mention that Dr. Datta has written a splendid article viz. "On Mahāvīra's solution of Rational Triangles and Quadrilaterals'. See "The Bulletin of the Calcutta Mathematical Society" vol. xx (pp. 267-294), 1928-29. On p. x of this introduction this article is already referred to.

Anuyogadvārasūtra (sūtras 100, 132 and 133) gives us names of 3 units of measurement viz., (1) sūcyangula (needle-like finger), pratarāngula (plane finger), and (3) ghanāngula (solid finger). These mean the units of linear, superficial and solid measures respectively. For, it is stated there that sūcyangula is linear and one dimensional, the product of sucyangula by itself gives pratarāngula, and this when multiplied by sūcyangula gives rise to ghanāngula.

In Sūryaprajñapti (sūtras 11, 25 and 100) we come across the names of the following terms:—

(1) Samacaturasra, (2) vis'amacaturasra, (3) samacatuṣakoṇa, (4) vis'amacatuṣkoṇa, (5) samacakravāla, (6) vis'amacakravāla, (7) cakrārdhacakravāla and (8) cakrākāra. Weber has explained them in *Indische Studien* (vol. X, p. 274) as even square, oblique squre, even parallelogram, oblique parallelogram, circle, ellipse, semi-ellipse and segment of a sphere.

In the bhāṣya on Tattvārthādhigamasūtra (III, 11) we find the terms (1) vrttaparikṣepa¹, (2) jyā, (3) iṣu, (4) viṣka-mbha, (5) dhanuṣkāṣṭha² and (6) bāhu³, and in the bhyāṣya on IV. 14 we find viṣkambhārdha⁴. These names respectively stand for a circumference, a chord, an arrow, a diameter, an arc of a circle less than a semi-circle and a semi-diameter or a radius.

MENSURATION FORMULÆ

The bhāṣya (p. 258) on Tattvārthādhigamasūtra (III, 11) furnishes us with the following 6 formulæ:—

(1)
$$C = V \overline{10d^2}$$

$$(2) A = \frac{1}{4}Cd$$

In the commentary (p. 236) on this work by Maladhārin Hemacandra, the following verse in Prākrit has been quoted:—

¹ See p. 258.

² See pp. 256-258.

³ See p. 258.

⁴ See p. 288.

⁵ In Anuyogadvārasūtra (sūtra 146, p. 235) the circumferece of a palya of 1 lac yojanas in diameter is given as under:—

[&]quot;से जहानामए पहे सिआ एगं जोयणसयसहरसं आयामिवकुखंभेणं तिष्णि जोयणसयसहरसाई सोलस सहस्याई दोण्णि अ सत्तावीसे जोयणसए तिष्णि अ कोसे अट्टावीसं च धणुसयं तेरस य अंगुलाई अद्धं अंगुलं च किंचि विसेसाहिअं परिक्खेवेणं पण्णत्ते"

(3) $c = V_{4h} (d-h)$ (4) $h = \frac{1}{2} (d-V_{(d^2-c^2)})$ (5) $\alpha = V_{6h^2+c^2}$ (6) $d = (h^2+x^2)/h$

Here C stands for the circumference of a circle of diameter d and A for its area. The arc of a segment of a circle less than a semicircle, its chord and its height or arrow are denoted as a, c and h respectively.

Over and above these 6 formulæ mentioned above, the bhāṣya (p. 258) gives us a rule as below:—

The portion of the circumference of a circle between (bounded by) two parallel chords is equal to half the difference between the corresponding arcs.

In Ksetrasamāsa of which the authorship is attributed to Umāsvāti, only the fourth formula is not to be found. Furthermore, the rule pertaining to finding out the arrow mentioned there can be expressed as $h = V(a^2-c^2)/6$

This topic is dealt with by Ratnas'ekhara Sūri in his Laghuksetrasamāsa in the following hemistiches of the gāthās 188-190:—

''विक्खंभवग्गदहगुणँमूलं वट्टस्स परिरओ होइ''³ ''विउसुपिहुत्ते चउगुणउसुगुणिए मूलभिह जीवा''⁴ ''उसुवग्गि छगुणि जीवावग्गजुए मूलं होइ धणुपिट्टं''⁵

Trilokasāra, too, furnishes us with the formulæ here given and some more. All of them can be mentioned as under:—

"परिही ति लक्ख सोलस सहस्स दो य सय सत्तवीसऽहिया । कोसतिय अट्ठवीसं थणुसय तेरंगुलऽद्धहियं ॥" [परिधिस्त्रयो लक्षाः पोडश सहस्रा द्वे च शते सप्तविंशस्यधिके । कोशत्रिकमष्टाविंशं धनुःशतं त्रयोदशाङ्कलानि अर्थाधिकानि॥]

1 Compare Ganitasārasangraha VII 43, 73½, and Mahāsiddhānta (Benares edn. XV, 90, 94, 95) of $\bar{\Lambda}$ ryabhaṭṭa.

According to the Greek Heron of Alexandria (c. 200) $a = \sqrt{4h^2 + c^2 + \frac{h}{4}}$ or $\sqrt{4h^2 + c^2} + (\sqrt{4h^2 + c^2 - c})_c^h$.

The Chinese Hue who died in 1075 A. D. gives the formula as $a = c \times \frac{2h^2}{3}$.

- 2 In Kṣetrasamāsa (v. 7) as well as in the cūrņi on Jambūdvīpaprajňapti, instead of मूलं there is करणी.
 - 3-5 Sanskrit rendering: -

विष्कम्भवर्गदशगुणमूलं वृत्तस्य परिधिर्भवति । वी(विगते)षुपृथुत्वे चतुर्गुणेषुगुणिते मूलमिह जीवा । इषुवर्गे पद्गुणे जीवावर्गयुते मूलं भवति धनुःपृष्टम् ।

- (1) C (gross) = 3d
- (2) C (subtle or neat) = $V \overline{10d^2}$
- (3) $A = \frac{1}{4} C d$
- (4) $r = \frac{9}{16} s$ where r is the radius of a circle equivalent to a square of side s; thus $\pi = (\frac{16}{9})^2$
- $c^2 = 4h (d-h)$
- (6) $a^2 = 6h^2 + c^2$
- (7) $d = \frac{c^2 + 4h^2}{4h}$
- (8) A (gross) = V_{10} . c. $\frac{h}{4}$
- (9) A (neat) = $\frac{1}{2}$ (c+h) h (10) $d = \frac{c^2 + (2h)^2}{4h}$
- (II) $h = V \overline{a^2 c^2}$
- (12) $h = \frac{1}{2} (d V \overline{d^2 c^2})$
- $(13) d = \frac{1}{2} \left(\frac{a^2}{2h} h \right)$
- (14) $h = V \overline{d^2 + \frac{1}{2}a^2} d$
- (15) $a^2 = 4h \left(d + \frac{h}{a} \right)$
- (16) $c^2 = \alpha^2 6h^2$

Out of these formulæ, the 1st three are given in gāthā 311, the 4th in 18, the 5th and the 6th in 760, the 7th in 761. the 8th and the 9th in 762, the 10th and the 11th in 763, the 12th in 764, the 13th and the 14th in 765, and the 15th and the 16th in 766.

In Trilokasāra (gāthā 309) we find the discussion about the breadth of an annulus (valayavyāsa) and the diameter of its edge (sūcīvyāsa).

Gommațasāra supplies us with formulæ about volumes of a prism etc. For instance, from gāthā 17 we learn that the volume of a prism = base x height. The $g\bar{a}th\bar{a}$ 19 furnishes us with two formulæ as under:—

- (i) Volume of a cone or a pyramid = $\frac{1}{3}$ base × height.
- (ii) Volume of a sphere = 3 (radius)3

Gāthās 22 and 23 lead us to the following conclusions:—

Volume of a conical shape = $(\frac{\text{Circumference}}{6})^2 \times \text{height. This is}$ on the supposition that the height equals (approximately) $\frac{1}{11}$ circumference. The gāthā 114 deals with an isosceles trapezium. If a, b and h represent the face, the base and the altitude of an isosceles trapezium, we can have the following results:—

- (1) The rate of decrease of b or increase of $a = \frac{b-a}{h}$.
- (2) Area = $\frac{1}{2} (a+b)h$.
- (3) At a height h' above the base, the breadth of the figure will be $b \frac{b-a}{h}$ h' and at a depth h'' below the face, the breadth will be $a + \frac{b-a}{h}$ h'.

It may not be amiss to mention that some geometrical figures are suggested in the following passage of Das'ās'ruta. skandha (VII):—

''मासियेण भिक्खुपिडमं पिडपण्णस्स अणगारस्स छिव्वहा गोयरचरिया पण्णत्ता, तंजहा-पेडा, अद्धपेडा, गोमुत्तिया, पर्यगविहिया, संबुक्कावद्दा , गंतुंपच्चागया ,

Before I finish this section about the geometrical know. ledge of the Jainas, I may mention two problems. One is referred to in Bhagavatī (sūtras 726 and 727). It deals with the minimum number of pradesas (shots, literally spots) required to construct various geometrical forms. To give a clear idea, I may give a tabular form:—

Geometrical form			Minimum number of odd shots			Minimum number of even shots
Circle	•••	•••	5	•••	•••	12
Sphere	•••	•••	7 • • •	•••	•••	32
Triangle	•••	•••	3•••	•••	•••	6
Triangular p	yrami	d	35 •••	•••	•••	4
Square	•••		9	•••	•••	4
Cube	•••		27	•••	•••	8
Line	•••	•••	3	•••	•••	2
Rectangle	•••	•••	15	•••		6
Parallelopip	ed	•••	45	•••	•••	12

The other problem deals with the different strata of Meru mountain and it is treated in Jambūdvīpaprajñapti.

¹ Vide Uttarādhyayanaiūtra (XXX, 19).

² See Sthānānga (VI; sūtra 514).

³ Sanskrit rendering:-

मासिकेन भिक्षुप्रतिमां प्रतिपन्नस्यानगारस्य षड्विधा गोचरचर्या प्रक्षप्ता, तद् यथा—पेला, अर्धपेला, गोमूत्रिका, पतङ्गविधिका, शम्बुकावर्ता, गत्वाप्रत्यागता ।

Values of π^1 according to the Jaina works

In the canonical works of the *Jainas*, three distinct values of π are noted: (i) $V\overline{10}$, (ii) a little more than 3 (त्रिगुणं सविशेषम्) and (iii) 3.16.

In Bhagavatīsūtra (sūtra 91), Jīvājīvābhigamasūtra (sūtras 82² and 109³), Jambūdvīpaprajñapti (sūtra 3), Sūryaprajñapti (sūtra 20⁴), the bhāṣya (p. 258) on Tattvārthādhigamasūtra (III, 11) and several other works, the first value has been adopted. It is strange to note that Ratnas'ekhara Sūri (1440 A. D.) has evaluated π as $V\overline{10}$ in his work Laghukṣetrasamāsa, even when a more accurate value was certainly known in his times.

1 For the "Hindu (non-Jaina) values of π , see Dr. Datta's paper published in the "Journal of the Asiatic Society of Bengal", vol. XXII (pp. 25-42), 1926.

2 "तत्य णं जे ते संखेळावित्थंडे से णं एकं जोयणसयसहस्सं आयामविक्खंभेणं तिन्नि जोयणसयसहस्साइं सोलस सहस्साइं दोन्नि य सत्तावीसे जोयणसए तिन्नि कोसे य अट्ठावीसं च धणुसतं तेरस य अंगुलाइं अद्धंगुलयं च किंचिविसेसाधिए परिक्खेवेणं"

[तत्र योऽसौ सङ्ख्येयविस्तृतः स एकं योजनशतसहस्रमायामविष्कम्मेण त्रीणि योजनशतसहस्राणि षोडश सहस्राणि द्वे च सप्तविंशति(अधिके) योजनशते त्रयः क्रोशाश्चाष्टाविंशं च धनुःशतं त्रयोदश चाङ्गुलान्यर्धाः कुलकं च किञ्चिद्विशेषाधिकं परिक्षेपेण]

3 "तिन्नि जोयणसयाइं आयामविक्खंभेणं णव एकूणपण्णजोयणसए किंचिविसेसेण परिक्खेवेणं"

[त्रीणि योजनशतान्यायामविष्कम्भेण नव एकोनपञ्चाशत्(अधिकानि) योजनशतानि (९४९) किञ्चिद्-विशेषेण परिक्षेपेण]

Malayagiri while commenting upon this portion observes:

"परिमाणगणितभावना-'विक्खंभवरगदहगुणकरणी वट्टस्स परिरओ होइ' इति करणवशात् स्वयं कर्तव्या, सगमत्वात'

4 "एगं जोयणसहरसं एगं तेत्तीसं जोयणसयं आयामविक्खंभेणं तिण्णि जोयणसहस्साइं तिण्णि य नवणउए जोयणसते परिक्खेवेणं"

[एकं योजनसहस्रमेकं त्रयस्त्रिशं (त्रयस्त्रिशद्धिकं) योजनशतम् (११३३) आयामविष्कम्मेण त्रीणि योजनसहस्राणि त्रीणि च नवनवतीनि योजनशतानि (३३९९) परिक्षेपेण]

"एगं जोयणसहस्सं एगं च चउत्तीसं जोयणसयं आयामिवन्खंभेणं तिण्णि जोयणसहस्साइं चत्तारि विजत्तरे जोयणसते परिक्खेवेणं"

[एकं योजनसहस्रमेकं च चतुर्सिशं (चतुर्सिशदिथकं) योजनशतम् (१९२४) आयामविष्कम्मेण त्रीणि योजनसहस्राणि चत्वारि द्युत्तराणि योजनशतानि (३४०२) परिक्षेपेण]

"एगं जोयणसहस्सं एगं च पणतीसं जोयणसतं आयामविक्खंभेणं तिन्नि जोयणसहस्साई चत्तारि पंचु-त्तरे जोयणसते परिक्खेवेणं"

[एकं योजनसहस्रमेकं च पञ्चित्रंशं (पञ्चित्रंशदिषकं) योजनशतम् (११३५) आयामविष्कम्मेण त्रीणि योजनसहस्राणि चत्वारि पञ्चोत्तराणि योजनशतानि (३४०५) परिक्षेपेण]

"णवणउइजोयणसहस्साइं छच्च चत्ताले जोयणसते आयामनिक्संभेणं तिण्णि जोयणसतसहस्साइं पण्णरस जोयणसहस्साइं एगूणणउतिं जोयणाइं किंचिनिसेसाहिए परिक्खेनेणं"

[नवनवितयोजनसहस्राणि षट् च चत्वारिंशानि योजनशतानि (९९६४०) आयामविष्कम्भेण त्रीणि योजनशतसहस्राणि पञ्चदश योजनसहस्राणि एकोननवितर्योजनानि (३१५०८९) किञ्जिद्विशेषाधिकानि परिक्षेपेण]

Here we find that the value of π accepted as 3 by three non-Jaina schools is rejected, and that the diameter of the innermost orbit of the sun is mentioned here as 99640 yojanas and its circumference as 315089 yojanas plus a little more 7 $\pi \Theta_0$

The second value of π is noticed in $Jamb\bar{u}dv\bar{v}papraj\bar{n}apti$ (sūtra 19) and in $Uttar\bar{u}dhyayanas\bar{u}tra$ (XXXVI, 59).

The third value is hinted at in Jīvājīvābhigamasūtra (sūtra 112). There it is stated that for an increment of 100 in diameter, the circumference increases by 316.

In the *Digambara* works π is equated to $\frac{19}{6}$, since, according to these works $\pi = V\overline{10} = V\overline{9} + \frac{1}{2V\overline{9}} = 3 + \frac{1}{6} = \frac{19}{6}$.

Rajju

In most of the Jaina works, a rajju is defined as the diameter of the Svayambhūramana ocean. Ratnasancayaprakarana (v. 483⁵, p. 189⁶) defines rajju as follows:—

A god can go 100,000 yojanas in the winking of an eye. The distance which he can go in 6 months is a rajju.

Rajju is also defined as under:-

If a powerful god were to throw down forcibly an iron ball heated and weighing 1000 bhāras, the distance which it can cover in 6 months, 6 days, 6 praharas, and 6 ghaṭikās is equal to a rajju. See Ratnasancaya (v. 19-20⁷).

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$
. Cf. $V\overline{N} = V\overline{a^2 + r} = \alpha + \frac{r}{2a}$ where r is small.

"जोअणलक्खपमाणं णिमेसमित्तेण जाइ जो देवो । छम्मासेण य गमणं एयं रज्जू पमाणेणं ॥ ४८३ ॥" [योजनलक्षप्रमाणं निमेषमात्रेण याति यो देवः । षण्मासेण च गमनमेतद् रज्जुः प्रमाणेण ॥]

The 187th gatha of Brhat-sangrahani containing 485 gathas may be seen in this connection.

6 This page-number refers to an edition published by S'rī Jaina dharma prasāraka Sabhā in Samvat 1985. This edition contains both the text and its Gujarātī translation.

7 They are as under:--

"भिल्हइ सुहुमाइ कोई सुरो अ गोलों अ अयमओ हिट्ठो। भारसहस्समयं सो छम्मासे छिहं दिणेहिं पि ॥ १९ ॥ छ पहरे छ वडीया जावक्षमइ जइवि एवइया। रज्ज तत्थ पमाणो दीवससुद्दा हवइ एया ॥ २० ॥'

¹ This leads us to infer that the Jainas were aware of the fact that the circumference of a circle varies as its diameter.

² Cf. Lokaprakās'a (I, v. 72).

³ According to The Jaina Gem Dictionary (pp. 154-155), the rule for finding a sq. root is to write the sq. root of the nearest rational number and to add to it the remainder divided by twice its sq. root e. g. $V_2 = V_1 + \frac{1}{2V_2} = 1 + \frac{1}{2V_2}$

⁴ Cf. $Lokaprak\bar{a}s'a$ (I, v. 65).

⁵ This verse is as under:-

Magic Squares

I have up till now tried to point out some of the features of the Jaina Mathematics as depicted mostly in the canonical literature. Now I shall refer to stotra-sāhitya or hymnological literature. I have come across three hymns which allude to magic squares. One of them directly indicates the numbers which make up magic squares. The remaining ones give rise to five magic squares as suggested in its commentary. These magic squares are of different orders: 3rd, 4th, 5th, 8th and 9th. A detailed account of them is given by me in my "Note on Jaina hymns and magic squares" published in "The Indian Historical Quarterly" (vol. X, No. I, pp. 148-153).

APPLIED MATHEMATICS

I have collected materials throwing light on Applied Mathematics, too; but I reserve their treatment for future. Only a few particulars are being noted here. That light is matter is suggested in *Tattvārthādhigamasūtra* (V, 24). An idea akin to the first law of Newton, is also expressed in this work (X, 6). The *Jaina* notion about the principle of flotation can be inferred from *Kalyāṇamandirastotra* (v. 10). The theory of sound is discussed at great length in *Viṣes'āvas'yakabhāṣya* (v. 351-372).

[मुज्जति सु(सौ)धर्मादिः कश्चित् सुरश्च गोलं चायोमयमधः । भारसहस्रमयं स षण्मासैः षड्भिदिंनैरिष ॥ षट्प्रहरैः षड्घटिकाभिर्यावत् क्रामति यद्यपि पतावता । रज्जस्तत्र प्रमाणं द्वीपसमुद्रा भवन्त्यते ॥]

1 This is only what could be here noted from my paper "Some materials for the study of Mathematics in Jaina literature" accepted by and read at the Jubilee sessions of the Indian Mathematical Conference held in 1932. This paper was based upon the notes prepared by me when I submitted to the University of Bombay in 1924, the results pertaining to "Jaina Mathematics" in connection with which a grant was given to me by this University in 1923. During the years that have since elapsed, my friend Dr. B. Datta has contributed in this connection three important and interesting articles: two to the Bulletin of the Calcutta Mathematical Society in 1928-29 one, to "Quellen und studien zur Geschicte der Mathematic", a German journal Still much remains to be said regarding Jaina Mathematics not only by way of multiplying the instances in support of the facts mentioned here but also by presenting together several Mathematical problems lying scattered in the various agamas and by bringing to light other Mathematical factors which may have escaped notice on account of the want of thorough investigation of the Jaina canonical works which is not still carried out by me owing to the circumstances being not quite favourable for it.

With these words about Jaina contributions in the Mathematical field, I shall now say a few words about Ganitatilaka.

Outlines of Ganitatilaka

Gaṇitatilaka is the name definitely mentioned for this work by its commentator Simhatilaka Sūri; S'ripati, its author styles it as Pāṭīgaṇita (Gaṇitasya pāṭīm)¹. This work is entirely composed in Sanskrit in verses in various metres.² In the very first hemistich³ of the first verse, the author offers his salutation to the nature of the soul, in a way which is practically acceptable to several Indian systems of philosophy. In the second hemistich, he indicates the subject and the purpose of composing the work. The very first topic which he then introduces deals with the following names⁴ of 18 notational places:—

(1) Eka, (2) Daṣan, (3) S'ata, (4) Sahasra, (5) Ayuta, (6) Lakṣa, (7) Prayuta, (8) Koṭi, (9) Arbuda, (10) Padma, (11) Kharva, (12) Nikharva, (13) Mahāsaroja, (14) S'anku, (15) Samudra, (16) Antya, (17) Madhya and (18) Parārdha.⁵

''एका च शर्त च शर्त च सह'सं च सह'सं चार्युतं चार्युतं च प्रयुतं च प्रयुतं चार्युतं चार्युतं चार्युतं चार्युतं चार्युतं चार्युतं च न्यर्बुतं च समुद्रंश्च में प्रयं चौन्तश्च परार्धेश्चेमां मे अझा इष्टका''

—मैत्रायणीसंहिता २-८-१४ (p. 118)

''ड्रमा में अग्न इष्टंका धेनर्वः सुन्त्वेकां च दर्श च दर्श च शतं च शतं च सहस्रं च सहस्रं चायुतं चायुतं च नियुतं च नियुतं च श्युतं चार्बेदं च न्युर्बदं च समुद्रश्च मध्यं चान्तश्च परार्धश्च''

---वाजसनेयीसंहिता १७-२ (p. 311)

''एकां च शतं चं सहस्रं चायुतं च (३) नियुतं च प्रयुतं चार्बुदं च न्यंबुदं च समुद्रश्च मध्युं चान्तंश्व परार्धश्च''

—तैत्तिरीयसंहिता ४-४०-११-४ (p. 3032)

''शताय स्वाहा सहस्राय स्वाहाऽयुताय स्वाहा नियुताय स्वाहा प्रयुताय स्वाहाऽधीदाय स्वाहा न्यर्डिदाय स्वाहा समुद्राय स्वाहा मध्याय स्वाहाऽन्ताय स्वाहा परार्घाय स्वाहोषसे स्वाहा"

-- तैत्तिरीयसंहिता ७-२-२०-१ (p. 4445)

(All of these have been noticed by Dr. B. Datta and Dr. A. N. Singh in their work History of Hindu Mathematics, Pt. I, pp. 9-10).

¹ See verse I. In the colophon (p. 3), the name Ganitatilaka occurs.

² See my Sanskrit introduction.

³ This is capable of many an interpretation. See p. 1.

⁴ These very names except padma and mahāsaroja for which we have abja and mahāmbuja, are found in Abhidhānacintāmaņi (III, v. 537-538).

⁵ Cf.-

Some of these decuple terms are, of course, those which we find in *Ganitasārasangraha* (pp. 7-8¹), too.

It may be mentioned *en passant* that Simhatilaka Sūri, while explaining the 18 notational places furnishes us with synonyms for 12 of them as under:—

(1) das'asahasra for ayuta, (2) das'alaksa for prayuta, (3) das'akoți for arbuda (4) koțis'ata for padma, (5) koțisahasra for kharva, (6) das'akoțisahasra for nikharva, (7) koțilaksa for mahāsaroja, (8) das'akoțilaksa for s'anku, (9) koțikoți for samudra, (10) das'akoțīkoțī² for antya, (11) koţīkoţīs'ata for madhya and (12) koţīkoţīsahasra for parārdha.

A Buddhist work styled as Abhidhānappadīpikā (I, pp. 69-70) and published by Gujarat Purātattva Mandira in Samvat 1980, furnishes us with some useful information in this connection. The pertinent verses are as under:—

"संख्याप्रकार

(अट्टारसन्ता संखेय्ये संख्या एकादयो तिसु॥ ७२ संख्याने तु च संखेय्ये एकत्ते वीसतादयो। वग्गभेदे बहुत्तेषि ता आनचुति नारियं)॥ ७३

संख्याविशेष २४

सतं, सहस्सं, नहुतं, लक्खं, कोटी, पकोटियो,। कोटिप्पकोटि, नहुतं, (तथा) निन्नहुतं, (पि च)॥ ७४ अक्खोहिणी, (त्थियं) बिन्दु, अब्बुदं, (च) निरब्बुदं,। अहहं, अबबं, (चेवा-) टटं, सोगन्धिकु, — प्पलं,॥ ७५ कुमुदं, पुण्डरीकं, (च) पदुमं, कथानं, (पि च)। महाकथाना, - संखेय्या, — (निचेतासु सतादि च॥ ७६ कोट्यादिकं दसगुणं सतलकुखगुणं कमा)"

- 1 Herein the terms sahasraka, das'asāhasra, das'alakṣa, das'akoṭi, arbuda, nyarbuda, kharva, mahākharva, padma, mahāpadma, kṣoṇī, mahākṣoṇī, s'aṅkha, mahās'aṅkha, kṣiti, mahākṣiti, kṣobha and mahākṣobha are used to denote the 4th, 5th, 7th and 9th to 24th sthānas respectively.
- 2 It seems that Simhatilaka uses both the words kot and kot as well; or it may be that the scribe has not been quite consistent in transcribing the Ms.

^{&#}x27;'यदा दशिभराग्निष्टोमैर्च्यजतेऽथ सहस्रया जिनमामोति यदा दशिभः सहस्रेर्च्यजतेऽथायु-तया जिनमामोति यदा दशिभरयुतैर्य्यजतेऽथ प्रयुत्तया जिनमामोति यदा दशिभः प्रयुतैर्य्यजतेऽथ नियुत्तया जिनमामोति यदा दशिभिर्श्वयुतैर्य्यजतेऽथार्श्वदया जिनमामोति यदा दशिभरर्श्वदैर्य्यजतेऽथ निखर्ज्वकया जिनमामोति यदा दशिभिर्श्वस्वकंकेय्यजतेऽथ बद्धया जिनमामोति यदा दशिभर्बद्धै-र्यजतेऽथाक्षित्तया जिनमामोति यदा दशिभरिक्षतेर्य्यजतेऽथ गौर्भवति यदा गौर्भवत्यथाग्निभैवति यदाग्निभैवत्यऽथ संवत्सरस्य गृहपतिमामोति ॥ २॥''

[—]ताण्ड्यब्राह्मण १७-१४-२ (p. 395)

From Lalitavistara (p. 168, Rājendralāl Mitra, Calcutta, 1877) we see that in olden days an attempt had been made to record a set of numbers based on the centesimal scale as well.¹

As the next topic, S'rīpati introduces the terminology for various units² of measurement. The corresponding tables⁸ are given in the Appendix. Some of the verses (e.g., verses 5 to 8) given in this connection in Ganitatilaka occur with or without variants in S'rīdharācārya's Ganitasāra⁴ of which there is a MS.⁴ (No. 4660, dated Samvat 1449 and containing this text and two anonymous commentaries, one in Sanskrit and one in Gujarātī) at the Oriental Institute, Baroda.

The 8 sorts of fundamental operations, viz. (1) sankalita⁵ (addition), (2) vyutkalita (subtraction), (3) guṇakāra (multiplication), (4) bhāgahāra (division), (5) varga (squaring), (6) vargamūla (extraction of square-root), (7) ghana (cubing) and (8) ghanamūla (extraction of cube-root), follow this terminology. In this connection it may be mentioned that 2 methods are pointed out for addition, 1⁶ for subtraction, 4⁷ for multiplication, one of which pertains to factors⁸, 1 for division, 3 for squaring, 1 for extracting square-root, 4 for cubing and 1 for extracting cube-root.

In order that this remark may be properly grasped, I may treat this subject in extenso as under:—

Krama and utkrama are the two methods indicated for addition. None of them is however explained by the author.

¹ Cf. Datta and Singh, l. c., p. 10.

² Units of measurement pertaining to weight, length etc. have been divided into smaller units by all civilized nations. For, thereby they could easily avoid fractional quantities which were so to say a hindrance in rapidly carrying on commercial activities.

³ In $L\bar{\imath}l\bar{\imath}vat\bar{\imath}$, the tables are followed by the topic pertaining to notational places; thus the arrangment there is reverse of what it is here.

⁴ On a cursory examination, it does not appear to be the same as Tris'atikā of S'rīdharācārya, an author of the same name.

⁵ This should be distinguished from citi or sankalita meaning a sum of a series according to Tris'atī (p. 2) and Ganitasārasangraha (p. 17).

⁶⁻⁷ See p. LI.

⁸ This method was well-known in the days of Umāsvāti. See p. XXXVI of this introduction.

It is rather Simhatilaka who throws light on it; but his explanation that *krama* means adding from top to bottom and *utkrama* viceversa, differs from that of Gangādhara recorded in his commentary on $L\bar{\imath}l\bar{a}vat\bar{\imath}$.

Simhatilaka mentions two methods for subtraction viz. of placing subtrahend below the minuhend and viceversa.

As regards multiplication there are four methods. So says Simhatilaka. So let us examine the pertinent verses (15 and $15\frac{1}{2}$) and their explanation given on p. 5.

At first sight it appears that there are four methods viz. (1) kapāṭasandhi, (2) tatstha, (3) sthānavibhāga and rūpavibhāga, the last two collectively known as khaṇḍa. Out of them the first has two varieties according as the multiplier is moved in the direct or the inverse order, while multiplying successively the figures of the multiplicand after having placed it below the multiplier as in the junction of two doors.

The second (tatstha) method has no varieties. It differs from the kapāṭasandhi method inasmuch as the multiplier is kept steady. This tatstha method which is said to be algebraic, can be compared with tiryagguṇana or vajrābhyāsa (crossmultiplication).

Sthānavibhāga and rūpavibhāga, the 3rd and the 4th methods are each capable of being interpreted in two ways, and that is what Simhatilaka has done. Vibhāga means splitting, and sthāna, multiplier. Sthānavibhāga therefore means: (i) splitting up of the multiplier into factors and (ii) separation of the digits of the multiplier. The first meaning holds good in the case of rūpavibhāga, too, where rūpa signifies multiplicand.

If $r\bar{u}pavibh\bar{a}ga$ means that the multiplier is to be considered as the difference or sum of two numbers (this seems to be the meaning assigned to it on p. 5), we have two other methods for multiplication, each of which can be compared with *istagunana* of Brahmagupta.⁴ In that case it may be said that in all, we have, 8 methods for multiplication.

Before proceeding further, it may be observed that S'rī-dhara has mentioned four methods of multiplication: (1) kapāţa-

¹ See my Sanskrit introduction cf. Datta and Singh, l. c., p. 131, fn. 1.

² Simhatilaka's interpretation of $sth\bar{a}na$ as multiplier and $r\bar{u}pa$ as multiplicand (p. 5) seems to be rather peculiar.

³ Cf. p. 5, 11. 17-21 of the commentary.

⁴ He was born in 598 A. D.

sandhi, (2) tatstha, (3) rūpavibhāga and (4) sthānavibhāga. Mahāvīrācārya, too, has mentioned the same four. Āryabhaṭa II records only the common method of kapāṭasandhi. Bhāskara II has however noted five, four of which are the same as noted by S'rīdhara, and the fifth is the one known as iṣṭaguṇana. All these five methods given by Bhāskara II occur in S'rīpati's Siddhāntas'ekhara.¹

Now a word about the method of division. It was considered by Indian mathematicians as too elementary to be described, whereas it was looked upon as a tedious and difficult operation by European scholars as late as the 16th century. S'rīpati explains the method as follows:—

Remove the common factors, if any, from hara (divisor) and bhājya (dividend) and then divide in the pratiloma (inverse) order.

Further details of this process such as dividing the digits of the dividend by the divisor are neither stated by him nor by Simhatilaka.

As regards the three methods of squaring given by S'rīpati, the first is as under:—

After the last digit is squared, double this last digit should be multiplied by the rest of the digits respectively.³ Then the remainder left by removing this last digit should be moved, and the procedure should be repeated.⁴

- 1 Cf. Datta and Singh, l. c, pp. 135-136.
- 2 See Datta and Singh, l. c., p. 150; and Smith, History, p. 132.
- 3 This is same as multiplying the rest of the digits by twice the last.
- 4 According to this rule, the following 11 steps are required to square 163:—

$$\begin{vmatrix} (i) & (ii) & (iii) & (iv) & (v) & (vi) & (vii) \\ 163 & 1 & 163 & 126 & 126 & 126 & 126 & 126 & 126 & 126 & 13$$

It appears that out of these 11 steps, the steps (vi) to (ix) have been wrongly given in the original MS. by the scribe, and through oversight this mistake has not been corrected by me on p. 9, and that the steps (v), (vi) and (xi) have been omitted in the original MS. by the scribe.

For the explanation of the method in English see Datta and Singh, l. c., pp. 157-160.

As regards this ist method for squaring given by S'rīpati, Simhatilaka observes on pp. 8-9 that S'rīpati has adopted a wrong procedure in having used the phrase ৰণ বিধান on p. 7 without explaining the term varga, while Bhāskarācārya, the author of Līlāvatī has followed the right procedure, for, he has first explained the term varga and then explained the method for it.

The second method is stated by S'rīpati as under:-

The product of the difference and the sum of the number to be squared and the assumed number, when combined with the square of the assumed, gives the square.

This may be expressed algebraically as under:-

$$x^2 = (x-a)(x+a) + a^2$$
.

Here x is the given number and a the assumed one.

The third method is to multiply the number by itself.

While explaining this method, Simhatilaka has referred to a well-known method given in *Tris'atī*.

The method for extracting square-root given in Ganitatilaka is the same as given by S'rīdhara, Mahāvīrācārya and Āryabhaṭa II, but it slightly differs from one given by Bhāskara II.

For cubing, four methods are given. Out of them, the first is as under:—

The cube of the last (digit), the square of this last (digit) multiplied by three and the succeeding (digit), the square of this succeeding (digit) multiplied by the last and three, and the cube of the succeeding (digit), when added, after each is placed one place before the other give us the cube (required)².

² In accordance with this rule, the following 8 steps are necessary before we can get the cube of 317:—

(i)	(ii)	(iii)	(îv)	(v)
317	317 277 2	317 2779 2	27791 2	317 27791 2 20181
	, ,	()	(1.7	

¹ Siddhasena Gaṇi's commentary (p. 258) on Tattvārthādhigamasūtra (III, 11) may be consulted. See Datta and Singh, l. c., pp. 171-172.

From this it will be seen that this is practically the same method as given by S'rīdhara and Mahāvīrācārya¹.

The second method is so to say as under:—

Suppose we have an A.P. of which the first term is one, the common difference is also one, and the last term, the number of which the cube is required. This cube is obtained by adding together (i) the last term multiplied by 3 as well as by the preceding one (mukha), and (ii) the cube of this mukha, with one added to it. Roughly speaking, this means that if r is the number of which the cube is required, then it is equal to $3(r-1)r+(r-1)^3+1$.

The third method is nothing else but multiplying the given number by itself and then the result by the given number. That is to say if a is the given number, the required cube is $a \times a \times a$.

The fourth method can be stated as under:-

Thrice the $v\bar{a}s'i$ (given number) multiplied by its two parts, when united with the cubes of each of these parts gives the required cube.

This may be represented as below:—

 $x^3 = 3abx + a^3 + b^3$ where a and b are the two parts of the given number x.

As regards extracting cube-root, S'rīpati has given only

(vi)	(vii)	(viii)		
317 27791 2 20181 4557	317 27791 2 20181 4557 343	and	2 20181 4557 343 31855013	

In this case, the steps (i) and (v) have been misprinted on pp. 11 and 12, and the 8th (last) has been omitted in the original MS. by the scribe.

For the cube of 1234 see Datta and Singh, l. c., pp. 165-166.

- 1 See Ganitasārasangraha (v. 47, p. 15)
- 2 Cf. Datta and Singh, l. c., pp. 167-169.
- 3 This operation is described in the Aryabhaṭīya. Up till now, no earlier description than this is found. Cf. Datta and Singh, l. c., p. 175.

one method,¹ and that is practically the same as given by Aryabhata II who has followed S'ridhara².

This finishes a rough survey of the methods used for the 8 fundamental operations. So I shall now take a note of the various terms used in connection with each of these operations in different works on Mathematics in Sanskrit:—

(I) Abhyāsa⁴, ekīkaraṇa, mis'raṇa, mīlana (p. 3), prakṣepaṇa, sammelana, sammīlana (p. 3), saṃyojana (p. 15), saṅkalana, saṅkalita (p. 3), yoga (p. 3), yojana (p. 15), yojanā (p. 8), yukti and yuti (p. 3) stand for 'addition'.

I have not come across any special term used in Sanskrit, for 'addend' ('summand'), though it can be coined.

(II) Pātana (p. 4), s'odhana, vis'odhana (p. 4), viyoga viyojana (p. 4), vyavakalita (p. 4), vyutkalana and vyutkalita stand for 'subtraction'.

Pātya (p. 4), sarvadhana and viyojya have been used for 'minuend', viyojaka for 'subtrahend', and antara, avas'eṣa (p. 4), avas'eṣaka (p. 4) and s'eṣa (p. 4) for 'residue' or 'remainder'.

(III) Abhihati (p. 9), abhyāsa, āhati (p. 8), ghāta (p. 9), guṇakāra (p. 4), guṇana (p. 5), hanana, kṣaya, parasparakṛta, prahati (p. 11), samāhati (p. 8), santāḍana (p. 5) and vadha stand for 'multiplication'.

Guṇanīya (p. 5), guṇya (p. 4) and rūpa (p. 5) have been used for 'multiplicand' ('multiplicator'), guṇaka (p. 4), guṇakāra and sthāna (p. 5) for 'multiplier', and guṇanaphala and pratyutpanna (p. 4) for 'product'.

(IV) Bhāgahāra (p. 6), bhājana, chedana and haraṇa stand for 'division'.

Bhājya (p. 6) and hārya have been used for 'dividend', bhāgagrhānka (p. 6), bhāgahāra, bhājaka, hara (p. 6) and

¹ The first step is to mark the places as ghana and aghana, e. g. the units place as ghana, the tens place as first aghana, the hundreds place as second aghana, the thousands place as ghana, the ten thousands place as first aghana, and so on.

² S'rīdhara has given more details than Brahmagupta. Cf. Datta and Singh, l. c., p. 177.

³ Most of these have been noted by Datta and Singh, l. c.

⁴ This is used both for addition and multiplication in the S'ulba works (800 B.C.).

- hāra (p. 7) for 'divisor', labdha and labdhi for 'quotient', and s'esa for 'remainder'.
 - (V) Kṛti (p. 9) and varga (p. 5) stand for 'square'.
- (VI) Kṛti-pada¹ (p. 9), kṛti-mūla (p. 23), varga-mūla² (p. 9) and the like stand for 'square-root'.
 - (VII) Ghana (p. 11) stands for 'cube'.
- (VIII) Ghana-pada (p. 26) and ghana-mūla (p. 13) stand for 'cube-root'.

I shall now say a few words about fractions, the topic which is dealt with by S'rīpati, after he has explained the 8 operations.

We can trace the knowledge of fractions as far back as the Vaidika period. For, in the Rg-Veda (X. 90. 4) we have the term tri- $p\bar{a}da^3$, and in the $Maitr\bar{a}yan\bar{\imath}$ $Sainhit\bar{a}$ (III. 7. 7), the terms $kal\bar{a}^4$, $kustha^5$, $p\bar{a}da^6$ and $s'apha.^7$ Furthermore, in the S'ulba $s\bar{u}tras$, fractions have not only been noted but they have been utilized in solving problems.

S'rīpati has used the words *bhinna*⁹ as well as *vibhinna*¹⁰ for 'fraction' ¹¹. Simhatilaka has rightly looked upon them as equivalents.

For numerator, S'ripati uses the words ams'a (p.18), ams'aka (p. 34) and lava (p. 15), whereas for denominator, he uses the words cheda (p. 18), chedaka (p. 15), chid (p. 23) hara (p. 15) and hāra (p. 21).

Furthermore, as in S'ulba sūtras¹², he has used the words

¹⁻² Out of pada and $m\bar{u}la$ signifying 'root', the latter seems to be older. It occurs in $Anuyogadv\bar{a}ras\bar{u}tra$.

³ This seems to be the oldest record of a composite fraction.

⁴⁻⁷ These respectively stand for $\frac{1}{16}$, $\frac{1}{12}$, $\frac{1}{4}$ and $\frac{1}{8}$. As regards $kal\bar{a}$, it may be noted that later on, it has been used to denote 'fraction', the earliest example for which is furnished by the S'ulba works. See Datta and Singh, $l.\ c.$, p. 185.

⁸ See Dr. Datta's The science of the S'ulba, pp. 212 ff.

⁹ See p. 24.

¹⁰ See p. 22.

¹¹ This as well as other European terms such as fractio, rocto, rotto, roupt etc. which are derived from the Latin fractus (frangere) or ruptus meaning 'broken' correspond to bhinna or vibhinna. See Datta and Singh, l. c., p. 188.

¹² In the $\bar{A}pastamba~S'ulba~(x)$ we have $pa\tilde{n}cadas'abh\bar{a}ga~(lit. 15~parts)$ for $\frac{1}{15}$ and in the $K\bar{a}ty\bar{a}yana~S'ulba~(v. 8)$ the same. Moreover, in the latter work (vi. 4), we have $saptabh\bar{a}ga~$ for $\frac{1}{4}$.

ams'a, ams'aka, bhāga¹ and lava along with the cardinal number, to denote unit fractions.³ For instance, for $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{6}$ and $\frac{1}{3}$ he has used the words tryams'a, sadams'aka, sadbhāga and trilava respectively.³ He has also used an ordinal number⁴ instead of the cardinal one, e. g. saptamabhāga for $\frac{1}{7}$.⁵

Rules for all the 8 operations formerly noted in the case of pūrṇānkas (pūrṇarūpas) or whole numbers are stated by S'rīpati in the case of bhinna-rūpas (apūrṇānkas) or fractions. So far as addition and subtraction are concerned, the reduction to a common denominator is the first step to be attended to. As regards division⁶, kulis'āpavartana⁷ is to be undergone. This is what S'rīpati says.

Instead of taking up as the next topic, the treatment of kalāsavarņa⁸ or reduction to a simple fraction, S'rīpati deals with the operations of zero.⁹ They may be represented as under:—

(I) a+o=a; (II) a-o=a; (III) $a\times o=o$; (IV) $a\div o=o$; (V) $o\div o=o$; (VI) $(o)^2=o$; and (VII) $(o)^3=o$.

Simhatilaka interprets ca occurring in v. 45 given in this

- 1 At times, this is dropped probably for the sake of metrical convenience. In the case of fractions having one as a numerator, only the denominators are given. $L\bar{\imath}l\bar{a}vat\bar{\imath}$ (p. 7) furnishes us with such an example (sastha for $\bar{\iota}$).
- 2 Fractions having one (unit) as the numerator are here denoted as unit fractions, and thus they are distinguished from composite fractions which have any other number than one as the numerator.
 - 3 See pp. 16, 25, 18 and 20 respectively.
- 4 $Pa\tilde{n}camabh\tilde{a}ga$ (lit. fifth part) has been used as an equivalent of $\frac{1}{5}$ in the $\tilde{A}pastamba$ S'ulba (ix, 7 and x, 2) and in the $K\tilde{a}ty\tilde{a}yana$ S'ulba (v. 6). 5 See p. 30.
- 6 The operation of division of fractions is spoken of as hara by S'rīpati on p. 21, and it is explained as bhāgahāravidhi by Simhatilaka on the same page.
- 7 This also known as vajrāpavartana (cross-wise cancellation) is recommended by Mahāvīrācārya for multiplication.
- 8 This literally means "making the fractions of the same class (varna)" i. e. "reduction to a common denominator". Later on, it came to imply "reduction to a simple fraction". Cf. the English translation (p. 38, fn.) of Ganitasārasangraha.
- 9 The two operations of zero viz. addition and subtraction are found in Pañcasiddhāntikā, and several others, in Brāhmasphuṭasiddhānta. Later on, S'rīdhara in his Tris'atī (p. 4), Āryabhaṭa II in his Mahāsiddhānta (in the chapter on Pāṭīganita, p. 146), Nārāyaṇa in his Ganitakaumudī (I. 30), Mahāvīrācārya in his Ganitasārasaigraha (p. 6) and Bhāskara II in his Līlāvatī (p. 8) and in his Bījaganita have dealt with the operations of zero.

For further details see Datta and Singh, l. c., p. 238ff. A see a little and singh, l. c., p. 238ff.

connection, as implying two operations viz. the square-root of zero and the cube-root of zero. He states that the result is zero in each case.

KALĀSAVARŅA

It seems that owing to the lack of proper symbols required for indicating mathematical operations, the Indian Mathematicians have divided kalāsavarņa into various classes known as jātis. For instance, Skandasena, S'rīpati and Bhāskara II have given four jātis, whereas Brahmagupta has given five, and S'rīdhara and Mahāvīrācārya each, six.

The four jātis above referred to are:

- (1) $Bh\bar{a}ga^1$ i. e. the form $(\frac{a}{b} \pm \frac{c}{d} \pm \frac{e}{d} \pm \frac{e}{f} \pm ...)$
- (2) $Prabh\bar{a}ga$ i. e. the form $(\frac{a}{b} \text{ of } \frac{c}{d} \text{ of } \frac{c}{f} \text{ of } ...)$
- (3) Bhāgānubandha or ams'ānubandha3. This is of two types:—
 - (i) the form $(a+\frac{b}{c})^4$;
 - and (ii) the form $\frac{a}{b} + \frac{c}{d}$ of $\frac{a}{b} + \frac{e}{f}$ of $(\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{a}{b})^5$.
- (4) Bhāgāpavāha⁸ or bhāgāpavāhana. This is also of two types:—
 - (i) the form $(a-\frac{b}{c})$;

and (ii)
$$\frac{\alpha}{b} - \frac{c}{d}$$
 of $\frac{\alpha}{b} - \frac{e}{f}$ of $(\frac{\alpha}{b} - \frac{c}{d})$ of $\frac{\alpha}{b}$.

- 2 For a negative sign, a dot is usually placed to the right of the number and slightly over it. Cf. "यानि ऋणगतानि तान्यूर्ध्विन्द्नि"—Bējagaņita (p. 2) of Bhāskara II. In a Bakhshālā Ms. recently acquired by Dr. Datta, the simple cross (+) is used for the same purpose. This is what he writes to me.
 - 3 This is the term used by S'rīpati. See p. 34.
- 4 This form represents an association (anubandha) of an integer (rūpa) and a part i.e. to say a fraction (bhāga). So it is styled as rūpa-bhāgānubandha or bhāgānubandhasahitānka. See p. 35.
- 5 This form represents an association of bhāga of bhāga. So it goes by the name of bhāga-bhāgānubandha or bhāgānubandhabhāga. See p. 35.
- 6 Practically there is no difference between this and bhāgānubandha except that herein there is subtraction or decrease, instead of addition or increase as is the case with bhāgānubandha.

¹ This is translated as a 'simple fraction' by M. Rangācārya on p. 297 (Ganitasārasangraha). On this page we find bhāgabhāga, bhāgānubandha and bhāgāpavāha translated as 'a complex fraction', 'fractions in association' and 'dissociated fractions' respectively.

Over and above these four $j\bar{a}tis^1$, some enumerate two more. They are:—

- (1) $Bh\bar{a}ga-bh\bar{a}ga$ i. e. the form $(a \div \frac{b}{c})^2$ or $(\frac{a}{b} \div \frac{c}{d})$.
- (2) $Bh\bar{a}ga-m\bar{a}tr$ i. e. combinations of two or more of the five $j\bar{a}tis$ mentioned above.³

VALLĪSAVARŅANA

As the next topic S'rīpati introduces on p. 39, vallīsavarnana, and on the same page gives us a rule whereby we can reduce a chain of measures into a proper fraction.

MISCELLANEOUS PROBLEMS INVOLVING THE USE OF FRACTIONS

Just as Mahāvīrācārya has given ten varieties⁴ of the miscellaneous problems involving fractions viz., (1) bhāga, (2) s'eṣa, (3) mūla, (4) s'eṣamūla, (5) dviragras'eṣamūla, (6) aṁs'amūla, (7) bhāgābhyāsa, (8) aṁs'avarga, (9) mūlamis'ra and (10) bhinnadṛs'ya, so has S'rīpati given 9 varieties as under:—

(1) Dṛs'ya, (2) s'eṣa, (3) vis'leṣa, (4) s'eṣamūla, (5) mūlā-grabhāga, (6) ubhayāgradṛs'ya, (7) bhinnabhāgadṛs'ya, (8) bhāgamūla and (9) hīnavarga.

At a cursory glance one can see that the 2nd and the 4th varieties are completely identical. Furthermore, on comparison, it will be found that (i) the first variety in each case is the same, though differently styled⁵, (ii) same is the case with

"The $Bh\bar{a}ga$ variety consists of problems wherein is given the numerical value of the portion remaining after removing certain specified fractional parts of the total quantity to be found out. The fractional parts removed are each of them called a $bh\bar{a}ga$, and the numerical value of the known remainder is termed drs'ya."

From this it follows that Mahāvīrācārya while naming the first variety considers $bh\bar{a}ga$ as an important factor, whereas S'rīpati, drs'ya.

¹ Cf. Datta and Singh, l. c., p. 190ff.

² Since there seems to be no special symbol to indicate division, this is

written as $\begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix}$, and it is hence likely that this may be confounded with $a + \frac{b}{c}$ also written in the same way.

³ Mahāvīrācārya has noted that there can be 26 (= ${}^5C_2 + {}^5C_3 + {}^5C_4 + {}^5C_5$) combinations.

⁴ All these ten varieties are explained by M. Rangacarya in his translation (pp. 70-71) of Ganitasārasangraha.

⁵ In order that this remark may be realized, I may reproduce the pertinent portion from the English translation (p. 70) of Ganitasārasangraha. It runs as under:—

bhāgamūla and aṁs'amūla, and that (3) mūlāgrabhāga seems to be included in mūla.¹ As this comparison can be easily carried on, I need not dilate upon this topic. I shall therefore say a few words about the next topic viz. viparītoddes'aka. Herein we find that every operation is inverted that is to say we have to begin from the end and make addition subtraction, subtraction addition and so on. For this reason, this method of inversion is called vilomagati². It has been noted by Āryabhaṭa I in his Aryabhaṭāya (Ganitapāda, 28), by Brahmagupta in his Brāhmasphuṭasiddhānta (p. 301), by Mahāvīrācārya in his Ganitasārasangraha (v. 286, p. 102) and Aryabhaṭa II in his Mahāsiddhānta (p. 149).

Proportion³

Under proportion we find that S'rīpati has dealt with (1) trairās'ika⁴ or 'rule of three' and (2) pañcarās'ika⁵ or 'rule of five' (pp. 75 and 80). He has noted two varieties of trairās'ika: (i) sama and (ii) vyasta⁶, and he has furnished us with examples pertaining to saptarās'ika⁷, navarās'ika⁸ and ekādas'arās'īka⁹. Furthermore, he has treated problems on bhānḍapratibhānḍa (commodity for commodity) known as 'barter' and those on jīvavikraya under pañcarās'ika, since these problems are associated with compound proportion. Thereafter he has taken up the

¹ Cf. the following passage occurring on p. 70 of the English translation of Ganitasārasangraha:—

[&]quot;The Mūla variety consists of problems wherein the numerical value is given of the portion remaining after subtracting from the total quantity certain fractional parts thereof as also a multiple of the square-root of that total quantity."

² Cf. the word vilomakriyā occurring on p. 67.

³ Āryabhata I styles it as anupāta.

⁴ This literally means three $r\bar{a}s'is$ (terms). The Prākrit word $r\bar{a}s\bar{s}$ occuring in the 747th sūtra of $Sth\bar{a}na$ quoted on p. XI, may mean rules of three, five, seven, nine, etc. The word $trair\bar{a}s'ika$ mentioned by S'rīpati on p. 69 occurs in the Bakhṣāli Ms., in the $\bar{A}ryabhatṣya$ and in several other works on Pāṭīgaṇita. See Datta and Singh, l.~c., p. 204.

⁵ This may be translated as compound proportion.

⁶ This is known as the "inverse rule of three"; for, herein, the proportion is inverse.

⁷⁻⁹ All these three varieties may be styled as bahurās'ika, the word used by Simhatilaka on p. 75.

topic known as mis'ravyavahāra, and has dealt with various problems on interest. Before we refer to some features about this topic, we may note that S'rīpati has used three terms, viz., pramāṇa (argument), abhīpsā¹ (requisition) and phala (fruit). Usually we find the word icchā used for abhīpsā.² Even Āryabhaṭa II who has used³ māna and vinimaya for pramāṇa (the first term) and phala (the second or middle term), has used the word icchā (the 3rd or the last term).

While dealing with the topic pertaining to interest S'rīpati has used the terms $m\bar{u}la$ (p. 83) and $m\bar{u}ladhana$ (p. 75) for 'principal' and $kal\bar{u}ntara$ (p. 75) for 'interest'.

As regards problems on interest, it may be mentioned that even in the time of Pāṇini⁴, interest seems to have been charged on the money lent, and that different rates prevailed amongst different classes of people is borne out by Kauṭilya's Arthas'āstra (R. Shamsastri's edn. III, ii, p. 214)⁵.

It will be interesting to trace the origin of different problems⁶ given by S'rīpati, but I have to reserve that subject for future. I may however note that the problem given on p. 41 tallies with ex. 25 of *Tris'atī* of which the origin may be traced as far back as the *Arthas'āstra*. Furthermore, the problem given on p. 70 (v. 89) is same as that given in *Tris'atī*, except that there is a variant vada for dhanam, and that the first problem given on p. 74 seems to have been adopted from *Tris'atī* (ex. 38⁷, p. 17)⁸.

¹ This word occurs on p. 68 in v. 86. Herein we also find its equivalent samicchā.

² See Āryabhaţīya, Brāhmasphuţasiddhānta (p. 178), Tris'atī (p. 15) and Ganitasārasangraha (p. 58). Cf. Datta and Singh, l. c., p. 204.

³ See Mahāsiddhānta (p. 149).

⁴ See Astādhyāyī (V. I. 22, 47 and 49).

⁵ Cf. Datta and Singh, l. c., p. 218.

⁶ I have come across two articles in this connection:-

⁽i) "On the origin of certain typical problems" by Smith, published in "American Math. Monthly" vol. XXIV, No. 2, February 1917, p. 65.

⁽ii) "Typical problems of Hindu Mathematics" by Gurugovinda Chakrabarti M. A., B. Sc. published in "The Annals of the Bhandarkar Oriental Research Institute" vol. XIV, pts. 1-2 (Oct.-Jan., 1931-33,) pp. 87-102.

⁷ For its translation into English see Datta and Singh, l. c., p. 207.

⁸ For other details see pertinent foot-notes of Appendix I. 9 गणि॰

I need not dilate upon the outlines of Ganitatilaka anymore, since these will serve the required purpose. So I shall now say a few words about the author and his other works.

S'RĪPATI'S LIFE AND WORKS

Very little information about the life of S'rīpati can be had from Ganitatilaka. From its verse given on p. 6, it may be inferred that he is Māhes'vara or S'aiva by religion; for, herein he has referred to Mahes'vara. This inference is corroborated by the fact that in the 2nd verse of Siddhāntas'ekhara', he calls himself "the best of the Dvijas (Brāhmanas)", in case it can be safely assumed that it is the work of Ganitatilakakāra.

Ganitatilaka is silent about his parentage and birth-place. At least some information about his parentage can be, however, gathered from a verse occurring in *Dhruvamānasa* composed in S'āka 978. There it is stated that he is son of Nāgadeva, son of Bhaṭṭa Kes'ava, and that he composed this jyotihs'āstra in Rohinīkhanda, perhaps his native-place. In the beginning of Jyautiṣaratnamālā² alias S'rīpatiratnamālā, S'rīpati has mentioned the names of Garga, Varāha and Lalla. From the introductory verse of Jātakapaddhati, we learn that S'rīpati composed this work at the request of his pupil or pupils. This leads us to infer that he had at least one pupil, if not more.

This S'rīpati is an author of astronomical works such as $Dh\bar{\imath}kot\bar{\imath}^3$, a karaṇa-grantha, and $Siddh\bar{a}ntas'ekhara$. He is not only a celebrated astronomer but also a famous astrologer as can be seen from his astrological works $Jyautiṣaratnam\bar{a}l\bar{a}$ and $Daivaj\tilde{\imath}avallabha$. He seems to have flourished not earlier

¹ This seems to be based upon Varāhamihira's Pañcasiddhāntikā and Bṛhatsamhitā, Brahmagupta's Brāhmasphuṭasiddhānta and Ialla's S'iṣyadhīvvṛddhida.

² This work has been published in A. D. 1934 with English translation and short notes by Mr. Narendra Kumar Mazumdar M.A., in the "Calcutta Oriental Journal" vol. I, pp. 286-299. Several verses of this work occur in Siddhāntas'ekhara.

³ It deals with solar and lunar eclipses and is elucidated in the commentary styled as Udāharaņa. See "Descriptive Catalogue of Samskrta and Prākṛta Mss. (B. B. R. A. S.)" vol. I, p. 81.

than Mañjula¹, the author of Laghumānasa², a karaṇa-grantha (932 A. D.) The exact date of S'rīpati is not yet known; but it is certain that he is in no way posterior to Bhāskarācārya³ and that he wrote his Siddhāntas'ekhara in about 1040 A. D. Herein he has criticized the unique doctrines of the Jainas regarding their conception about two suns, two moons, a double set of stars and planets and the pyramidal shape of Meru.⁴

WORKS-

- (1) Dhīkoṭida-karaṇa (S'āka 961).
- (2) Jyautisaratnamālā alias S'rīpatiratnamālā⁵.
- (3) Siddhāntas'ekhara.
- (4) Daivajñavallabha.
- (5) ⁸ Jātakapaddhati.
- 1 He has been referred to and even followed especially in his method of finding the precessional rate, by the great astronomer and mathematician Bhāskara.
- 2 Thibaut observes in his introduction (p. VIII) to Pañcasiddhāntikā that this is a compendious astronomical treatise which does not set forth the theory of the subject at a comparative length as the siddhāntas do, but only supplies a set of concise and often only approximately correct rules which suffice for the speedy performance of all the more important astronomical calculations.
- 3 About him Spottiswoode has observed that he is the most celebrated Indian astronomer. His birth-date is 1114 A.D. At the age of 36, he composed Siddhāntas'iromani divided into two parts viz. Golādhyāya and Grahaganitādhyāya and having Pātīganita and Bījaganita as its appendices. He composed at the age of 69, Karanakutūhala, a karana-grantha. Bījopanaya which is a short treatise on the corrections of the moon's place and which is quoted in Vāsanābhāsya is also attributed to him by some but this is doubted by Mr. Sukumāra Ranjan Das, who is at best prepared to consider it as an appendix to Siddhāntas'iromani.
- 4 See Maxmüller's "History of Ancient Sanskrit Literature" and "Indian Historical Quarterly" vol. VII, p. 140.
- 5 Mādhava (S'āka 1185) has mentioned S'rīdhara in his commentary on S'rīpati's Ratnamālā.
- 6 Jātakakarmapaddhati of S'rīpati has been commented upon in Samvat 1673 by Sumatiharşa Gani, pupil of Harşaratna, pupil of Udayarāja Gani.
- 7 S'rīpati is quoted by Rāma (17th century) in his Kautukacintāmaņi. See "Descriptive Catalogue of Samskṛta and Prākṛta MSS". (B. B. R. A. S.) vol. I. He is also quoted by Kes'ava in his Jātakapaddhati. Ibid., p. 117.

- (6) Ganitatilaka1.
- (7) Bijaganita.
- (8) Dhruvamānasa² (composed in S'āka 978)³.

SIMHATILAKA SÜRI

Simhatilaka Sūri, the commentator of S'rīpati's Ganitatilaka has mentioned in the introductory stanza of his commentary that he is a pupil of Vibudhacandra Gaṇabhṛt. In this work of his, he has given no other hint about his spiritual descent. All the same, from the colophon of Mantrarahasya which seems to be composed by him we learn that his guru Vibudhacandra Sūri is a pupil of Yas'odeva Sūri.

At the outset of his commentary on *Ganitatilaka*, he has mentioned Kundalinī Devī and another *Devatā* probably named as Sāhlāda.

There is a work styled as Vardhamānakalpa whose author is named as Simhatilaka Sūri. There is another work viz. Bhuvanadīpikāvṛtti of which the author bears the same name. But it remains to be ascertained whether these Sūris are identical with Gaṇitatilakavṛttikāra.

WORKS ETC. REFERRED TO IN Ganitatilakavrtti

Līlāvatī—

Simhatilaka Sūri has referred to Līlāvatī on pp. 9,42 and 92. From this it is quite clear that he neither alludes to a work of the same name composed by Nemicandra (990 A. D.) nor to a work viz. S'rīdharācārya's commentary on Nyāyakandalī, but that he definitely refers to the Pāṭīgaṇita, a part of Sidhhānta.

¹ The existence of this work is now no more a matter of mere inference to be drawn from its being quoted by Munis'vara alias Vis'varūpa in his work styled as Līlāvatīvivṛti. The reverse seems to be, however, the case with Bījaganita referred to in Līlāvatīvivṛti. For, the source of its Ms. if any, remains unknown. See Dixit, p. 315.

² Ma $\|$ jula's $Laghum\bar{a}nasa$ or $B_rhanm\bar{a}nasa$ seems to have been utilized in composing this work.

³ There are two other works viz. S'rīpatinibandha and S'rīpatisamuccaya; but, whether their author can be identified with our S'rīpati or not remains to be ascertained.

⁴ See Guerinot's Essai de Bibliogaphie Jaina (p. 403).

s'iromani of Bhāskarācārya who completed this work at the age of 36° (i. e. in A. D. 1150). This Bhāskarācārya has composed also a commentary called Vāsanābhāsya on Grahaganitādhyāya and Golādhyāya, the two sections of Siddhāntas'iromani. Besides these, he is an author of Karanakutuhala³.

That many mathematicians have exerted themselves in commenting upon $L\bar{\imath}l\bar{a}vat\bar{\imath}^4$ will be clear from the following list of commentaries mentioned by Dixit on p. 252:—

- (1) Ganitāmṛtasāgara by Gangādhara composed in about 1420 A. D.
- (2) Vrtti by Mosadeva composed not later than 1473 A. D.5
- (3) Udāharaņa⁶ by Vīres'vara.
- (4) Amrtakūpikā by Sūryabhatta composed in 1541 A.D.
- (5) Līlāvatībhūṣaṇa by Dhanes'vara.
- (6) Gaņitāmṛtalaharī by Rāmakṛṣṇa composed in 1688 A. D.
- (7) Līlāvatīvivṛti by Munīśvara alias Viṣvarūpa.

Tris'atī and its author S'rīdhara

This work well-known as *Tris'atikā* and referred to by Simhatilaka Sūrī as *Tris'atī* in his commentary (pp. 4,9 and 39) on *Ganitatilaka*, is a *Pātigaņita* composed by S'rīdhara in

¹ This is published by M. Jha in *Pandit*, new series, vols. 30-33. For the study of this work, Cāṅgadeva, a descendent of Bhāskarācārya, founded a school in A. D. 1206. Cf. *Epigraphica Indica* vol. I, p. 338 ff.

² Compare what he has said in Golādhyāya:-

[&]quot;रसगुणपूर्वमही१०२६समशकनृषसमयेऽभवन्समोत्पत्तिः । रसगुण१६वर्षेण मया सिद्धान्तशिरोमणी रचितः॥ ५८॥"

³ This work also known as *Grahāgamakutuhala* and *Brahmatulya* is an astronomical treatise in ten chapters. It was composed in A. D. 1183. Cf. Duff's *Chronology* (p. 139), Thibaut's *Astronomeie*, *Astrologie und Mathematik* p. 60, Dixit pp. 246-254, Winternitz, Geschichte III, p. 564, Bhandarkar Report for 1882-83, pp. 26-27, I. O. No. 2925, Bodlin Catalogue No. 1530 etc.

⁴ This was translated into Persian in A. D. 1587 as ordered by the Mogal Emperor Akbar.

⁵ There is a Ms. at B. B. R. A. S. dated 1473. See its "Descriptive Catalogue of Samskrta and Prākrta MSS." vol. I, p. 91.

⁶ Herein are quoted $Ganitakaumud\bar{\iota}$ (1357 A. D.) and $Laksm\bar{\iota}d\bar{a}samis'ra$ (1501 A. D.).

⁷ He has quoted Amrtakūpikā (Gaņitāmrtakūpikā).

Sanskrit. According to Dvivedia, it contains 300 verses in the Arva metre and hence it has this significant title. This Tris'atī deals with ankaganita and ksetraganita as well. Herein we come across several terms such as stambhoddes'a, pratyutpanna³ etc. not to be found in Līlāvatī. The hemistich beginning with धनं धनर्णयोः of S'ridhara which is quoted in Ganitasārasangraha (i, 52, p. 6) cannot and does not form a part of Trīs'atī as can be easily seen from the difference in metre. So it may be that this hemistich belongs to some other bigger work of which Trīs'atī is an epitome. Or it may be that this belongs to the Bijaganita of Srīdhara who is referred to by Bhāskarācārya as bījaganitakāra. There is a work named Iātakapaddhati⁵, the author of which is also named as S'rīdhara and which is commented upon by Kes'ava in S'āka 1418. Nyāyakandalī composed in S'āka 913 is a work of some S'rīdhara born of Abboka, wife of Baladeva. Sudhākara Dvivedi opines that he is the same as the author of Trīs'atikā. Competent scholars may ascertain if these S'rīdharas can be identified as Tvisatīkāva.

Our author S'rīpati seems to have closely followed Trīs'atī, and it appears that he has borrowed many things from it. Three examples of S'rīdhara have been expressed by S'rīpati in different words, and in some cases details have been somewhat modified.

¹ This work has been edited by Sudhakara Dvivedi in A. D. 1899, Benares, and has been printed at the Nirnaya Sagar Press, Bombay. Its rules have been translated into English by N. Ramanujachariar with historical notes in *Bibliotheca Mathematica* vol. 13, No. 3, p. 203 ff., (1912-13). See Dutta and Singh, *l. c.*, p. 250.

² He makes up 300 by counting the solutions as 120 verses. Otherwise his edition contains 180 verses.

³ We come across this term in works of Brahmagupta and in Ganita-sārasangraha. For the Prākrit equivalent see p. XXIV, foot-notes 5, 7 and 8.

⁴ See "Descriptive Catalogue of Samskrta and Prākrta MSS." (B. B. R. A. S.) vol. I, p. 78 and Colebrook's miscellaneous essays (vol. II. pp. 422, 469 and 500).

⁵ Cf. p. X, foot-note 1.

⁶ See p. LXI.

⁷ I am told that there is a MS. of Trīs'atī belonging to Sheth Kasturbhāi Lālbhāi wherein are noted letter-numerals up to 10,000. Even if this is true, I cannot say definitely whether this is the same work as the one described, unless I get a chance of handling the MS.

Simhaklaka has referred to some work on p. 85 l. 6, but I am not at present in a position to ascertain it.

Now I shall say a few words about the critical apparatus used in the preparation of this edition of Ganitatilaka along with the commentary. It is based upon a single palmyra Ms. written in bold and legible Jaina Devanāgarī characters with prsthamātras. It consists of 172+21-23-171 leaves. Of course the last two leaves which are blank4 are not counted here; otherwise the total number of leaves comes to 173. The size of these leaves varies from 13" by 1.4" to 14.9" by 1.5".

Excepting the leaves 1^a and 172^b which are blank, the rest are written in black ink on both sides with 4 lines, each containing 52 to 57 letters. Leaves 60^b and 61^a are practically illegible, owing to their being smutty.

This Ms. presents an appearance of the work having been divided in two columns but it is not so; for, a line of the 1st column extends to the second. Each of these columns is bounded by three lines in black ink. A string runs through the space between the two columns.

This Ms. is placed between two wooden boards sufficiently strong, durable and 15.4" by 1.8" in size.

¹ I am led to believe that there is no other Ms. of this work available elsewhere, for, I have received up till now no reply in connection with inquiry made by me in my article "A note on S'rīpati and his Ganitatilaka" published in "The Indian Historical Quarterly" (Vol. VIII, No. 2, p. 351).

² The leaf 103rd appears to be repeated, but really speaking the 104th leaf is wrongly numbered as 103rd, the following hence numbered as 104, 105 etc.

³ Leaves 37th and 64th are lacking.

⁴ In spite of this I think, the present work is incomplete.

⁵ For full details of the method of expressing numbers by letters, the reader is referred to Dr. F. Kielhorn's Report on Sanskrit Mss. published at Bombay in A. D. 1881 and also to Pandit Bhagvanlal Indraji's article published in Indian Antiquary vol VI, p. 42. He may also refer to my Appendices III-IV published in the Descriptive Catalogue of Jaina Manuscripts (Govt. collections vol. XVII, pt. II).

Leaving aside the fact that for saptavims'ati we have throughout saptāvims'ati' and some slight mistakes here and there, this Ms. is fairly correct. At times we come across a few corrections made by a scribe; so, on the whole this Ms. is reliable and that is why with the help of this single Ms., I undertook to edit this work. This Ms. contains both the text and the commentaty, the former written in verses' and the latter in prose, both of which are in Sanskrit. This Ms. begins with ए उनमे वीतरामाय' and ends with ॥ छ॥ ७, and that the nyāsas are given at times in vertical lines and at times in horizontal ones. It is in a good state of preservation, though a portion of the first and the last leaves are in a fragmentary condition.

The age of the Ms. is not mentioned, but looking to the fact that palm-leaf Mss. were not mostly in vogue after the 15th century and that the commentator belongs to the 14th century, the age of this Ms. may be looked upon as the 15th century as the earliest limit and the 16th century as the latest.

PLAN-

As the entire work is not divided in the Ms. into chapters or any other sections which could have facilitated the reader in comprehending its contents, I have given a table of contents in Sanskrit. Whatever appeared to me to be superfluous has been placed within rectangular brackets [], while what was to be suggested as an alternative or as a supplement has been indicated in parenthesis ().

The portion commencing with अस घटना given in the Ms. on leaf 122^b and printed here on p. 62 ought to have preceded the हीनवर्गजातों etc. written on fol. 120° and it is hence so printed on p. 62.

I have given three Appendices in the end: (i) Examples and Answers, (ii) Tables of Measurements and (iii) Sanskrit words and their numerical significations. Out of these so far as Appendix II is concerned, I may state that not only the

¹ This word has been retained in v. 13, p. 3; in other cases it has been replaced by saptavims'ati.

² These are not numbered in the Ms.

³ From this salutation it may be inferred that the scribe is a Jaina or that he has transcribed this on the basis of a Jaina Ms.

tables recorded in *Ganitatilaka* are given but some more from several other works.

In the end, I may mention that it affords me great pleasure to record my indebtedness to my friend Dr. Bibhutibhusan Datta for the matetial help I could derive from some of his excellent contributions in the mathematical field, and for the valuable suggestions he made while going through the proofs of this introduction. I have also to offer my best thanks to Sheth Mohanlal Hemacand Jhaveri for his having lent to me the palm-leaf Ms. above referred to. Furthermore I am highly obliged by Dr. B. Bhattācārrya M. A., Ph. D., who most willingly included this work in the Gaekwad's Oriental Series, and thus gave me a splendid opportunity of editing a work on Mathematics, a favourite subject of mine.

Bhagat Wadi, Bhuleshwar, Bombay. 5th May 1935.2

HIRALAL R. KAPADIA.

¹ It is not now with me; for, it has been ere long returned to him.

² Since then, some additions have been made while going through the proof-sheets.

¹⁰ गणि०

प्रस्तावना

"महातेजःप्रसः सर्व-मङ्गलोछासकारणम् । अर्हन् गणाश्रयं प्रीणन् , जयताद् वृष-मध्वजः ॥ १॥"

गणिततिलकम्—

गीर्वाणगीर्गुम्फितो मनोरमविविधच्छँन्दोनिबद्धः सपादशतपद्यप्रमितो गणितितिलकसञ्ज्ञकोऽयं ग्रन्थः श्रीधराचार्यकृतित्रशात्याधारेण निर्मित इत्यनुमीयते कितपयानां पद्यानां साम्यावलोकनेन । अत्र पाटीगणितसम्बन्धिनः सङ्कलितादयो ये विषयाः श्रीपितिभिः करणस्त्रैरुदाहरणेश्र समलङ्कताः प्रपित्रिन्धाः ते श्रीसिंहितिलकस्तिरिमिर्व्याख्याताः । सङ्कलनविधौ द्वे पद्धती प्रदर्शिते क्रम उत्क्रमश्रेति । एवं गुणकारविधौ कपाटद्वयसन्धि-तत्त्थ-स्थानविभाग-रूप-विभागिति सञ्ज्ञकाश्रतसः पद्धतयः, वर्गविधौ तिसः, घनविधौ चतरस्रश्च । तद्दन्तरं प्रथमतया पूर्णाङ्कमाश्रित्य परिकर्माष्टकं निर्दिश्य भिनाङ्कमजुलक्ष्य तथैव कृतम् । तत्पश्चाद् बहवो विषयाः प्रपश्चिता यत्स्वरूपार्थिभिः प्रेक्ष्यतामाङ्ग्लभाषानिबद्धा मदीया प्रस्तावना ।।

ग्रन्थकृत्परिचितिः—

गणिततिलकविधातृणां श्रीपतिनामधेयानां पितृवंशजातिसम्प्रदाया-दिप्रकाशनप्रवण उल्लेखो न क्रापि दृश्यत एतत्पाटीगणितविषयके गणित-

१ प्रेक्ष्यतां श्रीविनयचन्द्रस्रिस्त्रितं महिनाथमहाकाव्यम्।

र एतन्नामानि यथा—अनुष्ठुप् (प्र. ७,९,१०,१५,१५,१७,३७,१७,१०९,७८१,८५,८५,८५); आर्या (३१,८५); इन्द्रवंशा (२११); इन्द्रवंशा (५,८,१६,२३,४१,४४,५८); उपजातिः (१-४,७,११,१३,४५,३०,३५,३९,४६,५४,५७,५९-६३,६४,७६,७७,८१-८३,८६,९०); उपेन्द्रवंशा (६८,९०); औपच्छन्दिस्तम् (४६,८२); तामरसम् (७३); तोटकम् (२०); दोधकम् (६); द्वतिकम्बितम् (४८); प्रमाणिका (६५); प्रमिताक्षरा (१९,२२), भुजङ्ग-प्रयातम् (५९); मन्दाकान्ता (२९,३४,३५,४५,६६,७१); मात्रासमकम् (३४); मालभारिणी (६); मालिनी (१५,१८,८०,८६); रथोद्धता (७१,८०); वंशस्थविलम् (६४१,८१); वसन्तिलका (९,३७,५१,७२-७५); विद्युन्माला (२३), शिवादना (२६) शालिनी (१८,३०,४१,७८); शार्वृत्विकीितम् (३,४६,४९,५०,६७,६९,७२,७४,७९,८०,८३); शिखरिणी (६); स्रिवणी (२,३४); स्रम्थरा (४२,४४,५१,५३,५५,६१); स्रागतम् (७); हिरणी (२१,५६).

३-४ एतयोः खरूपस्य यन्निरूपणं गणितितिलकृतः विविधे तत् तु भिन्नं लीलावती-वृतिगताद गङ्गाधरकृतात् । एतःसमर्थनार्थमुद्रियते प्रस्तुता पिक्किः । सा चेयम्-

[&]quot;अङ्कानां वामतो गतिरिति वितर्केणैकस्थानादियोजनं कम उत्कमस्त्वन्यस्थानादियोजनम् ।"

तिलके श्रीसिंहतिलकसूरिसन्दब्धायामेतद्वृत्तौ वा, किन्तु किश्चित्परिचय-कारिणी सामग्री लभ्यते श्रीपतिप्रणीताभ्योऽन्यान्यकृतिभ्यो यदि ते श्रीपतयः प्रस्तुताः स्युः । यथाहि—ध्रुवमानसाख्यस्य करणग्रन्थस्य निम्नलिखितेन—

"भट्टकेदावपुत्रस्य, नागदेवस्य नन्दनः । श्रीपती 'रोहिणीखण्डे', ज्योतिःशास्त्रमिदं व्यधात् ॥"

—पद्यावलोकनेन ज्ञायते यदुत नागदेव इति पितृनाम, केदावभट इति पितामहनाम, 'भारत'वर्षगतं 'रोहिणीखण्डं' ध्रुवमानसस्य चोत्पत्तिस्थानम् । श्रीपतीनामपि तज्जन्मभूमिन वेति प्रश्नः ।

ज्यौतिषरत्नमालाया महादेवप्रणीतटीकान्तर्गतया निम्नावतारितया—

'' 'कत्र्यप'वंशपुण्डरीकखण्डमार्तण्डः केदावस्य पौत्रः नागदेवस्य सनुः श्रीपतिः संहितार्थमभिधातुमिच्छुराह''

—पङ्क्त्या समर्थ्यते पितृप्रपितृनामसम्बन्ध्युक्केखः । अपरं च ज्ञायते एतद्वंशा-भिधानं कश्यपेति ।

एते जात्या त्राह्मणा आसित्रत्यवधार्यते जातकपद्धतेरन्तिमेन पद्येन सिद्धान्तद्योखरस्य चादिमेन ।

गणितितिलकस्थारम्भे मङ्गलाचरणरूपेण नमस्कारः कृतः सँविद्र्शन-सम्मताये आत्मस्कूपदेवताये, धीकोटिदकरणस्थादो स्वर्यचन्द्राम्याम्^४, सिद्धान्तकोखरप्रारम्भे तेजोनिधये, जातकपद्धतेरादौ श्रुतिदेवताये, ध्रुव-मानसस्य प्रारम्भे विश्वसृष्टिस्थित्यन्तकारणाय, दैवज्ञवल्लभप्रस्तावे तु नारा-यणाय। एवं सित श्रीपतीनां विशिष्टः सम्प्रदायः क इति निर्णयो दुःशकः,

१ "इति जातककर्मपद्धितं गुरुपादाञ्जयुगप्रसादतः । वरशिष्यजनप्रवोधिनीं कृतवान् श्रीपितरप्रजाप्रणीः ॥" अनेनानुमीयते यदुतैतेषां शिष्यपरिवार आसीत् ।

२ "निजगुरुपदद्वन्द्वं कृत्वा मनस्यतिभक्तितो गणकतिलकः श्रीपूर्वेऽयं पतिर्द्विजपुङ्गवः । स्फुटमविषमं मन्दप्रज्ञप्रबोधविकृद्धये ललितवचनैः सिद्धान्तानां करोति हि शेखरम् ॥ १ ॥"

३ अनेनैतेषां परमतसहिष्णुता प्रकटीभवति ।

४ महादेवेन तिथ्यादिकामधेनुनान्यां सकतौ पुष्पदन्तौ ज्ञारदा गणनायकश्च नमस्कृताः ।

परन्तु तेऽजैना इति स्फुटमवधार्यते सिद्धान्तदोखरे सूर्यचन्द्रग्रहणनक्षत्राणां मेरोराकृतेश्र सम्बन्धिनो जैनमन्तव्यस्य खण्डनात् ॥

नत गणिततिलके श्रीपतिपरिचयकारिनिर्देशाभावे एतेषामम्ब-सम्प्रदायगोत्रपितृनामादिवृत्तान्तः कथं सङ्गतिमञ्जति ?। उच्यते-विश्वरूपेत्यप-राह्वयम्मनीश्वरकृतायां लीलावतीविवृतौ येषां श्रीपतीनां पाटीगणितस्य बीज-गणितस्याप्यवतरणपूर्वक उल्लेखो वर्तते ते गणिततिलक्षकर्तार इत्यवतरणपरी-क्षकाणां मतम् । अवतरणावलोकनं विना विशेषतो वक्तं नाहं समर्थः ॥

श्रीपतीनां कृतिकलापः—

- (१) धीकोटिदं करणम्
- (२) सिद्धान्तशेखरः
- (३) ज्यौतिषरत्नमाला
- (४) दैवज्ञवस्रभः
- (५) जातकपद्धतिः

- (६) गणिततिलकम्
- (७) बीजगणितम्
- (८) श्रीपतिनिबन्धः
- (९) ध्रुवमानसकरणम्^३ (१०) श्रीपतिसम्रुचयः^४

धीकोटिदं करणम्-

धीकोटीतिनाम्ना प्रसिद्धं धीकोटिदं करणं करणप्रन्थः । असिनेकोन-विंशतिपद्यप्रमाणके ग्रन्थे सूर्यचन्द्रग्रहणविषयः प्रतिपादितो यत्प्रपञ्चो विद्यते र्दुदाहरणसञ्ज्ञायां टीकायाम् । मृलग्रन्थस्य प्रारम्भिके द्वे पद्ये यथा−

> ''पुष्पदन्तौ प्रणम्यादौ, वक्ष्येऽहं श्रीपतिः कविः। तयोः पर्वपरिज्ञानं, स्फुटं कौतुककृत् सताम् ॥ १ ॥ चन्टाङ्गनन्दोन९६१इँगकोऽर्कनिधन श्रेत्रादिमासैर्युगधो द्विरनिन्नः।

- २ श्रीपतिपद्धतिरिखपि नामधेयम् ।
- ३ रत्नसारनाम्नी कृतिः श्रीपतिप्रणीताऽस्ति, परन्तु सा प्रस्तुता न वेति विवादासपदम् ।
- ४ कस्य श्रीपतेरियं कृतिरिति न निर्णातम् ।
- ५ प्रेक्ष्यतां भारतीयज्योतिःशास्त्रं (पृ. २४७)।
- ६ अस्यां टीकायां सूर्यग्रहणव्याख्याप्रसङ्गे १५३२तमः शकाव्दः १५९३ तमश्र संसूचितौ ।
- दीर्घवृत्तलक्षणविचित्रप्रश्नभाश्रमरेखानिरूपणगोलीयरेखागणितादिगुम्फिद्गणां श्रीसुधाकर-द्विवेदिमहाशयानां मतेन धीकोटिदरचनासमये श्रीपतीनां वयश्चत्वारिशद् वर्षाण्यासीत्।

१ अस्यावतरणानि १४७९**द्याकाव्दीये मु**हूर्तेपरिचितिकारिण्यां मरीचिनाम्रयां सिद्धान्त-शिरोमणिवृत्ती दरीहर्यन्ते ।

पश्चोनितः स्वीयनृपाङ्क९१६भाग-हीनः शराङ्गा६५प्तफलेन युक्तः ॥ २ ॥''

सिद्धान्तशेखरः-

सार्धनवशत९५० द्वालिवाह नदाकाब्दास नसमयवर्तिनां श्रीपतीनामियंकृतिर्विशत्यध्यायमयी नवशतस मैर्मनोरमैः पद्यैनिवद्धा ज्यौतिषसिद्धान्तप्रकाशिका च समस्ति । अस्या द्वादशाध्यायी प्रथमो भागो ज्यौतिषतीर्थज्यौतिषाचार्यपदवीधरैः श्रीकृष्णि मिश्रापरनाममैथिलशीवबुआ जिमिश्रेरादितश्रतुर्थाध्यायपश्चसप्ततिपद्यपर्यन्तं विभागं मिक्कि महकृतया गणित भूषणाख्यया
टीकया तत्परतश्च सकृतविवरणेन समलङ्कत्य संशोधितः 'कलकत्ता'विश्वविद्यालयेन प्राकाश्यं च नीतोऽस्ति । द्वितीयो भागो मृद्यमाणो वर्तते । एतद्विषयजिज्ञासुभिरवलोकनीयः प्रथमभागवर्ती प्रन्थपरिचयः (पृ.१३—२७) । तत्र पश्चपश्चाशता रम्यैः पद्यैर्गुम्फिते व्यक्तगणितेतिनाम्नि त्रयोदशेऽध्याये प्राचीनपाटीगणितप्रोक्ताः समस्ता विषयाः प्रतिपादिताः सन्ति । श्रीभास्कराचार्यैः
प्रणीता लीलावती प्राय एतदध्यायस्यानुरूपैवेति श्रीबन्धआ जिमिश्रमतम् ।।

ज्यौतिषरत्नमाला—

रैलमा छेति सङ्घिपाह्वया काश्यां प्रसिद्धिं गता छिछप्रणीतरलकोशाधा-रेण श्रीपतिभिनिर्मितेयं कृतिज्यौतिषशास्त्रविषया विंशतिप्रकरणमयी वर्तते । अस्या आद्या पङ्किरेवम्—

''प्रभवविरतमध्यज्ञानवन्ध्या नितान्तं'' अस्या कृतेर्त्वृणिगतनुजमहादेवप्रणीता टीका समस्ति यस्यां श्रीपतीनां गोत्रादिवृत्तान्तो वर्तते ।

दैवज्ञवस्रभः---

नागदेवात्मजश्रीपतिसन्दब्धोऽयं ग्रन्थो विंशतिप्रकरणात्मको व्याव-हारिकज्यौतिषशास्त्रपरिचायकः, यथाहि—(१) तिथिप्रकरणं (श्लो. १-२७), (२) वारप्र० (श्लो. १-२३), (३) योगप्र० (श्लो. १-११), (४) करणप्र०

१ एतदभिधानात्मिको प्रन्थोऽवतरणरूपेण निर्दिष्टो नारायणभट्टकतायां मुहूर्तमार्तण्डस्य स्नोपक्षमार्तण्डसङ्क्षभाटीकायां (पृ. १०, ३४, ४०)। अस्यां टीकायां दैवज्ञसङ्क्षभास्य नाम, सप्तमे श्रीपतेस्तु अष्टाविशे पृष्ठे दश्यते । प्रेक्ष्यतां "Descriptive Catalogue of Samskrta and Prakrta Mss. B. B. R. A. S. Vol. I" सञ्ज्ञकस्य प्रन्थस्य १०६तमं पृष्ठम् ।

२ अनेनास्यार्यपक्षीयत्वमनुमीयते ।

३ एतजामस्चनं सकारणं ज्ञेयम्, यतः समाननामाऽन्योऽपि प्रन्थो वर्तते।

(स्रो. १-९), (५) नक्षत्रप्र० (स्रो. १-११२), (६) म्रहूर्तप्र० (स्रो. १-९), (७) संवत्सरप्र० (स्रो. १-१६), (८) उपग्रहप्र० (स्रो. १-३४), (९) गोचरप्र० (स्रो. १-५५), (१०) सङ्ग्रान्तिप्र० (स्रो. १-२०), (११) निषेककृत्यादिप्र० (स्रो. १-३२), (१२) सर्वार्थसिद्धिप्र० (स्रो. १-४७), (१३) वास्तुप्र० (स्रो. १-४५), (१४) मुरप्रतिष्ठाप्र० (स्रो. १-४७), (१५) भवनप्र० (स्रो. १-२१), (१६) राजा(ज्या १)भिषेकप्र० (स्रो. १-१३), (१७) यात्राप्र० (स्रो. १-२१०), (१८) विवाहप्र० (स्रो. १-१२५), (१९) (१), (२०) प्रक्षप्र० (स्रो. १-४९)। अस्य ग्रन्थस्य द्वे आद्ये पद्ये, यथा—

''अत्युत्कटसरतमःपरिभूयमान— लक्ष्मीमनःकमलकुञ्चलतिग्मधामा । गीर्वाणमस्तकमणिद्यतिरज्जिताङ्कि-नीरायणो मनसि वः स्थितिमादधातु ॥ १ ॥

होराङ्गतत्रकुशलैर्म्यनिभः कृतानि शास्त्राणि सम्यगवलोक्य चिरन्तनानि । दैवज्ञवस्त्रभमिदं व्यवहारकाण्डं श्रीश्रीपतिः प्रक्रुरुतेऽल्पमनल्पसारम् ॥ २ ॥"

श्रीसिंहतिलकसूरीणां परिचयः—

गणितितलकस्य वृत्तेः प्रणेतार इमे श्रीसिंहतिलकसूरयः कदा कतमं मण्डलं मण्डयामासुरिति जिज्ञास्नां तृष्यर्थं तेषां गुरुपरम्परादि किञ्चिदेवोच्यते पर्याप्तसाधनाभावात् । एतेऽस्यां गणितितलकवृत्त्यामात्मानं श्रीविबुधचन्द्रगणभृतां शिष्यरूपेण परिचाययन्ति । लीलावतीवृत्तिसमेता मन्त्रराजरहस्याभिधा कृतिरेभिनिंरमायि यदि निम्नावतारिताः पङ्कयः भ्रमाणम्—

"श्रीविवुधचन्द्रगणभृच्छिष्यः श्रीसिंहतिलकसरिरिदम्। 'लीलावत्या' वृत्त्या सहितं विद्धते श्रियं दिशताम् ॥ ६१ ॥

⁹ अत एव समुपतिष्ठति शङ्का यदुतेयं अन्थो विंशतिप्रकरणात्मको न स्यात्, किन्तु स परिहार्यते प्राणकागतेन निम्नलिखितेनोक्षेखेन—

[&]quot;इति नागदेवात्मजभदृश्रीश्रीपतिविरचिते देवज्ञवसुभव्यवहारकाण्डे प्रश्नप्रकरणं विश्वति-तमं समाप्तम् । प्रक्ष्यतां "Descriptive Catalogue of Samskrta and Prākrta Manuscripts" इति सञ्ज्ञकस्य प्रन्थस्य प्रथमस्य विभागस्य १-२ तमे पृष्ठे ।

संबद्धणत्रयोदशवर्षे दीपालिपर्वसिद्दिवसे । साह्नाददेवतोङ्बलमनसा पूर्तिं मयेदमानीतम् ॥ ६३ ॥"

श्रीयशोदेवस्रिष्यिववुधचन्द्रस्रिष्यश्रीसिंहतिलकस्रिभ-मश्रराजरहस्यं विरचितम्।

प्रान्तस्थेनानेनोल्लेखेन ज्ञायते यदुतैतेषां श्रीयद्योदेवसूरयः प्रगुख आसन्। 'अञ्चल'गच्छेऽपि श्रीसिंहतिलकनामानः सूरयः सञ्जाताः, परन्तु ते एभ्यो भिन्ना उपदेदाचिन्तामणिप्रणेतृश्रीजयदोखरसूरीणां च प्रगुखः।

स्वनदीपकवृत्तिविधातृणां सिंहतिलकेति नाम वर्तते । किमिमे प्रस्तुताः सिंहतिलकप्रस्य एव सन्ति न वेति निर्णयकरणे नाहमलम्, यथेष्टानां साधनानामनुपलब्धेः ।

गणितितिलकृतः प्रारम्भे मन्त्रराजरहस्यस चान्ते साह्नाददेवता-पदिनिर्देशोऽकारि श्रीसिंहतिलकसूरिभिः । अनेन साह्नाददेवताऽस्यां गणित-तिलकृत्तो उल्लिखिता कुण्डलिनी देवता चैतेषामभीष्टदेवते इत्यनुमीयते ।।

श्रीसिंहतिलकसूरीणां कृतिततिः—

(१) गणिततिलकवृत्तिः।

१ प्रेक्ष्यतां 'जेसलमेरीयभाण्डागारीयग्रन्थानां सूची' (पृ. ५८)।

२ दण्डायुधाम्भोनिधिचन्द्र(१४३६)सङ्ख्ये वर्षे खोपज्ञटीकासनाथोऽयं प्रन्थो व्यरचि ।

३ सन्तुल्यन्तां उपदेशचिन्तामणिप्रान्तस्थानि निम्नलिखितानि पद्यानि—

''भावारिनिष्कृततपःकरवालशाली**, धर्मप्रभः** सुगुहराज इतो रराज । पीयृषविन्दुसदशाक्षरवाग्विलासः, श्रीसूरि**सिंहतिलक**श्च ततः प्रतीतः ॥ ६ ॥

तत्पद्दनन्दनवन-कल्पद्रमसमश्रियः।

जयन्ति साम्प्रतं श्रीमन् महेन्द्रप्रभस्रयः॥ ७॥

यत्पाणिमाहुः कृतिनः श्रियश्च, गिरश्च मैत्रीघटनैकतीर्थम् ।

सम्पर्कतो यस्य जनो विनीतः, श्रीमांश्र धीमांश्र किमन्यथा स्यात्? ॥ ८ ॥

येषां कीर्तिभरे भरेण धवलीकर्तुं जगत् प्रोद्यते

नाभृत् कोऽपि स यो ददाति तमसस्रक्तस्य शश्वत्पदम् ।

भग्नाशस्य च तस्य निर्जितचरैर्दुर्वादिवृन्दैः स्फुरत्

कारुण्यैरिव वासभूमिरचला स्वीये मुखे दीयते ॥ ९ ॥

तेषां शिष्याः श्रीमन् — मुनिशेखरस्रयो नयोपेताः ।

श्रीजयदोखरस्रिः, श्रीस्रिमैरुतुङ्गश्च ॥ १० ॥"

४ कलिकालसर्वेज्ञश्रीहेमचन्द्रस्रिवरिवरिवरिवताया अभिधानचिन्तामणिसञ्ज्ञकनाममालाया या च्युत्पत्तिरत्नाकराह्वा वृत्तिर्विवते तत्र श्रीसिंहतिलकस्रिपरिचयकारीणि पद्यानि वर्तन्ते इति मे स्मृतिः । सा प्रामाणिका स्थादप्रामाणिका वा । प्रस्तावना ७७

- (२) मन्त्रराजरहस्यं 'लीलावती'वृत्तिसहितम् ।
- (३) वर्धमानविद्याकल्पः ।

त्रिश्वातीलीलावत्यादिविविधगणितावलोकनपुरस्सरं गणितितलक-वृत्तेः प्रणेवृणां श्रीसिंहतिलकसूरीणां गणितविषये प्रचुरा प्रीतिरासीदित्येतस्या आवृत्तेः पाठका एव साक्षिदायिनः । श्रीसिंहतिलकसूरिभिर्गणितिलक-वृत्ती विविधा ग्रन्था उक्लिखिताः, यथाहि—(१) श्रीधरकृता त्रिशैती

९ भाण्डारकरप्राच्यविद्यासंशोधनमन्दिरेऽस्या एका 323/A 1882-83 इति कमाङ्कका प्रतिविद्यते । तत्र प्रारम्भिक उहेख एवम्—

"11 50 11

वश्याम्यथानुषंगात्प्रणवः परमर्दिसिद्धिपदमेकं । पंचइलं रजावजीवं तु तह अहिणा ॥ ७७ ॥ नडमीपइ प्रदीपात्पर्वण्यस्याष्ट्युतशतस्मृत्या । वर्षं यावत्सप्पेनीहं दृश्यः स्रिमंत्रोऽयं ॥ ७८ ॥ इस्रवचित्य बहुश्रुतमुखांबुजेभ्यो मयाऽऽत्मसंस्मृत्ये । श्रीवद्धमानविद्यायंत्रयुतं लिखितमिह किंचित् ॥ ७९ ॥

इति श्रीविबुधचंद्रसूरिशिष्यसिंहतिळकस्रिकृते वर्धमानविद्याकल्पे यंत्रलेखनिविधः । श्रीवीरजिनं नत्वा वक्ष्ये श्रीविबुधचंद्रपूज्यपदं गणिविद्यायुगपदतो यंत्रं परमेष्ठिविद्यायाः ॥ १ ॥ "

अन्ते त्वित्थम-

"क्षीरबक्षवासिनक्षेपनित्यकृत्यादिसर्वमुपाध्यायमंत्रवत् ज्ञेयं । वाचनाचार्यप्रवर्तिन्योरेक एव मंत्र-लघुमंत्रोऽत्रापि प्राग्वत् । उपाध्यायचतुष्टयेन पदस्थापनादिनप्रतिपन्नं षह्(द्र)[भ्व]स्र(ष्व)पि महावीरः कल्याणिकेषु यावयी(जी?)वं विशेषतस्तपः कार्यं । ग्रं. ५८ अ० १०॥ २०॥ ६॥

राकापक्षीयास्त्वेवमाहुः । कंबलस्थस्य वाचनाचार्यपदार्हस्य दक्षिणकर्णे मंत्रं वर्द्धमानविद्यात्मकं न्यसेत् । स चायं । है नमो भगवओ वद्धमाणसामिस्स जस्सेअं चक्कं जलंतं गच्छइ । आयासं पायालं लोयाणं भूयाणं हूए वा राणवारायं गणे वा जाणे वा वाहणे वा । बंधणे मोहणे थंभणे हैं सक्वजीवसत्ताणं अपराजिओ भवामि स्त्राहा ॥ प्रस्थानविधौ वक्ष्यमाणमेतद्यं च वार्पयेत् । इति वर्ध-मानविद्याकरूपस्तृतीयोऽधिकारः ॥ ग्रं. १०५ अक्ष २१६ ॥"

२ श्रीमहावीराचार्येर्गणितसारसङ्ग्रह्सज्ज्ञकायां खकीयायां कृती "धनं धनणंयोर्वणों मूळे खणं तयोः कमात्" (पृ. ६, श्लो. ५२) इति पङ्किपुरस्सरं येषां श्रीधराणां निर्देशोऽकारि ते एत एव स्यः। यदीदं मन्तव्यं खीकियते ति एतेषां सत्तासमयः ७०५तमशाकवीयाव्दाशार्वाचीन इति फलति। कोळबूकमहाशयैःश्रीधरग्रम्फतो लीळावतीसमानजातीयो गणितसारनामा प्रन्थः समवलोकितः। तत्रत्या अपि श्रीधरा एत एव इति राङ्कर वाळकृष्ण दीक्षितमहोदयानां मतम्। प्रेक्ष्यतां तेषां भारतीयज्योतिःशास्त्राह्वायाः कृतेः २३०तमं पृष्ठम्। अस्मिन् पृष्ठं इदमपि स्चितं तैर्यदुत भास्कराचार्येर्बीजगणितकाररूपेण जातकपद्धतेनिर्दिष्टा प्रणेतारश्व श्रीधराः प्रस्तुता एव वर्तेरन्। आर्याच्छन्दोनिबद्धित्रशतीपद्यमाणिका त्रिशतिका एभिरेव निरमायि पाण्डुदासप्रार्थनया ९१३तमे शाकेऽब्दे। न्यायकन्द्लीनिर्मातारः श्रीधरा एत एवेति सुधाकर द्विवेदी महाशयानां मतम्।

३ अङ्कराणित-क्षेत्रगणितेति विषयद्वयप्रतिपादिकेयं कृतिः । अस्यां स्तम्भोद्देशप्रत्युत्पन्नादिका ११ गणि० (पृ. ४, ९, ११, १७, ३९), (२) भास्कराचार्यप्रणीता लीलावती (पृ. ९, २९, ४२, ७८, ८०, ८२, ९२), (३) लीलावतीवृत्तिः (पृ. ३०), (४) ब्राह्मीपाटी (पृ. ८५), (५) अज्ञातनामकः कश्चिद् ग्रन्थश्च (पृ. ८५)

एवं मोहनलाल हेमचंद झवेरीति सञ्ज्ञकस श्रेष्ठिवर्यसैकसा एव शुद्धाशुद्धप्रतेराधारेण यथामित सम्पादितं सवृत्तिकं गीर्वाणाङ्ग्लभाषायुगल-गुम्फितप्रस्तावनापरिशिष्टत्रितयसामग्रीसमृद्धं चेदं गणितितलकं सादिसान्तं समीक्षन्तां समीक्षकाः । मम मितमान्द्यप्रभवा सुद्रणयत्रालयनियुक्तजनसमाचिरता वा मात्राऽनुस्वाराङ्कादिपतनपरावर्तनादीः स्वलनाः संशोधयन्तु मां च संस्च-यन्तु प्रकृतिकृपालवः परिश्रमवेदिनः सहदया इति प्रार्थयामि तेभ्यः १९९०-तमे वैक्रमीयाब्दे आषादकृष्णकाद्यां रिववासरे मोहमयीनगर्या भूलेखर-वीध्या विबुधवृन्दारिवन्दमकरन्देन्दिन्दरो हीरालालः ॥

षाः सञ्ज्ञाः सन्ति ता **लीलाघत्यां** न दृष्टिपथमवतरन्ति । एतस्या निम्नलिखितेन— "नत्वा शिवं स्त्रविरचितपाठ्या गणितस्य सारसुद्ध्य । लोकन्यवहाराय प्रवक्ष्यति **श्रीधरा**चार्यः ॥"—

[—]प्रारम्भिकपद्येनानुमीयते कैश्विद् यदुतेयं कृतिरेभिरेव गणितज्ञेः प्राक्ष्पणीतस्य पाटीगणितस्य सङ्क्षिप्तरूपाऽस्ति ।

विषयसूचिः।

11/2/11/11	
विषयः	বৃষ্টাঙ্ক:
मङ्गलाचरणम्	१
परिभाषा	१—३
स्थाननामानि	१—२
कपर्दव्यवहारसञ्ज्ञा	ર
सुवर्णव्यवहारसञ्ज्ञ ा	₹
मेयव्यवहारसञ्ज्ञा	Ŕ
धान्यमानव्यवहारस ञ्ज्ञा	२
क्षेत्रव्यवहारसञ्ज्ञा	₹-₹
कालव्यवहारसञ्ज्ञा	3
परिकर्माष्ट्रकम्	३-१५
(१) सङ्कलितम्	३ –8
(२) व्यवकलितम्	8
(३) गुणकारः (प्रत्युत्पन्नम्)	४–६
(४) भागहारः	६—७
(५) वर्गः	v-9
(६) वर्गमूलम्	9-80
(७) घनः	११–१३
(८) घनमूलम्	१३–१५
(९) भिन्नसङ्ग्रिलेतम्	१५–१७
(१०) भिन्नव्यवकितम्	१८–१९
(११) भिन्नप्रत्युत्पन्नम्	१९–२०
(१२) भिन्नभागहारः	२१ –२२
(१३) भिन्नवर्गः	२२–२३
(१४) भिन्नवर्गमूलम्	२३ — २ ५
(१५) भिन्नघनः	२५–२६
(१६) भिन्नघनमूलम् (भिन्नघनपदम्)	२६२९
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	

विषय:	দুষ্টান্ত:
परिकर्माष्टसम्बन्धि शून्यस्ररूपम्	२९–३०
कलासवर्णः	३०—६५
(१७) भागजातिः	₹ 0—?
(१८) प्रभागजातिः	?-38
(१९) भागानुबन्धजातिः	३४–३६
(२०) भागापवाहजातिः	३७३९
(२१) वह्रीसवर्णनम्	३९–४१
(२२) दृश्यजातिः	88–88
(२३) द्येषजातिः	४४–४६
(२४) विश्लेषजातिः	४६–४८
(२५) शेषमूलजातिः	86-40
(२६) मूलायभागः	40-48
(२७) उभयायदृश्यजातिः	48-40
(२८) भिन्नभागदृदयजातिः	५८-६०
(२९) भागमूलजातिः	६०–६२
(३०) हीनवर्गजातिः	६२ –६ ५
(३१)' विपरीतोद्देशकः	६५–६८
(३२) त्रैराशिकम्	६८–७४
(३३) पञ्चराशिकम्	७४-८१
(३४) जीवविऋयः	८१–८३
(३५) व्याजोपजीविवृत्तिः	८३–८६
(३६) एकपत्रीकरणम्	८७-९०
(३७) समीकरणम्	९०–९२

१ प्रेक्ष्यता ६८ तमं पृष्ठं यत्र निम्नलिखित उल्लेखो वर्तते— "एतावता एकत्रिंशत् परिकर्माणि समाप्तानि।"

विषयानुक्रमः—Table of Contents.

विषय:					पृष्ठाङ्गः
Introduction	•••	•••	•••	•••	I-LXIX
प्रस्तावना	••••	•••	••••	••••	७१-७८
विषयसूचिः	••••	••••	••••	••••	७९-८०
गणिततिलकं सवृत्तिकम्	••••	••••	••••	••••	१–९२
Appendix I	•••	•••	•••	•••	9 3–1 02
" II	•••	•••	•••	•••	103-106
" III	•••	•••	•••	•••	107-113
शुद्धिवृद्धिपत्रकम्	••••	****	••••	••••	115-116

१२ गणि०

श्रीपतिविरचितं

॥ गणिततिलकम् ॥

श्रीसिंहतिलकसूरिसन्दब्धवृत्तिसमेतम् ।

ॐ नमो वीतरागाय ॥
साह्नाद्देवतावन्य-क्रमं नत्वा जिनं गुरुम् ।
दृष्टकुण्डलिनीदेवी-प्रसादप्रीणितान्तरः ॥ १॥
श्रीविबुधचन्द्रगणभृ-च्छिष्यश्रीसिंहतिलकस्रिरिमाम् ।
गणिततिलकस्य वृत्तिं, विरचयति परात्मबोधाय ॥ २॥ १—युग्मम्
मङ्गलाचरणम्-

अथ सत्रकारः श्रीपतिनामा सर्वदर्शनसम्मतामात्मदेवतां स्तुवन्नाह— १९ रूपोज्झितं रूपयुतं खरूप-मात्मखरूपं परमं प्रणम्य । करोमि लोकव्यवहारहेतो-विचित्रवृत्तां गणितस्य पाटीम् ॥१॥ अयं श्लोको बह्वर्थं इति कृत्वा सङ्क्षिप्तरुचिनिमित्तं प्रारब्धं शास्त्रमिति न व्याख्यायते । स्पष्टश्चात्मस्रह्मपवेदिनामिति ।

परिभाषा-

94

अथ गणितशास्त्रमारिप्तः प्रथममेकादिगणितस्य श्रुन्यवृद्धाः वर्धमानतां दर्शयन् वृत्तमाह—
एकं दशस्थानमथो शतं च, सहस्रमस्माद्युतं च लक्षम् ।
अनन्तरं तु प्रयुतं च कोटि-रथार्बुदं पद्ममतश्च खर्वम् ॥ २॥
निखर्वसञ्ज्ञं च महासरोजं, शङ्कः समुद्रोऽन्त्यमतश्च मध्यम् । २०
परार्द्ध्य(र्ध)मित्याहुरिमां हि सङ्ख्यां, यथोत्तरं स्थानविद्रो दशद्वीम्॥३॥
—युग्मम्

दशगुणां सङ्ख्यामाहुः । तथाहि-एकं १, दश १० । एक एव दशगुणो जाता दश । एवं सर्वत्र । शतं १०० । एकः शून्यत्रयं च सहस्रम्, यथा १००० । एकः शून्यचतुष्टयं च अयुतं-दश सहस्राः, यथा १०००० । एकः शून्यपञ्चकं लक्षं २५ १०००० । एकः पद शून्यानि प्रयुतं-दश लक्षाः १००००० । एकः

१ अनुष्टुप्। २ आर्या। ३-५ उपजातिः।

सप्त श्रून्यानि कोटिः १०००००० । एकोऽष्टौ श्रून्यानि अर्बुदं—दशकोटिः १००००००० । एको नव श्रून्यानि पद्मः—कोटिशतं १००००००००। एको द्रश श्रून्यानि खर्व—कोटिसहस्रं १०००००००० । एको द्रादश श्रून्यानि निखर्व—दशकोटिसहस्रम् १००००००००० । एको द्रादश श्रून्यानि महा- ५ सरोजं—कोटिलक्षं १०००००००००० । एकश्चतुर्दश श्रून्यानि समुद्रः—कोटिकोटिः १००००००००००० । एकः पञ्चदश श्रून्यानि समुद्रः—कोटिकोटिः १०००००००००००० । एकः पञ्चदश श्रून्यानि अन्त्यं—दशकोटीकोटीः १०००००००००००० । एकः पोडश श्रून्यानि पराद्ध्यं (ध)कोटीकोटी- १००००००००००००० । एकः सप्तदश श्रून्यानि परार्द्ध्यं (ध)कोटीकोटी- १०००००००००००००००। एकः सप्तदश श्रून्यानि परार्द्ध्यं (ध)कोटीकोटी- अतःपरमपि श्रून्यवृद्ध्या दशगुणं तन्नाम च शास्त्रान्तरतोऽवसेयम् ॥

अथ कपर्दव्यवहारसङ्ज्ञार्थं वृत्तमाह-

स्यात् काकिणी पश्चगुणैश्चतुर्भि-वराटकैः २० काकिणिकाचतुष्कम्। पणं भणन्ति व्यवहारतज्ज्ञा, द्रम्मश्च तैः षोडदाभिः प्रसिद्धः॥४॥

^{१५}तैः पणैरित्यर्थः ।

अथ सुवर्णव्यवहारार्थं सञ्ज्ञावृत्तमाह—
यवैस्तु निष्पावसुद्यान्ति षड्भि-रष्टाभिरेभिर्धरणं प्रदिष्टम् ।
गद्याणकं तद्दितयेन नूनं, व्यावर्णयन्तीह सुवर्णदक्षाः॥ ५॥ ।
पडभिर्यवैरेकं निष्पावं-सुवर्णवक्षप्रशन्ति-वदन्ति । शेषं स्पष्टार्थम् ॥

२० अथ मेयव्यवहारसञ्ज्ञाज्ञापकं वृत्तमाह— निष्पावकानां युगलानि सप्त, पाटीपटिष्ठा घटकं ब्रुवन्ति । पलं निरुक्तं दशकेन तेषां, तुलाऽत्र मेयव्यवहारसिद्ध्ये ॥ ६॥ अथ कणमानसञ्ज्ञाज्ञापकं वृत्तमाह—

चतुष्टयं खल्विह पादिकानां, मनस्विनो मानकमामनन्ति ।
तः सेतिकैका कथिता चतुर्भिः,स्यात् सेतिकानां दशकेन हारी॥०॥
तैश्रतुर्भिर्मानकैः सेतिका । शेषं स्पष्टम् । मानिकानां चतुर्हारिकाणां शर तत् स्वकीयेन नाम्ना प्रसिद्धं जने । स्पष्टम् ॥

अथ क्षेत्रव्यवहारार्थं सञ्ज्ञाज्ञापकं सार्धं वृत्तद्वयमाह— अङ्गुलं षड्यवैनिंस्तुषेजीयते, तचतुर्विदातिं हस्तमाहुर्बुधाः

१-८ उपजातिः। ५ स्रग्विणी ।

96

दण्डो भवेत पाणिचतुष्टयेन, रज्जुः स्मृता दण्डकविंदातिश्च । समाश्चिरज्जुद्वयमानवद्धं, निर्व(व)र्तनं ज्ञाः परिकीर्तयन्ति ॥ सत्पण्डिता दण्डसहस्रयुग्मं, कोशं प्रश्नांसन्ति चतुष्कमेषाम् । जना जगुर्योजनमत्र नृनं, वसुन्धरामानविधानधीराः ॥ षङ्जिः प्रश्नास्तेन्द्रियपूरुषस्य, प्राणैर्विनाडी घटिका तु षष्ट्या । तासामहोरात्रमपि ब्रुवन्ति, षष्ट्या घटीनां पटवः सुपाट्याम् ॥ तिंद्रिशता मासमुशन्ति सन्तः, संवत्सरं द्वादशिभश्च मासः । शेषं प्रमाणं त्विह लोकसिद्धं, प्रवालकाद्यं परिभाषणीयम् ॥ एतानि स्पष्टानि ॥

इति श्रीश्रीपतिविरचिते गणिततिरुके परिभाषा ॥ सङ्कारितम्-

अथ कमप्राप्तं सङ्कलितानयनाय करणसूत्रं वृत्तार्धमाह— यथा स्वपक्षाङ्कयुतिः क्रमेण, तथोत्क्रमात् सङ्कलिते विधेया ॥

अस व्याख्या यथा येन प्रकारेण यथा स्वपक्षे एकद्यादिश्रेणिभृते अङ्क-राशो अग्रेतनाङ्कराशेस्तद्ध्वाङ्कश्रेणिः पूर्वाङ्कराशेस्तद्ध्वाङ्कश्रेणिः स्वपक्षस्तत्र १९ येऽङ्का वक्ष्यमाणोदाहरणयुक्त्या सप्तादयस्तेषां युतियोग-ऊर्ध्वाङ्काद्धोऽङ्कानां मीलनं यत् स क्रमस्तेन क्रमेण तथा-तेनैव प्रकारेण तथा उत्क्रमाद्धोऽङ्काद्ध्वों-ध्वाङ्कानां मीलनं यत् स उत्क्रमस्तस्मादुत्क्रमात् सङ्कलिते अङ्कसम्मीलनविधो विधेया-कार्यो इति सम्बन्धः ॥

अत्रोदाहरणद्वयदर्शकं वृत्तमेकम्-

सप्ताष्टी नव पोड्या त्रिनवतिः पष्टिश्च पट्सप्ततिः

पश्चाद्यान्मिलिता वद द्वततरं विद्वन् ! विजानासि चेत् । सप्ताविंद्यतिरेकविंदातिरिप द्वात्रिंदात्(ता?)संयुता

का सङ्ख्या समुपैति पश्चददाभिर्युक्तास्तथा पश्चभिः?॥ १३॥

अत्र पूर्वार्धे प्रथमोदाहरणं उत्तरार्धे च द्वितीयम् । तत्र प्रथमोदाहरणे सप्ताष्टे- र त्यादिका ७।८।९।१६।९३।६०।७६।५०॥ पट्टके भूमो वा पूर्व सप्त, तद्धोऽष्टौ इत्यादिक्रमेणाधः पश्चाशद्याविक्ठिखिताऽङ्कश्रेणिः पूर्व व्याख्यातक्रमोत्क्रमाम्यां मीलिता।सप्तमध्ये क्षिप्ताऽष्टौ जाताः पश्चदश १५।एतन्मध्ये क्षिप्ता नव जाता-श्रतुर्विश्वतिः २४। इत्यादिक्रमेण । तथा अधोऽङ्कात् पट्सप्ततिसत्क६षट्मध्ये

१-४ उपजातिः । ५ उपजातिः । ६ शार्दूलिकीडितम् ।

सिप्तास्त्रयो जाता नव ९। एतन्मध्ये पर्क्षेपे जाताः पञ्चद्श १५। पञ्चद्शेत्या
छुत्क्रमेण मिलिताः का सङ्ख्या सम्प्रेतीति वद-ब्रृहि द्वततरं-शीघं हे विद्वन् !

गणितज्ञ! चेद्-यदि जानासि, गणितशास्त्रमिति शेषः। उत्तरं च गम्यम्।

तचेदं सप्ताद्यङ्कयोजनायां लब्धमेकोनविंशत्यधिका त्रिशती (३१९)। तथा

दितीयोदाहरणे सप्तविंशत्यादिका २७।२१।३२।१५।५। पञ्चाङ्कपर्यन्ताङ्कश्रेणिर्मे
लिता का सङ्ख्या समुपैतीत्यादि सर्वं पूर्ववत्। उत्तरं चैतद् गम्यम्। लब्धं शतं
१००। एवं सङ्कलितविधः समाप्तः।।

व्यवकछितम्-

अथ व्यवकलितपरिज्ञानाय करणस्त्रं वृत्तार्धमाह—

^{१०} वियोजने चाप्यमुना क्रमेण, विशोधनं खल्ववशेषलब्ध्यै।

अस्य व्याख्या-वियोजने च या बृहतोऽङ्कस्थानादल्याङ्कपातनरूपे व्यवक-लितलक्षणे । चशब्दः समुचये । अपीति पुनरर्थेऽप्यम्नना क्रमेण-प्रागुक्तरीत्या बृहदङ्कादधः खल्पाङ्कपात्यन्यस्य पात्यते इति क्रमेण, तथा बृहदङ्कोपरि पात्यमङ्कं स्यस्य निष्काश्यते इति क्रमेण विशोधितं-विशुद्धिपदं नीतमङ्कस्थानम् । खल्ज(ः) १५ निश्चये । अवशेषस्य पात्यङ्कावशिष्टसाङ्कस्य लब्ध्ये-प्राप्तये स्यादिति सम्बन्धः ।

अत्रोदाहरणं श्लोक एकः—

सहस्रादुक्तसङ्ख्याका-नङ्कान् प्रोज्झ्यावदोषकम्। आचक्ष्वाद्यु विजानासि, यदि हन्त विद्योधनम्॥ १४॥

अस्य व्याख्या—सहस्रात् १००० सहस्रलक्षणादङ्कात् उक्तसङ्खाङ्कान् सङ्कर्यः लितविधिप्रोक्तानेकोनविंशत्यधिकत्रिशतीलक्षणान् तथा शतरूपांथ प्रोज्झ्य-विश्वोध्य अवशेषकमङ्कसहस्रशेषमाचक्ष्य-वद् यदि विजानासि विश्वोधनं बृह-दङ्कादल्पाङ्कपातनिमत्यर्थः । अङ्कतोऽपि सहस्रं १००० असात् ऊर्ध्वाधोरीत्या पातिते शेषं लब्धं ६८१ एकाशीत्यधिकषट्शती । तथा असादेवाङ्कात् १००० शतस्य विश्वोधने शेषं ९०० नवशती । एवं व्यवकलितलक्षणं समाप्तम् ॥

गुणकारविधिः--

अथ खल्पाङ्करोपचयवृद्धिहेतौ गुणनायां त्रिशत्युक्तप्रत्युत्पन्नाभिधानायां करणसूत्रं सार्धवृत्तमाह—

बिन्यस्य गुण्यं गुणकाख्यराञ्चे-रधः कपाटद्वयसन्धियुत्तया । उत्सार्य हन्यात् क्रमञ्चोऽनुलोमं,विलोममाहो उत तत्स्थमेव॥१५॥१

१-२ उपजातिः।

स्थानं च रूपं च विभज्य कुर्यात्, सन्ताडनं वा खलु खण्डसञ्ज्ञम्॥

अस्य व्याख्या-अत्राङ्कगुणनविधौ रीतिचतुष्टयमुक्तम् । तत्र गुण्यं-गुण-नीयं २१५८६ षडशीत्यधिकपश्चशती एकविंशतिसहस्राः । गुणकाख्यो राशिः ९६ पण्णवतिप्रभृतिकस्तस्याधो न्यस्य पश्चादनुलोमम्-अनुक्लमङ्करीत्या पूर्व षडशीतिषण्णवत्या गुणयित्वा । आहोशब्दो विकल्पार्थे । यद्वा विलोममङ्करीत्या ५ -प्रतिक्रूलमेकविंशतिः षण्णवत्या गुणयित्वा पश्चात् षण्णवतिम्रत्सार्य-चाल-यित्वा क्रमशः-क्रमेणानुलोमगत्या पश्चदशोपरि षण्णवतिकरणेन गुणयित्वा प्रतिलोमतश्राष्ट्रपञ्चाशदुपरि पण्णवत्या हन्यात्-गुणयेत्। उतशब्दोऽथवार्थः। तत्स्थमेव कियाविशेषणम् । तत्रैवानुलोमतः षडशीत्युपरिस्थयैवानुत्सारितप्रतिलो-मतश्र एकविंशत्युपरिस्थया अचालितया षण्णवत्या सर्वमप्यङ्कं हन्यात् । यद्वा १० स्थीयते गुण्याङ्कोपरि येन स स्थानशब्देन गुणकः पण्णवत्यादिकस्तं विभज्य त्रिधा द्वात्रिंशतं द्विधा अष्टचत्वारिंशतं वा कृत्वा वारत्रयं त्रिधाकृताङ्केन द्वात्रिं-श्रतावेलाद्वयं वाष्ट्रचत्वारिंशता गुण्यस्य एकविंशतिप्रभृतिकस्याङ्कस्य त्रयस्यापि सन्ताडनं-गुणनं कुर्यात् । यद्वा रूपं चेति रूप्यते गुणकेन बुद्ध्यर्थं दृश्यते यः स रूपारुयोऽप्यङ्कराशिस्तं विभज्य यथा प्रागुक्तमेकविंशतिप्रभृतिमङ्कं द्विधा ध कृत्वा दशसहस्रात् त्रिनवत्यधिकसप्तशतीयुतान् स्थानद्वये विलिख्य वेलाद्वयं पण्ण-वत्या सन्ताडनं कुर्यात् । इति चतुर्थं यथावस्थानं गुणकं विभज्य यथा एकवारं नवाङ्केन एकविंशतिप्रभृतिकस्थैकवारं पट्नेन सन्ताडनं क्यीत् परमेकाङ्कस्थानतया-ऽधस्तनाङ्को नियोज्य मेलनीयस्तथा च न्यासः २१५८६ गु० ९ जातः १९४-२७४ तथा एकविंशत्यादेरेव गु० ६ जातः १२९५१६। अनयोरित्थमेकाधिक-२० तया न्यासे १६६६५६ मीलने च लब्धं २०७२२५६। एवं यदा अङ्को गुणकस्तदा एकवारमङ्कद्वयेन एकवारमेकेनाङ्केन गुण्यं ताडियत्वा निर्दिष्टरीत्याऽङ्कद्वयात् स्था-नाधिकतया गुणिताङ्कराशिद्धयं विलिख्य यथाभिमतं लब्धं भवतीत्येतद्पि खण्ड-सञ्ज्ञकं करणम्। यथास्थानपण्णवत्यादिकं द्वाभ्यामिवकं कृत्वा अष्टनवत्या एक-विंशतिप्रभृतिकं गुणयित्वा पश्चाद् द्विकगुणितैकविंशतिप्रभृतिकप्राग्गुणिताङ्कम- २५ ध्यात् पात्य यत् एतद् गुणकाधिककारिष(ख)ण्डसञ्ज्ञकं करणं स्थानं पण्णवतिल-क्षणं विभन्य एकवेलं द्विनवत्या एकवेलं चतुर्भिरेकविंशतिप्रभृतिरङ्कस्य सन्ताडनं कृत्वा अङ्कद्वययोगः कार्यः । एतद्गुणकलीनता कारिष(ख)ण्डसञ्ज्ञकं करणम् ।

१ उपजातिः।

गुणकाङ्कस्य गुण्याङ्कस्य वा ष(ख)ण्डनात् यथार्थाभिधानं खण्डसञ्ज्ञकं करणम् ॥ अथो न्यासवृत्तद्वयमाह—

षडष्टी पश्चेकद्विकमि हतं षण्णवितिभिः २१५८६ गुण ९६ भवेत् किं बूहि द्राग् गणक! यदि जानासि गुणनम्। तथा पश्चाष्टी षट् त्रिनवितमि द्वित्रिगुणितान् ९३६८५ गु. ३२

त्रिसप्तद्विघांश्च प्रवद दशपश्चाष्टनवकान् ९८५१० गु. २७३॥⁹ स्पष्टम् ॥

विश्वखसप्तमुजङ्गनवार्काः, शैलतुरङ्गसमाहतदेहाः । स्यात् स्फुटतारकवर्तुलमुक्ता-भूषणमत्र महेश्वरकण्ठे ॥

भ्याख्या—विश्वशब्देन त्रयोदश, खं-शून्यं, सप्त स्पष्टं, श्रुजङ्गशब्देनाष्टौ नाग-कुलानि, नव स्पष्टं, अर्का द्वादश। एतेऽङ्करीत्या पूर्व त्रयोदश तत्पश्चाच्छून्यमिति-क्रमरूपया लिखिता गुण्याः। शेलाः—सप्त कुलाचलाः, तुरङ्गाः स्वर्यस्य सप्त प्रसिद्धाः, ततस्ताभ्यां जातः सप्तसप्तत्यङ्करूपाभ्यां समाहतो—गुणितो देहः—स्वरूपं येषां ते तथा। शेषं स्पष्टम् ॥ न्यासः १२९८७०१३ गु. ७७। अथ क्रमात् लब्धाङ्क-भन्यासः विंशतिर्लक्षा द्वासप्ततिसहस्रा दे शते पदपञ्चाशद्यिके २०७२२५६। एकोनत्रिंशस्त्रक्षाः सप्तनवतिसहस्रा नव शतानि विंशतिश्व। अङ्कतोऽपि २९९७९-२०। दे कोट्यो अष्टषष्टिलक्षास्त्रिनवतिसहस्राः दे शते त्रिंशच २६८९३२३० एकोत्तरकोटिशतं १००००००००१। एवं गुणकारविधिः समाप्तः॥

भागहारविधिः-

२० भागहारे करणसूत्रं वृत्तम्— अपवर्त्य समेन राशिना द्वौ हरभाज्यौ सति सम्भवे ऋमेण । विभजेत् प्रतिलोममस्य मार्गो गणितज्ञानविद्यारदैः प्रदिष्टः ॥³

२५ व्याख्या—अपवर्त्य-खण्डित्वा समेन राशिना-द्वाभ्यां चतुर्भिरित्याद्यस् माङ्केन, एकत्रिप्रभृतिविषमाङ्केनेत्यर्थः । द्वौ हरभाज्यौ हियते वृद्धि प्राप्ते कः प्रहाणि नीयते येन स हरो-भागग्राहाङ्कोऽङ्कस्तथा भाज्यते-भागं प्रदाप्यते योऽङ्कः स भाज्यस्ततो द्वन्द्वे हरभाज्यावधस्थितोपरितनस्थौ सति सम्भवे द्वि प्रभृतिखण्डनां यावतीं हरभाज्यौ सहेते तस्मिन् सामर्थ्ये। एतेनाङ्क एक

१ शिखरिणी २ दोघकम् । ३ मालभारिणी, "साज्गगाः स्मर्या मालभारिणी' इति छन्दोऽनुशासने ।

ે ધ્યુ

खण्डनां सहते तामेव खण्डनां द्वितीयो न सहते तदा न कार्यमित्यायातम्। क्रमेण प्रतिलोमम्-अङ्करीत्या प्रतिकूलम्, नानुलोममित्यर्थः । विभजेत्-भागं ब्राह्येत् । शेषं स्पष्टम् ॥

अत्रोद्देशकः—

राशयो गुणिता जाताः, खगुणच्छेदभाजिताः। कीदृशाः स्युः प्रचक्ष्वाशु, लक्षणं शिक्षितं यदि॥

च्याख्या—प्रागुक्ता गुणिता राशयो विंशतिलक्षप्रमृतयः खगुणच्छेदेन प्राग् गुणकतां प्राप्तेन पण्णवत्यादिना भाजिताः—गृहीतभागाः कीद्दशः स्युरिति प्रच-क्ष्व—वद्। अत्र करणघटना—प्राग् गुणितो राशिरेकविंशतिलक्षा द्वासप्ततिसहस्रा द्वे शते पद्पश्चाशद्धिके। तदनु सति सम्भवे भागयोग्यतायां समेन राशिनाऽत्र १९ चतुर्भिरपवर्त्व लिखितस्य पश्चलक्षाष्टादश्चसहस्रचतुःपष्टिरूपस्य ५१८०६४ मा-ज्यस्य, तथा हारेण पण्णवतिलक्षणेन चतुर्भिरपवर्त्व चतुर्विशतिभृतेन २४ भागे दत्ते लब्धं मूलप्रकृतिरेकविंशतिसहस्राः पश्चशती पदपश्चाशदिषका। एतेन यदि भाज्यो राशिद्दाभ्यामपवर्तितस्तदा हरराशिरपि द्वाभ्यां, यदा भाज्यश्चतु-भिस्तदा हरराशिरपि चतुर्भिरेवापवर्तनीय इति तन्त्वम्। एवं एकोनित्रिशहस्य-भ्यस्तिनवित्तस्तदा हारेण द्वात्रिशतस्य सति सम्भवे द्वाभ्यामपवर्तितस्य १४९८९६० हारेण द्वात्रिशता द्वाभ्यामपवर्त्व जातपोडशकेन भागे दत्ते लब्धं त्रिनवित-सहस्राः पद्शती पश्चाशीतिश्च। एवं सर्वत्र परं प्रायेणापवर्तनं विनेव यथा-स्थितस्येव भाज्यस्य यथारूपेण भागं ददते। अथ न्यासः—२६८९३२३० भा० २७३। १००००००००१ भा० ७७। क्रमाङ्गब्धं ९८५१०; १२९८७०१३। २०

वर्गविधिः-

अथ वर्गकरणसूत्रं सार्धं वृत्तम्— वर्गं विधायान्त्यपदस्य दोषैः, पदैर्द्विनिन्नं गुणनीयमन्त्यम् । पदात् समुत्सार्यं तथैव दोष-मुत्सारयेद् वर्गविधानहेतोः ॥

व्याख्या—अनुलोमगत्या योऽन्त्याङ्कः स प्रतिलोमगत्या आद्यस्तस्य द्विती-योऽन्त्यो द्वितीयस्य तृतीयोऽन्त्य इति क्रमेण यः सर्वाङ्कानामन्त्यपदं त्रिषष्ट्य-धिकश्चतस्य १६३ एकलक्षणं तस्य वर्गं सद्शाङ्कद्विघातलक्षणं विधाय । यथा— एकस्य वर्गे एककः तमेकं त्रिषष्ट्यधिकश्चतेककाधः (१६३) कृत्वा पश्चादुपरिस्थमे-

१ अनुष्टप्र। २ उपजातिः।

ककलक्षणमन्त्यं द्विनिन्नं-द्विगुणं यथा-एको द्विगुणो द्वावेव जातस्ततः शेषैः पदैः षद्त्रिलक्षणेर्गुणनीयं, क्रमेणेति शेषः । यथा द्वौ षद्गुणौ जातं १२; एते प्राग् लिखितत्रिषष्ट्यधिकशतैकस्याधोलिखितैकस्याध एकषट्कस्याधो द्वौ {र्ृं हैं ३} तथा द्वावन्त्यलक्षणौ त्रिगुणौ जाताः पट् , ते त्रिपष्ट्यधिकशतैकस्याधोलिखितद्वि-५ काग्रे स्थाप्याः (१६६) । एतेन गुणितत्वादुक्तार्थत्वादनत्यपदं द्विकलक्षणं विनष्टम् । ततः पदात् लिखितस्थानकात् शेषं त्रिषष्टिलक्षणं सम्रत्सार्य सञ्जाताधस्तनाङ्कस्य षड्विंशत्यधिकद्विश्वतलक्षणस्य एकाधिकस्थानकतया यथा 📢 👯 विन्यस्य तथैव वर्गं विधायैतत्त्रागुक्तपदद्वयविधिं कृत्वा यथाऽत्र त्रिषष्ट्यङ्के षट् अन्त्यपदं तस्य वर्गं षट्रत्रिंशत् तं कृत्वा षड्विंशत्यधिकद्विशतोऽधःक्रमाद् विलिख्य 👯 🚉 १० अन्त्यपदं द्विनिन्नं जाता द्वादश १२। शेषं पदं त्रिकलक्षणं तेन गुँणनीयकृत्वा यथा-द्वादश त्रिगुणाः षद्त्रिंशत् तां प्राग्दष्टलिखिते क्रमेणालेख्य 👫 👯 एतेन षद्क-मन्त्यमुक्तार्थत्वाद् विनष्टम् । ततः शेषं त्रिलक्षणं वर्गविधानहेतोरुत्सारयेत्, ए-काधिकस्थानतया विन्यस्येदित्यर्थः। 🎖 👯 🤻 । ततस्तथैव वर्गं विधायेति प्राग्रक्तं क्चरीत्। यथा त्रयाणां वर्गं नव तं कृत्वा प्राग्दष्टलिखितोपरिस्थत्रिकाधः 🔠 🐉 १५ ततोऽत्राशेषपदाभावादन्यो विधिर्नास्तीति प्राग्लिखिताङ्कयोजनायां त्रिपष्ट्य-थिकशतैकवर्गे जाताः षड्विंशतिसहस्राः पश्चशत्येकोनसप्ततिः २६५६९ इति ॥ वर्गानयने करणद्वितीयमाह-

इष्टोनयुक्ताहतिरिष्टवर्ग-युक्ता च

व्याख्या—यथा पञ्चानां वर्गानयने स्थानद्वये पञ्चकं विलिख्य एकः पञ्चक
२० इष्टेन-अभिरुचितेनाङ्केन दिकलक्षणेन ऊनो जातास्त्रयः। एकस्य पञ्चकस्तेनेष्टेनाकृष्टेन दिकेन युक्तस्ततो जाताः सप्त। ततस्तेन इष्टोऽनेन त्रिकलक्षणेन अङ्केन इष्टयुक्तस्य सप्तकलक्षणस्याहतिः-गुणना, यथा-त्रिगुणाः सप्त जाता एकविंशतिस्तत
इष्टस्यकपञ्चकादाकृष्टदिकलक्षणस्य यो वर्गश्चतुष्कलक्षणस्तेन युक्ता यथा-एकविंश्वतिश्रतुर्युक्ता जाता पञ्चवर्गे पञ्चविंशतिः॥

२५ अथ तृतीयं करणमाह---

तुल्यद्विसमाहतिर्वा ॥ २१ ॥

व्याख्या—तुल्यौ-समानौ द्वौ अङ्कौ, यथा द्वादश द्वादश अनयोर्मिथः समा-हतिः—द्वादशिमः द्वादशगुणना, यथा—चतुश्रत्वारिंशदधिकशतलक्षणाद् द्वाद-शाङ्कवर्गो जातः । अत्र वर्गविधिमनुपदिश्य वर्ग विधायेतिभणनमयुक्तं विमृश्य

१ 'गुणियत्वा' इति प्रतिभाति । २ उपजातिः।

लीलावत्यां (परिकर्माष्टके श्लो. ८) "समिद्धियातः कृतिरुच्यतेऽथ, स्थाप्योऽन्त्यवर्गाव् द्विगुणान्त्यनिष्ठाः" इत्यमिहितम्। तथा लीलावत्यां (परि० श्लो. ९) "खण्डद्वयस्यामिहतिर्द्विनिष्ठी, तत्खण्डवर्गेक्ययुता कृतिर्वा" इति चतुर्थकरणग्रु-क्तम्। तत्र पश्चानां वर्गे पश्चद्विखण्डा जाता एके त्रय एकतश्च द्वौ, तयोरिमहतिर्द्वी त्रिमिरिमहतौ जाताः षद् ६। इयमिमहतिः षड्लक्षणा द्विनिष्ठी जाताः द्वाद्य। 'तथा खण्डयोदित्रिलक्षणयोः प्रागुक्तयोर्वगौं यौ चतुर्नवलक्षणौ तयोरिक्यं जाता-स्वयोद्य, तेन युक्ता द्वाद्य रूपाभिहतिकृतिः पश्चानां वर्गः स्थात्, एवं सर्वत्र। तथा त्रिद्वात्यां वर्गानयनाय चतुर्थं करणमाह—"इत्पादिद्विचयपदसमासो वा"। रूपमेकलक्षणमादिं कृत्वा पश्चाद् द्विचयपदानि द्वाभ्यां द्वाभ्यामधिकानि मण्डनीयानि। पश्चात् तेषां समासः—योगः कार्यः। यस्याङ्कस्य वर्गः कार्यः तत्स- भ ज्ञानि अङ्कस्थानानि स्युरिति तत्त्वम्। यथा "पूर्वं सद्यद्विराशिघातः" इत्येव रीतिः प्रायः प्रसिद्धा। अत्रोदेशकः। उद्देशसन्द्वादुदाहरणोपलक्षणम्। तत्रैकः श्लोकः—

एकादीनां नवान्तानां, द्वादशानां कृतिं वद । द्वासप्ततेस्त्रिनवते-स्त्रिरसस्य शतस्य च ॥ २२॥³

न्यासेनैवास्य व्याख्या—१।२।२।४।५।६।७।८।९।१२।७२।९३। चतुर्थपादो-१ कित्रिस्त्राब्देन त्रिषष्टिशतं च तस्य त्रिषष्टाधिकशत (१६३)स्य कृतिं चर्षं वद् प्रश्नः। उत्तरम् – लब्धाङ्काः क्रमेण एकश्रत्वारो नव षोडश पश्चिवंशतिः पट्तिंशत् एकोनपश्चाशत् चतुष्पष्टिरेकाशीतिश्चतुश्चत्वारिशद्धिकं शतं पश्च सहस्राः शतमेकं चतुरशीतिश्च अष्टो सहस्राः पट्शती एकोनपञ्चाशच पड्विंशतिसहस्राः पश्चशती एकोनसप्ततिश्च । अङ्कतोऽपि १।४।९।१६।२५।३६।४९।६४।८१।१४४। २० ५१८४।८६४९।२६५६९। एवं वर्गविधिः समाप्तः ।।

वर्गमूलम्-

अथास वर्गस यन्मूलमेकादिलक्षणं तदानयनाय करणस्त्रं वृत्तमाह— वर्गे विशोध्य विषमात् पदतः पदेन स्थानच्युतद्विग्रणितेन भजेच शेषम् । पङ्क्षयां निवेश्य फलमस्य कृतिं विशोध्य द्विशेऽर्धिते कृतिपदं कृतिनो वदन्ति ॥ २३ ॥

च्याच्या—पिंड्वंशतिसहस्रपश्चशतैकोनसप्ततिप्रभृति अङ्कस्य वर्गस्तपस्य २६५६९ प्रतिलोमतो नवादितो विषमं समं इति गणनया यत्र विश्रामस्तसाद्

१-२ श्रीधरकृतायां त्रिशात्यामेकादशो नियमः । ३ अनुष्टुप् । ४ वसन्तितिळका । २ गणित॰

विषमात पदतो यथाऽत्र द्विलक्षणानय(न)स्याङ्कस्य वर्गो द्विकान्तः पतित तेन पदेनाधो न्यासत्तेन भागहेतुना पदशब्दोऽंशकवाची, यथा-एकेन वर्ग एकस्य वर्ग एककं विशोध्य-पातयित्वा उपरि २६५६९ जातमङ्कराशिशेषं तेन पदे-नैकलक्षणेन तमग्रे पद्काधः सञ्चारणीयत्वात् स्थानच्युतः स चासौ द्विगुणितश्च ५ स्थानच्युतद्विगुणितेन द्विकरूपेण भजेत् । तस्याधी न्यस्तयोग्याङ्केन भागं दद्यात . यथा-दिकस्याधः षट्कं नियोज्योपर्यङ्काद् द्वादशानां पाते उपरि पश्चचत्वारिश-दङ्कात् एकोनसप्तिः रिक्षेत्रक्षे । ततः तत् षट्कलक्षणं फलं लब्धं पङ्कयां अग्रेतन-लिखितद्विकपङ्कौ द्विकाग्रतो निवेश्य यथा {१५००} अस्य फलस्य पटुलक्षणस्य कृति-वर्ग पट्त्रिंशल्लक्षणमुपर्यङ्कात् पश्चचत्वारिंशतो विशोध्य जातानि नव १० शतानि एकोनसप्ततिः ९६९। ततस्तेन पदेन पट्कलक्षणेनाग्रे उपसर्पिणीयत्वात् स्थानच्युतेन द्विगुणितेन द्वादशानां प्राप्तेन द्विकमध्ये एकयोजनया सञ्जाता द्वात्रि-शताड्यः कृतमागयोग्याङ्केन शेषं प्रागुक्तं भजेत्, यथाव्त्र द्वात्रिंशतोऽधित्रकं न्यस्य पण्णवतेः पातस्ततस्तत् त्रिकं फलं लब्धं पङ्क्षयां द्वात्रिंशदग्रे निवि(वे)इय कृत्वा अस त्रिकस कृति-वर्गं नवकलक्षणं विशोध्य-निर्गम्याधस्तनाङ्कमध्ये १५ योऽङ्को द्विष्ठः स्थानच्युतत्वेन द्विगुणो द्वात्रिंशस्त्रक्षणस्तसिन्नर्द्धिते पोडशतां प्रापिते । एतेन यत त्रिकं स्थानच्युतरीत्या न द्विगुणं तस्यार्धं न कार्यम्, तदवस्थमेव स्थापनीयम् । एवं सति कृतिः षड्विंशतिपश्चशतेनैकोनसप्ततिलक्षणस्य वर्गस्य पदं-मूलं त्रिपष्ट्यधिकशतलक्षणं १६३ वदन्ति-कथयन्ति गणितज्ञा इति सम्बन्धः । अत्रोदेशकः श्लोकः-

मूलं प्राग्वछब्धवर्गाणां, यदि वेत्सि तदा वद । वेदाब्धिवसुगोचन्द्र-फणरुद्रमितेरपि॥ २४॥

व्याख्या—प्रागुक्तलब्धवर्गाणां एकादीनां त्रिषष्ट्यधिकशतपर्यन्तानां मूलमेकचतुरादिलक्षणं वद । तथा वेदशब्देनाब्धिशब्देन चत्वारश्रत्वारः, वसवोऽष्टो,
गोशब्देन नवखण्डपृथिवी, चन्द्रशब्देनैकः, फणिनो नागकुलान्यष्टो, रुद्रा एका२५दश, एतैर्मितिः—प्रमाणं यस्य तस्य एककोटी अष्टादशलक्ष एकोनविंशतिक्ष्टिंशाप्रशतचतुश्रत्वारिंशस्त्रक्षणस्य मूलं वदेति प्रागनुक्तवर्गस्याप्यादिं कथयेति सम्बन्धः ।
क्रमात् प्रश्लोत्तरन्यासौ पूर्वोक्तत्वात् स्पष्टाभिधानाविति गद्येन नोक्तौ १।४।९।१६।
२५।३६।४९।६४।८१।१४४।५१८४।८६४९।२६५६९ लब्धं यथाक्रमं वर्गमूलं
लानि १।२।३।४।५।६।७।८।९।१२।७२।९३।१६३।११८८९८४ लब्धं वर्गमूलं
३०३४८ त्रयः सहस्राश्रतुःश्वती अष्टात्रिंशच । एवं वर्गमूलं समाप्तम् ॥

१ अनुष्टुप्।

90

धनविधिः-

घने करणस्त्रवृत्तद्वयम्—

स्थाप्यो घनोऽन्त्यस्य कृतिश्च तस्य त्रिकादिनिन्नी कृतिरादिमस्य। अन्त्यत्रिनिन्नादिघनश्च सर्वे स्थानाधिकत्वं मिलिता घनः स्यात्॥ २५॥१ एकादिरूपप्रचयेन कृत्वा त्रिसङ्गुणान्त्ये मुखसङ्गुणे च। क्षिपेद् घनं सैकमुताचराद्येः समत्रिराद्यिपहतिर्घनो वा॥ २६॥१

व्याख्या—सप्तद्शाधिकत्रिशताङ्कप्रभृतेः ३१७ अङ्करीत्या त्रिकरूपस्या-न्त्यस्य घनः स [स] त्रिराशिहत्या सप्तविंशतिलक्षणः स्थानाधिकत्वं यथा स्थात तथा स्थाप्य प्रागुक्ताङ्कस्थाघो हेल्यो यथा (३३°) । तस्रेति तस्य त्रिकस्य कृति:-वर्गलक्षणः ९ अन्यत्र स्थापयित्वा त्रिकादिनिन्नी-गुणिता यथा नव त्रिगुणा सप्तविंशतिरस्य मूलत्रिकस्यादिरेकर्स्तेन गुणिता सप्तविंशतिस्तथैव स्थानाधिकत्वं १५ प्राग् लिखितत्रिशतसप्तद्शाधो योज्या यथा { र्हु ५०० । कृतिरादिमस्येति त्रिकस्या-दिम एकस्तस्य कृतिः-वर्ग एकोऽन्यत्र स्थापयित्वाऽन्त्यत्रिनिन्नेति अन्त्येन त्रिकेन गुणिता जातास्त्रयस्त्रिभिश्च गुणिता जाता नव । स्थानाधिकत्वं मूलत्रिशतसप्तद-शाधी योज्या यथा {र्वेष्ट्रै । आदिघनश्चेति आदेरेकस्य घन एकलक्षणः । स्थानाधिकत्वं योज्यो प्राग्मूलयत्रके {२३३%} । एतेन ''^३निर्युक्तराशिरन्त्य-२० स्तस्य घनोऽसौ" इति त्रिदात्युक्ताध्याहारेण पुनरपि स्थाप्यो घनः, अन्त्यस्य प्रक्रिया न कार्या। कृतिश्र तस्येत्यादि कार्या। यद्वा आदिघने कृताः सर्वेऽप्यङ्काः प्राग् दृष्टा मिलिता घनः अग्रेतनाङ्कसप्तलक्षणस्य स्थाप्यो घनोऽन्त्यस्येति । अयं विधिरमीभिरङ्केर्मी(र्मि)लितैर्जातस्ततो न कार्यः । कृतिश्र तस्येत्यादि कार्यमिति एक्तमत्राप्युक्तम् । ततस्तस्यान्त्यस्य एकत्रिश्रञ्जक्षणस्य कृतिः -वर्गो २५ नवत्येकषष्टिश्च 🗐 श्रिकादिनिधी यथा प्रागुक्तनवशत्या ह्यङ्कोऽन्यत्र स्थाप-यित्वा त्रिगुणो जाता अष्टाविंशतिश्वती त्र्यशीतिश्व । आदिः सप्त तद्भणा विंशतिसहस्री एकाशीत्यधिकैकशतं च २०१८१। एते स्थानाधि-कत्वं प्राक्तिशतश्व सप्तद्शाधो लिखितसप्तविंशतिसप्तविंशत्येकनवत्यधो लेख्या

१-२ उपजातिः। ३ पञ्चदशो नियमः।

^५ घनस्त्रिचत्वारिंशदधिकत्रिशतरूपो मोज्यो यथा र्रेड्डिंड २० । स्थानाधिकत्वं

सर्वत्र ज्ञेयम्। एते सर्वे मिलिता-योजितास्त्रिशतसप्तद्शानां घनः कोट्यस्तिस्रो लक्षा अष्टादश सहस्राः पश्चपश्चाशत् त्रयोदश ३१८५५०१३ युताः स्यादिति किया।

द्वितीयवृत्तपदत्रयेण द्वितीयं घनानयनकरणम् । तथाहि एकादीत्यादि । एकद्वित्रिप्रभृतिरूपाणां प्रचयः—समुचयस्तेन । एतेन एकादिद्विचयपदसमासो वेति

१० विधिन प्रयोज्यस्तथा ऊर्ध्वाङ्कश्रेणिन्यस्तैकादिरूपप्रचयेन, न तिर्यङ्न्यसाङ्कप्रचयेन कृत्वेति मनसा कृत्वा मेर्छ गच्छन्तीत्यादिवदकर्मका कृदन्तिक्रया । त्रि[क]सङ्गुणान्त्य इति । एकादीनामन्त्यं स यस्य घनमानेतुमिष्टो यथा त्रिकस्य घनमानेतुमेकादिचयेन त्रिकमेवान्त्यः स त्रिसङ्गुणी जाता नव । तत्र त्रिसङ्गुणान्त्ये
नवकलक्षणे मुखसङ्गुणे चेति त्रयाणां मुखं द्वौ तेन सङ्गुणे—गुणिते नवके जाता१५ ष्टादशके आद्यराशेर्द्विकलक्षणस्य त्रिकादित्वात् घनमष्ट सैकं जातं नवकं क्षिपेत्
अष्टादशान्तनेवक्षेपे जातस्वयाणां घनः सप्तविंशतिः, एवं सर्वत्र ।

चतुर्थपदेन तृतीयं करणमाह—समत्रीत्यादि । समानां त्रयाणामङ्कानां यो राशिस्तस्य या मिथः प्रहितः-गुणना यथा चतुर्णा घनानयनाय वारत्रयं चत्वारो मण्डियत्वा गुणनाऽन्योन्यं यथा चतुर्भिराहताश्रत्वारः षोडश षोडशिमश्र २० हताश्रतुःषष्टिः; स चतुर्णा घनो जातः । एवं सर्वत्र । च-उतशब्दौ समुचये । वाशब्दः प्रकारवाची । तथा घनविधिमनुकत्वा स्थाप्यो घनोऽन्त्यसेत्याद्ययुक्त-मिति विचिन्त्य पूर्वं समित्रघातश्र घनः प्रदिष्ट इत्युपदिश्य यसात् स्थाप्यो घनोऽन्त्यसेत्याद्यपुक्त-

चतुर्थं करणसूत्रं यथा---

ॅखण्डाभ्यामाहतो राद्यि–स्त्रिघ्नः खण्डघनैक्ययुक् ॥[°]

च्याख्या—यथा पश्चानां घनमानेतुं पश्चानां द्वे खण्डे एकत्र त्रयः एकतो हौ, ताभ्यां राशिः पश्चकलक्षणो राशिराहतो—गुणितो यथा—पश्चिहिगुणा जाता दश एते त्रिगुणा जातास्त्रिशत् ततस्त्रिशो जाता नवतिस्ततः खण्डयोर्द्वित्रिलक्ष-

१ अनुष्टुप्।

णयोर्धने क्रमादष्टौ सप्तविंशतिश्व तयोरैक्ये जातः पश्चत्रिंशत्, तद् युनक्तीति प(ख)ण्डघनैक्ययुक् पश्चत्रिंशत्सहिता नवतिः, जातं पश्चविंशत्यधिकं शतं १२५। इदं पञ्चानां घनो भवेत्। एवं सर्वत्र ॥

अत्रोदेशकः—

एकादिकानां नवकान्त्यभाजा-मष्टादशानां च घनं प्रचक्ष्व। त्रिसप्ततेः सप्तदशाधिकस्य शतत्रयस्यापि सस्ते! विचिन्त्य॥

स्पष्टमिदं वृत्तम् । न्यासः—१।२।३।४।५।६।७।८।९।१८।७३।३१७ । एतेषां लब्धा घनराश्चयः । क्रमेण न्यासः एकोऽष्टौ, सप्तविंशतिश्रतुःपष्टिः, पश्चविंशत्य- १ धिकं शतं, षोडशाधिकं द्वे शतं, त्रिचत्वारिंशत्युतशतत्रयी, द्वादशाधिकपश्चशती, एकोनत्रिंशदधिकसप्तशती, पश्चसहस्राष्टशतानि द्वात्रिंशदधिकानि, अष्टत्रिंशहक्षा नवतिसहस्राः सप्तदशाधिकाः, कोटयस्तिस्रो अष्टादश लक्षाः सहस्राः पश्चपश्चाशत् त्रयोदशाधिकाः । क्रमाच्यासः—१।८।२०।६४।१२५।२१६।३४३।५१२।७२९। ५८३२।३८९०१७।३१८५५०१३ । एवं घनविधिः समाप्तः ।।

घनमूलविधिः—

घनमूले करणसूत्रवृत्तद्वयमाह—

घनोऽघनद्रन्द्वमिति प्रपात्य घनं घनान्म्लमधः पदस्य। नयेत् तृतीयस्य हरेच द्रोषं चिनिन्नकृत्यास्य नियोज्य लब्धम्॥ पङ्क्षयां ततस्तत्कृतिमन्त्यनिन्नीं चिसङ्गणां चापनयेद् घनं च। विधानमेतद् गणकेन नृनं पुनर्विधेयं घनमृललब्ध्ये॥

व्याख्या—यथा प्राक् विषमसमविधिरुक्तस्तथाऽत्र प्रतिलोमतः प्रथममङ्करदं घनस्तत्पश्चात् द्वौ अङ्कौ अघनद्वन्द्वं पश्चादेकमङ्कपदं घनस्तत्पश्चात् द्वौ अघन-द्वन्द्वमितिरीत्या यत्र पर्यन्ते घनपद्विश्रामस्तसाद् यथा प्रागुक्तपर्यन्तोदाहृति-घनस्य {³ढ्रैऽपपर्वि मूलं सप्तदशाधि(क)त्रिशतीमानेतं घनपदादेकलक्षणाद्

१ उपजातिः । २ अशुद्धं स्थलमिदम्, 'त्रयो लक्षा एकोननवितः सहसाः सप्तद्शाधिकाः' इति शुद्धम् ।

घनमिति यस्याङ्कस्य घन उपर्यङ्केभ्यः पति तदङ्कघनं यथा त्रिएकाधस्त्रकं निवेक्य त्रयाणां घनं सप्तविंशतिलक्षणमुपर्येकत्रिंशतः प्रपात्य शेषं ४ स्थाने स्थिताः । पश्चादेनं त्रिकं मूलं मूलाख्यं उपर्यङ्कपदस्य तृतीयस्य पश्चकलक्षणस्याधो नयेत् , यथा (४८५५००००) । ततोऽस्य मूललक्षणस्य त्रिनिष्ठकृत्येति यथाऽत्र मूल-५ त्रिकं तदस्य कृति:-वर्गो नवकं त्रिगुणः सप्तविंशतिस्तया त्रिनिन्नकृत्या २७ एक-स्थानोनतया उपर्यङ्को नियोज्यः, यथा (१६५५००००); शेषम्रपर्यङ्कं हरेत्-भजेत्, यथाऽत्र सप्तविंशत्यध एकं कृत्वा उपर्यष्टचत्वारिंशन्मध्यात् सप्तविंशतिर्गता एक-विंशतिः स्थिता, सप्तविंशतिश्र दत्तभागत्वादुक्तार्थत्वादु भञ्जनीया, लब्धं च फल-रूपमेकं पङ्गचां त्रिकाग्रतो नियोज्य-निवेश्य तत्कृतीत्यादि तस्य लब्धस्य एकस्य ^{१९} पङ्किनिविष्टस्य कृतिः-वर्ग एक एव तामन्त्यनिन्नीमन्त्येन त्रिकेण गुणितां यथैक-स्त्रिगुणस्त्रय एव जाताः । त्रिसङ्गुणां त्रिकेण गुणितास्त्रयो जाता नव । एतेन तत्कृतिमन्त्यनिधीं त्रिसङ्गुणां उपरि (क्षेत्रिक्षेत्रकेत्रक्षेत्रके नयेत् रोषद्विशते पडिधके जाते घनं चेति लब्धस्येवैकलक्षणस्य घनमेकप्रुपर्यङ्काद्प-नयेत्, जातः { " र्इं र र र र । ततः पुनरिष करणमाधातुं तृतीयस्य पदस्याधो मूलं न-भ्भं येत्, यथाऽत्र एकस्योपर्यङ्कस्य तृतीयपदस्याधो मूलमेकत्रिंशतं नयेत् { २०६४३ वे ३ } । ततोऽस्य एकत्रिंशता कृतिः वर्ग एकपष्टाधिकनवशतलक्षणा, अनया विनिध्नया त्रिगुणया ज्यशीत्यधिकाष्टाविंशतिशतरूपया एकस्थानोनतया यथा एकत्रिंशत्-सत्कत्रिकस्याधरुयशीतिसत्कत्रिकं नियोज्योपर्यङ्काङ्काधः प्रदत्त्तया 🖯 😤 🥞 🕽 शेषम्रपर्यक्कं हरेत्, यथाऽष्टाविंशत्यधःसप्तकेन पडिधकद्विशतादुपरिस्थात् पण्ण-

रिशद्धिकशतत्रयलक्षणमपनयेत् । अधश्र लब्धं प्रागुक्तित्रकोत्वादिधनमूलं सप्तद्याधि(क)त्रिशतलक्षणं ३१०विधानमेतिदत्यादि स्पष्टम् । आम्नायेन वा यस्य धनस्य त्रिकोत्वादेर्यन्मूलं सप्तद्याधि(क)त्रिशतलक्षणं तस्य ३१० यो वर्ग एक-लक्षचतुःशतएकोननवति १००४८९ लक्षणस्तेन त्रिकोत्वादिधनस्य भागे दत्ते यथा { ३०४५१००४० लक्षणस्तेन त्रिकोत्वादिधनस्य भागे दत्ते यथा { ३०४५१००४० लक्षणस्तेन त्रिकोत्वादिधनस्य भागे दत्ते यथा { ३०४५१००४० लक्ष्यं चैकः स प्राग् लब्धं त्रिकाग्रेऽन्यत्र देयो यथाऽन्यत् ३१ अन्यत्र च स्थाप्यो अधःस्थाङ्काश्र सञ्चार्यभागाङ्काधः सप्तकेन्नोपर्यञ्कभागापहारे यथा { ३००४५१००० । एतच्च त्रिकोत्वादिधनमूलम् । एते सर्वत्र धनाङ्कानां वर्गण भागे दत्ते धनमूलमायातीति स्थितम् ।

अत्रोद्देशकः स्रोकः--

घनानां पूर्वलन्धानां, मूलानि वद कोविद !। यद्यस्ति भवतः सम्य-गभ्यासः परिकर्मसु॥

अस्य न्यासेन व्याख्या, यथा—१।८।२०।६४।१२५।२१६।३४३।५१२। ७२९।५८३२। ३८९०१७।३१८५५०१३ । एषाग्रुत्तरं प्रागुक्तसङ्खां कृत्वा १५ न्यासेनेव यथालब्धं मूलानि—१।२।३।४।५।६।७।८।९।१८।७३।३१७ । एवं घनमूलविधिः । एतत्समाध्या पूर्वाण्यष्टो परिकर्माणि समाप्तानि ।।

भिन्नसङ्गलितम्--

अथ भिन्नसङ्कलिते करणस्त्रवृत्तार्धमाह— सदशहरलवानां योजनं सम्प्रदिष्टं हरविरहितराशेश्छेदकः कल्प्य एकः ॥

व्याख्या—प्राक् पूर्णरूपाणां सङ्कलितमुक्तम्। इदानीं भिन्नानां—खण्डितानां रूपाणां वक्ष्यमाणरूपाधप्रभृतीनां सङ्कलितोपायमाह—सहशेति। सहशहराः—सन्दश्च छेदाः अधोवत्यङ्का ये लवा—उपयङ्का अंशास्ते तथा तेषां संयोजनं—संमीलनं यत् तद् भिन्नसङ्कलितं स्थादिति सम्बन्धः। उदा०। अर्धं त्रिमागश्च नवांशकश्च २५ अष्टादशश्च युतो भवेत् किम्। वृत्तपूर्वार्धम्। रूपस्यापूर्णस्यार्धं रूपस्य भागो रूपस्य नवांशो रूपस्याष्टादशांशश्च एषां युतौ पूर्वोक्तयुक्त्या संयोगे किं स्यादिति प्रश्नः। अथ संयोगरीतिः कथ्यते। रूपशब्देनकस्तद्धो द्यादङ्केन छेदान्यासः। { १९४१ । १८० ।

एषां सद्दशहरलवक्कते भागे जातो वक्ष्यमाणस्य ''अंशच्छेदौ छेदनाभ्यां विहन्यादन्योन्यस्य छेदसादश्यहेतोः'' इति वृत्तार्थस्य व्याख्या [या] । तथाहि अत्र २०

१ अनुषुप्। २ मालिनी।

एकका अंशाच्छेदाद् द्यादयस्ततो द्वन्द्वे रूपं अन्योन्यस्य परस्परं छेदनार्थ विनिमयविहिताभ्यां यथा एकत्रांशच्छेदाधस्त्रयः अपरत्रांशच्छेदाधो द्वौ यथा स्त्रयोंऽशास्तथा त्रिगुणौ द्वौ जाताः पट् 📢 हराख्याः । द्वितीये द्विगुण एको ५ जातौ द्वौ । द्विगुणास्त्रयो जाताः षद् 📳 हराख्याः। तत एतौ सदृशहरौ समान-षद्भच्छेदौ लब्धौ द्वित्रिलक्षणौ तयोः संयोजनं त्रिमध्ये द्विक्षेपे जाताः पश्चांशाः षर्छेदा मिलितत्वात् प्राक् छेदांशौ भञ्जनीयौ यथा 💱 अस्याधो द्विकोप्यु-क्तार्थत्वाद् भञ्जनीयः, यथा 👯 अथाग्रेतनाङ्क 📢 संयोजना प्रागिव, यथा अंश-च्छेदावित्यादिना छेदविनिमये एकत्र षडधो नव । एकत्र नवकाधः षद् यथा १० 🚰🛂 तत् छेदाभ्यां नवषट्वाभ्यां विहन्यात् , यथा नवगुणाः षद् जाताश्रतुः-पश्चाशत् । नवगुणाः पश्च जाताः पश्चचत्वारिंशत् , यथा 👯 तथा षद्गुणा नव जाताश्रतुःपश्राशत्, पड्गुण एको जाताः पट् यथा। ततः सदशहरेति विधिः कार्यो यतो हरा एव सदद्या विलोक्याः, न लवाः। ततः समानच्छेदानां पश्चचत्वारिंश्रह्मक्षणानां षड्योगे जाता एकपश्चाशत् , चतुःपश्चाशत् छेदाः पूर्व-१५ राॅशिषट्कश्रोक्तार्थत्वाद् गता यथा 👯 । अथाग्रेतनाङ्क १८ योजना यथा-अंश-च्छेदावित्यादिना । छेदविनिमये चतुःपश्चाश्चदघोऽष्टादश तथाऽष्टादशाधश्चतुः-पश्चाश्चर्, यथा (५३ | ५३) । ततोऽष्टादशगुणाश्चतःपश्चाशत् जाता द्वासप्तत्यधिका नवशती तथाऽष्टादशगुणा एकपश्चाशत् जाता नवशत्यष्टादश च । द्वितीये चतुः-पश्चाशद्भुणा अष्टाद्श जाता नवशती द्विसप्ततिश्च । तथा चतुःपश्चाशद्भुण एको जाता २० चतुःपश्चाशत् । ततः सदशच्छेदत्वात् पूर्ववत् सदशहराणां लवानां नवशताष्टाद-शानां पश्चाशद्योजने जाता नवशती द्वासप्ततिश्च । प्राग् राशिश्वतःपश्चाशचोक्तार्थ-त्वाद् गता, यथा (१७३) । सदशच्छेदांशत्वात् एषामधेत्रिमागादीनां सञ्जातद्वा-सप्तत्यधिकनवशतानां समानच्छेदैभीगे दत्ते सङ्कलिते रूपमेकं लब्धं यथा १। यदा हरो न भवति लवा एव स्युस्तदा तेषां भिन्नानां रूपखण्डानां किं कार्यमि-२५ त्याशङ्क्याह—हरविरहितेत्यादि । हरेण एकद्विभागादिना यो विरहितो राशिः सम्पूर्ण एव यथा वक्ष्यमाणोदाहरणे पड् रूपाणि तस्याध एकव्छेदकः खयं कल्पनीय इत्यर्थः।

उदाहरणं वृत्तोत्तरार्धं यथा— सार्धत्रयं षण्णवपादहीना-रूपंशान्वितात् सप्त च योजय द्राक् ॥

१ इन्द्रवज्रा ।

व्याख्या—रूपत्रयं पूर्णं चतुर्थरूपसार्धं तसाधो देयम् । पर् पूर्णानि रूपाणि, अस्याध एकः छेदकः कल्प्यः। तथा नव रूपाणि पादहीनानि-एकभागही-नानि । तथा सप्त रूपाणि त्रयंशान्वितानि-त्रिभागान्वितानि । यथा न्यासः-पर्ग(गु)णच्छेदसङ्खणः सांदाः,'' यथाऽत्र साधित्रयन्यासे छेदेन त्रिकेण गुणितो रूप- ५ गणत्रिकलक्षणो जाताः पद्, सांश अधस्तेनैकसहिताः पद् जाताः सप्त, यथा 🐉। अग्रेतनाङ्क्षेकच्छेदपद्मयोजनार्थ''मंश्रच्छेदा''वित्यादिना छेदसाद्द्रये दिदिलक्षणे ज्ञाते उपर्यंशानां (१०००) सप्त द्वादशानां योगे जाता एकोनविंशतिर्द्विच्छेदा प्राग् राशिर्निवृत्तः। द्विकाधो दिकोऽपि जातो यथा (१६) । ततोऽग्रेतनाङ्कनवपाद-हीनलक्षणयोजनायां प्राग् भागापवाहजातिः कार्यः, यथा-"भागापवाहनविधो १० हरनिग्नरूपे राञ्चेर्रुवानपनयेत्" इति वक्ष्यति 📳 । ततो हरेणात्र चतुष्केण गुणिते रूपे नवलक्षणे जाताः पद्त्रिंशत् । ततस्तसात् पद्त्रिंशद्रूपाद् राशेर्लवानपनयेत यथाऽत्रैकापनयने जाताः पश्चित्रिंशत् । एको भज्यते जाताश्रतुरुछेदाः पश्रत्रिंशत्, यथा (३५) । ततोऽंशच्छेदौ छेदनेति विधिकरणायात्र छेद्योद्धिंचतुष्करूपयोरर्थेनैकद्विलक्षणेनापवर्तं कृत्वा छेदाध १५ एको द्वौ च न्यस्यौ, यथा 👣 👣 । छेदेन दिलक्षणेन गुणितौ द्वौ जाताः चत्वारस्तथा द्विगुणैकोनविंशतिजीता अष्टत्रिंशत्, परत्र एकगुणं ताद्दये(शे?) च चतुक्छेदाः पश्चत्रिंशत्, यथा (र्वेड् रिक्) । ततः सदशहरत्वाङ्गव्याष्टत्रिंशनमध्ये पश्चित्रं शतक्षेपे जातास्त्रिसप्ततिश्रतु इछेदाः प्राग्राशिरेकलक्षणच्छेदश्च भग्नः । एतेन यत्राङ्कोऽपवर्तं सहते तत्राङ्कमपवर्त्यान्योन्यं लिखित्वा छेदाभ्यामपवर्तितच्छेदाभ्यां २० विहन्यादिति दर्शितम् । न्यासो यथा—{ 🐾 } । ततोऽग्रेतनाङ्कर्यंशान्वितसप्त-योजनार्थं भागानुबन्धजात्युक्तरूपगणेत्यादिना त्रिगुणाः सप्त जातैकविंशतिः, अंशैकक्षेपे जाता त्रिच्छेदा द्वाविंशतिः, यथा (ैंडे)। ततो इंशच्छेदावित्यादिना त्रिचतुष्कच्छेदाभ्यां मिथो गुणिते समानद्वादशकच्छेदे हरलक्षणे जाते उपरि त्रि-गुणत्रिसप्तत्या जातद्विश्वत्येकोनविंशतिरुक्षणानां रुवानां मध्ये चतुर्गुणद्वाविंशत्या २५ जाताष्ट्राञ्चीतिलवक्षेपे जाता सप्ताधिका त्रिशती, अधी द्वादशच्छेदाः, प्राग् राशि-स्त्रिकच्छेद्श्व निष्टत्तः । ततः सप्ताधि(क)त्रिशतस्याधो द्वादशभिव्छेदत्वाद् भागे लब्धं पूर्णीन पश्चविंशतिरूपाणि सप्त द्वादशभागा यथा 💱 । एवं सर्वत्र । भिन्नसङ्कलितं समाप्तम् ॥

१ चतुर्विशतितमोऽयं नियमः।

भिन्नव्यवकिलतम्---

भिन्नव्यवकिते करणसूत्रं वृत्तार्धम्— कृतसमहरराइयोरंदाविश्ठेषमाहु-व्यवकितिविधाने ज्ञातपाटीनिबन्धाः॥ ३३॥

व्याख्या—भिन्नानां—रूपखण्डानां पङ्भागादीनां व्यवकलितोपायमाह—
कृतसमेति । व्यय आयमपेक्षते, ततो राशी-आयव्ययराशी एतौ कृतसमहरौ
-विहितसमानव्छेदौ, ततो द्वन्द्वे तयोः कृतसमहरराश्योर्मध्ये य आयराशिस्तसाद्
व्ययराशिजातानामंशानां पङ्भागादिसमुत्थिताङ्कानां विश्लेषं-पातं पश्चाव्छेषमङ्कं व्यवकलितधनमाहुः । शेषं स्पष्टम् ।।

अत्रोदेशवृत्तेनोदाहरणद्वयमाह—

एकसाद् भो द्रम्मतः प्रोज्ङ्य विद्वन् ! षड्भागार्धे त्र्यंशकान् ब्रूहि शेषम् । सार्धं व्यंहिं साष्टभागं तथैकं त्यक्तवा त्र्यंशेनान्वितद्रम्मषट्कात् ॥ ३४ ॥

भ्य व्याख्या—एकसाद् द्रम्मतो-रूपकाद् द्रम्मष्ड्मागं तथा द्रम्मार्ध तथा व्यंशकं – हतीयं द्रम्मागं त्यक्त्वा शेषं ब्र्हीति एकमुदाहरणम् । अस्य न्यासः । पूर्व यसाद् व्ययः करिष्यते तद्र्षं न्यस्य पूर्णानि हरिवरिहतत्वादेकश्छेदः कल्प्यः, शेषाणां भागानां तस्य पुरो न्यासो यथा रिवरिहितत्वादेकश्छेदः कल्प्यः, शेषाणां भागानां तस्य पुरो न्यासो यथा रिवरिशेष्टे । अत्र कृतसमहर्राश्यर्थं प्रथमपद्भागस्याधस्य सद्दश्च्छेद्रताकृतये "अंशच्छेद्रो"हत्यादिप्रागुक्तच्छेदः दिविनिमयेन गुणनेन जातो हो द्वादश्चछेद्रौ उपि च हो षद् च। ततः समहर्रवाद् द्विमध्ये पर्श्वेषे जाता अष्टौ अध्य द्वादश्च च्छेदाः। प्राग् राशिषद्कश्छेदश्च भज्यते उक्तार्थत्वात्, यथा रिवर्षे । ततोऽग्रेतनाङ्के ग्र्यंश रिवर्षे योजनार्थं पुनरिष "अंशच्छेद्रो" इत्यादिना छेदविनिमयेन गुणनया जाताः समानाः, उभयत्र पर्शिं श्र रवाद्वपरि चतुर्विशत्यंशानां मध्ये द्वादशसंयोगे जाताः षद्शिंशत्, अधोऽपि पर्शिंशत्। एष व्ययाङ्कराशिः संयोजितः प्राग् राशिर्याद(दृश्र)शलक्षणच्छेदश्च भज्यते, यथा रिवर्षे । तत आयराशेः समहरत्वकृते पुनरिष "अंशच्छेद्रो" इत्यादिना छेद-विनिमये गुणनया यथा रिवर्षे । अत्र द्वावप्यायराशी समानप्रशिशच्छेदौ

१ मालिनी। र शालिनी।

उपरि षद्त्रिंशदंशौ २ जातौ। ततोऽंश[त्रि]षद्त्रिंशदूपस्य षद्त्रिंशदूपभागापन-यने शेषं शून्यमेव लब्धम्, यथा {०}॥

अथ द्वितीयोदाहरणम्चराधेनाह—साधिमित्यादि । अत्रायराशि विन्यस्य तत्पुरो व्ययराशिं न्यसेदिति रीतिः। ततः त्र्यंशान्वितद्रम्मषद्कात् सार्धं रूपं व्यंहिं-विगतैकभागं रूपं तथा साष्टभागमेकं रूपं त्यक्त्वा यत् तस्य शेषं ५ तद् व्यवकलितधनं ब्रुहि-वदेति सम्बन्धः । न्यासो यथा 📢 📲 🖔 🕽 । अत्र प्राच्याङ्क आयराज्ञिः, शेषो व्ययराज्ञिः। ततो द्वौ समहारौ कृत्वा आयाङ्कतो व्ययराशेरंशभूतस्य विश्लेषं कुर्यादिति सत्रार्थः । कृते पूर्वं व्ययस्य राशेः सम-हरविधानाय सार्धेकरूपे "छेदनिन्नेषु रूपेषु रूपं क्षिपेत" इति वश्यमाणभागानु-बन्धयुत्तया द्विगुण एको जातौ द्वौ, अधोऽध एकक्षेपे जातास्त्रयो द्विच्छेदाः, १० अग्रेतना व्यंहि एकरूपे ''भागापवाहनविधौ हरनिप्तरूपे राशेर्लवानपनयेत्'' इति युक्तया चतुर्गुण एको जाताश्रत्वारः, एकापनयने जातास्रयः चतुरुछेदाः । ततः "अंशच्छेदी" इत्यादिना छेदविनिमये गुणने च जातौ समानावष्टच्छेदौ, उपरि च सदृशच्छेदत्वात् द्वादशानां मध्ये पट्क्षेपे जाता अष्टादश अष्ट-च्छेदाः प्राग्राञ्चिद्धिकच्छेदेश्च भञ्जनीयो यथा { १६} । ततोऽप्रेतनाङ्कसाष्ट- १५ भागैकरूपे 📢 छेदनिन्नेषु रूपेषु रूपक्षेपे छेदा लब्धं च प्राग् द्वौ तद्धस्त्रयी-विंशतिस्तद्धश्रतुर्विंशतिन्यसनीया यथा न्यासः (कुर्हे)। एतेन यथा व्ययराशे-रंशरूपसाधवछेदा भवन्ति । यथा एकाशीत्यधी द्वादशच्छेदास्तदा आयराशेर्द्धि-पश्चाशद्धि(क)शतप्रभृतेरंशानामेकाशीतिप्रभृतीनां प्राग् विश्लेषं कृत्वा शेषसा-यराशेक्छेदैद्वीदशप्रभृतिभिभीगे यल्लब्धं झादि तदुपरि शेषांशी त्रयोविंशति-२० चतुर्विंशतिप्रभृतिको तद्र्धं इति तत्त्वम् । व्यवहारे तु व्यंशान्वितद्रममपद्कात् सार्धेकरूपादौ व्ययिते व्ययशेषद्रम्मद्वयं तृतीयश्रैकभागौ(?)नतः। एवं सर्वत्र। भिन्नव्यवकलितं समाप्तम् ॥

भिन्नप्रत्युत्पन्नम्-

भिन्नप्रत्युत्पन्ने करणस्त्रं वृत्तार्धमाह— २५ गुणनाफलं भवति भागवधे, हरताडनेन च हृते नियतम्।' व्याख्या-उपर्यङ्का अत्र भागा अधोऽङ्का हरा उच्यन्ते । ततो भागद्वयाङ्के भागैर्भागानां वधे-गुणने गुणनिष्पनाङ्कं अधोऽङ्कं हरेण द्वितीयस्य हरा-

१ प्रमिताक्षरा ।

4

ङ्कस्य ताडनेन-गुणितनिष्पन्नाङ्केन कृ(ह)ते-दत्ते भागे लब्धं तद् गुणनाफलं स्यादिति क्रिया ॥

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणद्वयमाह—

सदलित्रतयं गुणितं सुमते! त्रिलवेन युतैर्नविभः कथय। गणितं यदि वेत्सि तदा चरणो दलसङ्गणितश्च भवेन्ननु किम्?॥

च्याख्या—सदलेति सार्धत्रितयमध्युष्टलक्षणं त्रिलवेन-त्रिभागेन युतैनेविभगुणितं किं भवेदिति प्रश्नः। स प्रपञ्चियिष्यते। यथा न्यासः { र्वे कि । सर्वत्राङ्क१० विधी भागानुबन्धेष्वङ्के प्राग्भागानुबन्धजातिविधि विधायान्यो विधिरेवं भागापवाहसंयतेष्वङ्के तदुक्तविधि कृत्वाऽन्यो विधिः कार्य इति हृदयम्। यथाऽत्र
भागानुबन्धत्वात् ''छेदनिष्ठेषु रूपेषु भागं क्षिपेत्'' इति युक्तया प्रागङ्के द्विगुणास्त्रयो
जाताः षद्, सैका जाताः सप्त द्विच्छेदाः। तथा परत्र त्रिगुणा नव जाताः
सप्तविद्यातिः, सैका अष्टाविद्यातिस्वच्छेदाः। तथा परत्र त्रिगुणा नव जाताः
सप्तविद्यातिः, सैका अष्टाविद्यातिस्वच्छेदाः। ततोऽत्र सत्रोक्तभागवधे इति भागैः
१५ सप्तिभिर्गुणिता अष्टाविद्यातिर्जाताः पण्णवत्यि(क)श्चतम्।तस्मिन् हरताडनेति हरेण
द्विलक्षणेतरस्य त्रिरूपस्य ताडनम्, जाताः षद्, तेन प्राक् पण्णवत्यि(क)शते
कृ(ह)ते लब्धं द्वात्रिंशत् अर्धेन चतुर्णां पण्णां चापवर्तने द्वौ त्रयः क्रमादधोऽधो
लेख्याः। यथाक्रमं न्यासः { वैद्वे । व्यवहारेण त्रिभागोनास्त्रयस्त्रिंशत् ।।

अथ द्वितीयोदाहरणं यथा—चरणो दलेति । चरणो—रूपस्य चतुर्थो भागो २० दलेन—रूपार्थेन सङ्गुणितः किं भवेदिति । न्यासो यथा—{११ } । यदोपरि रूपाणि स्युस्तदा भागानुबन्धजातिः । अत्र तु द्वयेऽपि भागा इति कृत्वा भागजातिरियम् । ततोऽत्र भागानुबन्धोक्तविधिर्निह । ततो भागवधे भागेनैकेन भागस्यैकस्य वधे—गुणने एक एव । तत्र हरताडेति हरेण चतुष्केण द्विकस्य ताडनम्, जाता अष्टो । अनेनोपरिस्थितैकत्वाद् भागं हर्तुं न शक्यत इति यथा-२५ स्थित्योपर्येकस्तदधोऽंशहरयोरुपर्यशरूपस्थाधो हररूपस्य चाष्टो स्थाप्या यथालब्धं न्यासः {१ । व्यवहारेण द्रम्मैकाष्टभागः सार्धलोष्टिकद्वयरूपो जातः । एवं सर्वत्र । भिन्नप्रत्युत्पन्नः समाप्तः ।।

१ तोटकम्।

भिन्नभागहारः-

भिन्नभागा(ग)हारे करणसूत्रं वृत्तमाह---

कृत्वा परीवर्तनमंद्राहारयो-हरस्य तद्रत् कुलिशापवर्तनम्। हरांशयोः सङ्गुणनाभवो विधि-स्ततो विधेयो नियतं जिहीर्षता॥

व्याख्या—जिही पता-भागहारविधि विधित्सता । कृत्वेत्यादि अंशहारौ द्वावप्यङ्को स्तः, परं तयोरंशहारयोरङ्कयोर्भध्ये अग्रेतनो हरो वाच्यः । ततस्तस्य हरस्रोपयशहारयोरुपर्यशरूपसाधो हाररूपस्य चापवर्तनं कृत्वा पूर्वे यथाप्राप्तं भागानुबन्धादिविधि कृत्वा द्वितीयाङ्कस्थाने उपर्यङ्कोऽधो न्यस्यः, अधोऽङ्कश्चो-१० परि स्थाप्यः । ततः पक्षद्वयेनाङ्कचतुष्टयस्य कुलिशतां—वज्रतां प्राप्तस्य यदि प्राच्यः परो वाऽङ्कोऽपवर्तनमधीदिच्छेदं सहते तदा तद्वत् कुलिशापवर्तनं कृत्वा सङ्गुणनेति पूर्ववद् भागवधे—हरताडनेन हते भार(ग)हारफललब्धये नियतं— निश्चितं विधेयमिति सण्टङ्कः ॥

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणचतुष्कमाह---

दश सचरणा भक्ताः षड्भिस्त्रिभागसमन्विते-र्गणक ! विधिवत् सार्धाशीतिः शरैस्त्रिलवोनितेः। दलमपि हृतं षड्भागेन त्रिभिश्ररणो हृतो भवति किमिति बृहि क्षिप्रं हरो विदितो यदि॥

व्याख्या—हे गणक! यदि हरो-भागहारविधिर्विदितस्तदा क्षिप्रं ब्र्हि। २० दश सचरणाः-सचतुर्भागा दश त्रिभागसमिन्वतैः पड्मिर्भक्ताः किं भवेदिति। प्रथमोदाहरणं न्यासो यथा रिक्षेष्ठे । अत्र भागानुबन्धजातौ "छेदिनिन्नेषु रूपेषु रूपं क्षिपेत्" इत्यादिना प्रागङ्के चतुर्गुणा दश चत्वारिंशत् रूपक्षेपे एकचत्वारिंशत् चतुरुछेदाः, परत्र त्रिगुणाः पद अष्टादश रूपए(पै?)कक्षेपे जाता एकोनविंशतिस्वि-छेदाः, पथा रिक्षेष्ठे । ततोऽपरः सवर्णितो हरो वाच्यस्ततस्तदस्य हरस्यांशहा-१५ रयोः परीवर्तनं कृत्वा-विपर्ययमेकोनविंशतिमधो नीत्वा त्रींश्रोपरि कृत्वा, यथा रिक्षेष्ठे । ततोऽपरा सवर्णितो हरो वाच्यस्ततस्तदस्य हरस्यांशहा-१५ रयोः परीवर्तनं कृत्वा-विपर्ययमेकोनविंशतिमधो नीत्वा त्रींश्रोपरि कृत्वा, यथा रिक्षेष्ठे । ततोऽपरा सवर्णितो एवाङ्काः। अथ प्रागिव भागवधे त्रिगुणा एकचत्वारिंशत् जातं त्रयोविंशत्यि(क)शतं १२३। तत्र हरताडेति

१ इन्द्रवंशा (१)। २ हरिणी।

एकोनविंशत्या हरलक्षणया चतुष्कस्य हरस्य ताडनम्, जाताः षट्सप्ततिः । अनया त्रयोविंशत्यि (क)शतैकाङ्के हते लब्धं रूपमेकं सप्तचत्वारिंशत् षट्सप्ततिच्छेदाः, यथा रिक्ष्ट्रे ।

अथ दितीयोदाहरणमाह—विधिवत् सार्धाशीतिः शरैस्तिलवोनितैः स्पष्टम् ।
'न्यासः $\{ \hat{j}_{2}^{i} | \hat{j}_{3}^{i} \}$ । अत्र प्रथमाङ्के भागानुबन्धत्वात् छेदनिन्नेत्यादिना द्विगुणाऽशीतिः सषष्टिश्चतं सैकं जातं सैकषष्टिश्चतं द्विच्छेदम्, यथा $\{ \hat{j}_{2}^{i} \}$ । परत्र भागापवाहत्वाद् ''भागापवाहनविधो हरनिन्नरूपे''त्यादिना त्रिगुणाः पश्च जाताः
पश्चदश्, एकापनयने १४ त्रिच्छेदा यथा $\{ \hat{j}_{2}^{i} \}$ । अस्य हरवाच्यस्य हैरराश्चयोः
परिवृत्तो जाता उपि त्रयोऽधश्चतुर्दश्, यथा $\{ \hat{j}_{2}^{i} \}$ । ततो भागवधे त्रिभिरेक' षष्टिशतस्य वधे जातस्यशीत्यधि(क)त्रि(चतुः)शते । हरताडेति चतुर्दशगुणौ द्वौ
जाता अष्टाविश्चतिः । तथा प्राक्तनाङ्के हते लब्धं सप्तदश्, तस्याधोऽपवर्तने सप्तानां
सप्तभागे एकस्तस्याधः अष्टाविश्चतेः सप्तभागे चत्वारः, यथा $\{ \hat{j}_{2}^{i} \}$ ।

तृतीयोदाहरणमाह—दलमपि हृतं षड्भागेन स्पष्टं (१)१)। अत्राग्रेतनाङ्कस्य रूपषड्भागस्य हरवाच्यस्य हरांशयोः परिवृत्ती उपिर षद् अध एकः। ततो १५भागवधे षड्गुण एको जाताः षद्। अस्य हरताडेति एकगुणौ द्वौ। द्वावेव ताभ्यां भागे लब्धं रूपाणि त्रीणि (१)।

अथ चतुर्थमुदाहरणमाह-त्रिभिश्वरणो हृतो भवति । व्याख्या । रूपैस्निभि-श्वरणो रूपं चतुर्थो भागो हृतः किं भवेत् । न्यासः {१/३} । अत्राग्रेतनाङ्कस्य त्रि-एकरूपस्य हरस्य हरांश्चविपर्यये उपिर एकः अधस्तयः । ततो भागवधे २० एकगुणं एक एव । हरताडेति त्रिगुणाश्चत्वारो जाता द्वादश । लब्धमप्येतदेव । रूपस्य द्वादश भागाः, यथा {१०} । एवं भिन्नभागा(ग)हारः समाप्तः ॥

भिन्नवर्गः-

अथ भिन्नवर्गे करणस्त्रं वृत्तार्धमाह—

हरराशिवर्गविह्नतां इंशकृतिः कियते विभिन्नकृतये कृतिभिः ३८ ध

भ व्याख्या—कृतिभिरंशानां स्थानद्वयेऽप्युपर्यङ्कानां भागानुबन्धादिना समान-रूपाणां कृतिः सदशद्विराशिघातलक्षणा सा हरराशिः स्थानद्वयेऽप्यधोऽङ्को हरस्तस्य वर्गः सदशद्विराशिघातरूपस्तेन विहृता-दत्तभागा विभिन्नकृतये— भिन्नवर्गानयनाय क्रियत इति सम्बन्धः ॥

१ 'हरांशयोः' इति प्रतिभाति । २ प्रमिताक्षरा ।

वृत्ते उदाहरणचतुष्टयमाह-

पादोनानां पश्चानां द्राक्, भो(सार्घा ?)ऽष्टानां वर्गं ब्र्हि । विद्वन् ! पाटीं चेज्ञानासि, त्रिद्वांशाङ्कस्यापि क्षिप्रम् ॥ ३९ ॥

दितीयोदाहरणमाह—सार्धाष्टित । न्यासः { र् रे रे भागानुबन्धत्वात् छेद-निभेत्यादिना स्थानद्वयेऽपि द्विगुणा अष्टौ जाताः सप्तद्वशाः। एषां कृतिः सप्तद्वाभिः सप्तद्वगुणनात् एकोननवत्यधि(क)द्विश्वती । हरराशिश्व द्वौ, तस्य वर्गो द्विकेनाहतत्वाचतुष्कलक्षणस्तेन हता । इदं तत्त्वम् । चतुष्केणैकोननवत्य-१५ धि(क)द्विश्वती तस्य च चतुर्थो भागो यथा (१३) ।

तृतीयचतुर्थे एकपदेनाह—त्रिझंशाङ्कस्थेति । तृतीयोदाहरणन्यासः { १ | १ | ३ | १ अत्र भागजातिरेव, ततः अंशकृतिरेकगुण एक एव । वर्गहरराशिस्त्रिलक्षणः, तस्य वर्गस्त्रिगुणत्वास्त्रव, तेन विहृतौ लब्धं रूपस्य नवमो भागो यथा { १ } ।

अथ चतुर्थोदाहरणन्यासः { १ १ १ १ । अत्रापि भागजातित्वादंशकृतिरेक एव । २० हरराञ्चीति हरराशिर्द्धिलक्षणः, तस्य वर्गो द्विहतत्वात् चतुष्कः, तेन विकृ(हृ?)त्वा लब्धं भिन्नवर्गे रूपस्य चतुर्थो भागो यथा { १ १ । एवं भिन्नवर्गः समाप्तः ॥ भिन्नवर्गमुलम्—

भिनवर्गमूले करणसूत्रं वृत्तार्धमाह-

छिद्रगैमूलेन हतेंऽशवर्ग-मूले विभिन्नं कृतिमूलमाहुः।

व्याख्या—छेदनं छित्-अधोऽङ्कराशिः तस्य वर्गः समद्विराशिघातस्तस्य यन्मूलं-बीजं तेन हते-विभाजितेऽंशवर्गमूले—उपर्यङ्कवर्गमूले विभिन्नं कृत(ति)-मूलं-भिन्नवर्गमूलमाहुः, बुधा इति शेषः।

१ विद्युन्माला । २ 'एकषष्ट्यधिकत्रिशतीरूपा' इति भाति । ३ इन्द्रवज्रा ।

अत्रोदेशकः श्लोकः—

प्राक् प्राप्तकृतिमूलानि, प्रचक्ष्वाद्यु विचक्षणः (१ण!)। भिन्नानि परिकर्माणि, भवता विद्तानि चेत्॥

व्याख्या—प्राग् भिन्नवर्गस्त्रे प्राकृम(प्तकृः)तिलब्धाः पादोनपश्चकादीनां याः

फृतयो-वर्गा द्वाविंशतिनवषोडशच्छेदप्रभृतयस्तेषां मूलानि पादोनपश्चप्रभृतीनि
शिष्यप्रत्ययनिमित्तं प्रचक्ष्वेति सण्डङ्गः । शेषं स्पष्टम् । अत्र प्रथमोदाहरणं यथा

{़ैं। भागानुबन्धत्वात् छेदनिन्नेत्यादिना षोडश्गुणा द्वाविंशतिर्जाता द्विपश्चाश्चदिध(क)त्रिशती नवरूपयुता सैकषष्टित्रिशती षोडशच्छेदा । तदस्य सवर्णितांशवर्गस्य अंशवर्गमूलं इति स्त्रोत्त्या मृलानयनाय समिवषमेत्यादिना पूर्वीक्तप्रक्रियया यथालब्धं रूपमेकोनित्रंशत् । अस्यां द्विगुणार्धेन जाता एकोनिवंश्वतिः । इयमंशवर्गमूलम् । तस्मिन् छिद्वर्गमूलेति । अत्र छित् छेदं षोडशकसस्य
मूलं चत्वारस्तैर्हते । अयमर्थः-एकोनिवंशतेश्वतिभिर्मागे लब्धं चत्वारः शेषाङ्कश्च
चतुश्छेदास्त्रयस्त्रछ्वधमुपरि चत्वारस्तस्याधस्त्रयस्तद्धश्चत्वारो यथा (
हु) । एते
पादोनपश्चभिन्नवर्गमूलं जातं परमायाति चत्वारि रूपाणि चतुस्त्रिभागाधिकानि
भव्यवहारे पादोनपश्च उच्यन्ते । एवं सर्वत्र ॥

दितीया रीतिरनुक्ताऽप्यत्र दर्श्यते यथा-द्वाविश्वित्तविश्वचिद्वद्वेद्वस्यांश्वनिभागानुबन्धरीत्या सवर्णितस्य जातमेकषष्टित्रिश्वतरूपस्य पोडशच्छेदस्यांशवर्ग-रूपस्य एतद्वर्गमूलेन पादोनपञ्चकलक्षणेन हते यथा रिक्रे । भागापवाहरीत्या जाता एकोनविश्वतिश्रतुक्छेदा यथा रिक्रे । ततः "कृत्वा परीवर्तनमंश"मित्या-र दिना विपर्ययं कृत्वा यथा रिक्रे । तत एकत्र सैकषष्टित्रिश्वती पोडशच्छेदा, परत्र एकोनविश्वतिच्छेदा यथा रिक्रे । (चतु)णीमङ्कानामपवृत्तिसहत्वादपवर्तनं यथा चतुर्णी चतुर्भागे जात एकः । पोडशानां चतुर्भागे जाताश्वत्वारः । सैकष्टित्रिश्वतस्य शति(१)तमे भागे जाता एकोनविश्वतिः, तथा एकोनविश्वतिरेकोनविश्वतिस्य शति(१)तमे भागे जाता एकोनविश्वतिः, तथा एकोनविश्वतिरेकोनविश्वतिस्य ग्राणिते ग्राणको यातीति न्यायादेकको गतौ । चतुर्भिरेकोनविश्वतिश्वत्वारश्च ग्राणिते ग्राणको यातीति न्यायादेकको गतौ । चतुर्भिरेकोनविश्वतिश्वत्वारश्च ग्राणिते ग्राणको यातीति न्यायादेकको गतौ । चतुर्भिरेकोनविश्वतिर्भागे दत्ते लब्धं चत्वारः, शेषं च चतुक्छेदास्त्रयो यथा रिक्रे । एतेन वर्गवद् भिन्नवर्गेऽपि भिन्नवर्गमूलेन हते भिन्नवर्गमूलमायाति । प्रसिद्धं चैतद् येनाङ्केन गुण्यते तेनैव हियते तदा स एव लभ्यत इति स्थितम् । एवं सर्वत्र क्षेत्रम् ॥

१ अनुष्टुष् । २ प्रेक्ष्यतामेकविंशं पृष्ठम् ।

अथ दितीयोदाहरणन्यासः { ँ रे रे । भागानुबन्धत्वात् छेदनिमेत्यादिना यथा चतुर्गुणा द्वासप्तिर्जाता अष्टाशित्यधि(क)दिश्वती सैका एकोननवतिदिश्वती । अस्याश्र समविषमेत्यादिप्रिक्रियया लब्धं पूर्वं सप्तिविश्वतिर्द्धिनिमेऽर्धित इति रीत्या जाताः सप्तदश । एति सन्धंशवर्गमूले सप्तदशके छिद्वर्गमूलेति छिद्वर्गश्रतुष्कस्तस्य मूलं द्वौ, ताभ्यां हते । अयमर्थः –द्वाभ्यां सप्तदशकस्य भागे लब्धं ८ अष्टौ, शेषं ५ दिच्छेद एको लब्धा चाष्टानुपरि योज्या यथा (द्वे) ।

तृतीयोदाहरणन्यासः { ३ }। अंशवर्गमूले एकस्य एकस्मिनेव स्थिते छिद्रर्गमूलेति छिद्रर्गो नवकस्तस्य मूलं त्रयः, तैर्हते लब्धं रूपस्य तृतीयो भागो यथा { ३ } ।

चतुर्थोदाहरणं(ण)न्यासः { १ } । अत्राप्यंशवर्गमूल इति पूर्ववदेक एव वर्गमूलम् । तत्र छिद्वर्गमूलेति छिद्वर्गः चतुष्कस्तस्य मूलं द्वौ, ताभ्यां हते १० तदेव लब्धं यथा { १ } । एवं भिन्नवर्गमूलम् ॥

अथ मिन्नघने करणसूत्रं वृत्तार्धमाह---

छिदो घनेनांदाघने विभक्ते, भिन्नं घनं गाणितिका वदन्ति ॥४१॥ व्याख्या — अधस्तनाङ्किव्छत् तस्य घनेन सद्याङ्कित्राशिघातलक्षणेन उप-र्यङ्कांशस्तस्य घने सद्द्यत्रिराशिघातलक्षणे विभक्ते दशभागे भिन्नं घनं गाणि- १५ तिका-गणितचारिणो वदन्तीति सण्टङ्कः ।

अत्रोदेशकवृत्ते एकं भागानुबन्धजात्याश्रयं द्वितीयं भागापवाहजात्याश्रयं तथा भागजात्याश्रयं द्याद्यपेक्षमुदाहरणद्वयमाह—

घनं नवानां चरणाधिकानां षण्णां तथा त्र्यंशिविवर्जितानाम्। आचक्ष्व विद्वन् ! यदि वेत्सि पाटीं षडंशकस्य त्रिलवस्य चैवम् ॥ ४२ ॥

स्पष्टम् । प्रथमोदाहरणस्य न्यासः $\left\{\frac{5}{9}\right\}$ । अत्र भागानुबन्धत्वात् छेदनिन्ने त्यादिना सवर्णिते जाताः सप्तत्रिंशचतुरुछेदाः । अयमङ्कः स्थानत्रये विलिख्य यथा $\left\{\frac{3}{9}\right\}^3 \frac{9}{9}$ मिथो घाते यथा सप्तत्रिंशत् सप्तत्रिंशता गुणिता जाता एकोन-२५ सप्तत्यिध(क)त्रयोदशक्ती १३६९। इयमपि सप्तत्रिंशता गुणिता जाताः पश्चाशत् सहस्राः षट्शती त्रिपश्चाशच, यथा ५०६५३ । अयं राशिरंशघनस्तस्मिनंशघने छिदो घनेनेति छित् चतुष्कस्तस्य घनो यथा त्रयाणां चतुर्णां मिथो घाते जाता चतुःषष्टिरनेन विभक्ते च्छाया (त्वय?)मर्थः पश्चाशत् सहस्रेत्यादि । प्रागंश-

१-२ उपजातिः। ४ गणितः

घनराशेश्रतुःष्ट्यां छेदघनेन भागे लब्धं सप्तश्चत्येकाधि(क)नवतिरेकोनत्रिश्च-तुष्पष्टिच्छेदा, यथा { ँैहै ।

तृतीयोदाहरणमाह-पर्डशकस्येति । न्यासो यथा {१} । अत्रांशघन एक एव । तत्रैकलक्षणांशघने छिदो घनेनेति छिदः पद्गरूपस सदशत्रिराशिघातात् पोडशाघि(क)द्विशतरूपो घनस्तेन हते भाज्याभावात् तदेव लब्धं एकोऽंशः २० षोडशाधि(क)द्विच्छेदकः, यथा {३३६}।

चतुर्थोदाहरणमाह-त्रिलवस्य चैवम् । न्यासः { } । अत्राप्येकलक्षण एवां-श्चानं छिदो घनेनेति छिदिस्तिकस्य घनेन सद्दशत्रिराशिघातात् सप्तविंशतिलक्ष-णेन विभक्ते उपरिभावादेतदेव लब्धं एकः सप्तविंशतिच्छेदः, यथा { २० } । एवं भिन्नघनः समाप्तः ॥

भिन्नघनमूलम्-

अथ भिन्नधने करणसूत्रं वृत्तार्धमाह—

लवघनमूले हरपद्भक्ते । गणितविधिज्ञा घनपदमाहुः ॥ ४३॥ व्याख्या – प्राग् लब्धिमन्नघनरूपाणामेकाधिकनवतिसप्तशती पद्विंशति-सप्तविंशतिच्छेदरूपप्रभृतीनां मध्ये ये उपर्यङ्कास्ते लवघनास्तेषां भागानुबन्धा-

१ शशिवदना । एतल्रक्षणम्-"शशिवदना न्यौ" ।

ų

दिना सवर्णितए(१ तै)काधि(क)नवतिसप्तशतादीनां यन्मूलं घनपदमघनपदेत्या-दिना यल्लब्धमङ्कपदं तत्र घनलवमूले हरः अधस्तनोऽङ्कश्रतुःषष्टिप्रभृतिस्तस्य पदं – मूलं चतुष्कादि तेन भक्ते हरपदविभक्ते गणितविधिज्ञा घनपदं –भिन्नघन-मूलमाहुरिति सण्टङ्कः ।

अत्रोद्देशकश्लोकः---

प्राचीनघनराद्गीनां, ब्र्हि मित्र! पदानि मे । घनमूलविधाने च, प्रभूता यदि ते मितः ॥ ४४ ॥ (व्याख्या-) प्राचीनघनराज्ञीनां प्रागुक्त एकनवत्यधि(क)सप्तज्ञतादिराज्ञीनां पदानि-मूलानि चरणाधिनवप्रभृतीनि ब्रहीति सम्बन्धः । शेषं स्पष्टम् ।

प्रथमोदाहरणम् । न्यासः { "हैं है } । अत्र भागानुबन्धत्वात् छेदनिष्ठे त्यादिना १० चतुःषछ्या उपर्यङ्को गुणितो जातः सहस्राः पश्चाश्चत् पट्शती चतुर्विशतिश्च । एकोनत्रिंशतक्षेपे जाता पर्यन्तत्रिपश्चाशत्, यथा ५०६५३। अस्य लवधनस्य सर्वार्णेतस्य मृलानयनाय घनोऽघनद्वन्द्वेत्यादिना पश्चाशत्सत्कशून्याधःपर्यन्त-घनपद्म, ततो यसाङ्कस्योपरि घनो याति तमधः कृत्वा घनमपनयेत, यथा-५०६५३ त्रिकघनं सप्तविंकतिः, पञ्चाक्षन्मध्याद्पनीतायां शेषं स्थिता त्रयोविं- १५ श्रतिः । ततस्त्रिकं मूलसञ्ज्ञं त्रिपश्चाशत्सत्कपश्चकाधो नयेत् , यथा 👫 💱 📜 । ततोऽस्य कृतिनेव त्रिष्ठी जाता सप्तविंशतिस्तया त्रिकात पूर्वन्यस्तया शेषमञ्जराशि हरेत्, यथा {ै३५३} । ततः सप्तविंशत्यधः सप्तकेन भागे गतमेकोननवति-शतम्, स्थितं शेषं पश्चचत्वारिंशत् । उक्तार्थत्वाच सप्तविंशतिर्भज्यते (४०५३) । लब्धं च सप्तकं पङ्कचां त्रिकाग्रतो नियोज्य यथा (१०५३) । ततोऽन्यतत्कृतिमि-२० त्यादि तस्य सप्तकस्य कृतिरेकोनपश्चाशृङ्खणो वर्गः, तमन्त्यत्रिकेण हत्वा जातः सप्तचत्वारिंशद्धि(क)त्रिशती, यथा { ँ 💃 🖁 । घनं चेति आदेः सप्तकस्य घनं त्रि-चत्वारिंशद्धि(क)त्रिशतीमपनयेत् । त्रिर्गमयेत् । लब्धं सप्तत्रिंशत्। एतत्सप्तशत-प्रभृतितद्धः सप्तविंशतिच्छेदा घनमूलम् । तत्र लवघनमूले हरपदेति हरश्रतुःष-ष्टिस्तस्य मूलं चतुष्कं तेन भक्ते। अयमर्थः-सप्तत्रिंशतश्रतुष्केण भागे लब्धं नव ९ २५ द्योषे चैकश्रेतुद्रछेदः, लब्धं चोपरि नियोज्यमिति सर्वत्र ज्ञेयम्, यथा 👸 ।

दितीयोदाहरणम् । न्यासः { ंद्रै } । भागानुबन्धत्वात् छेदनिष्ठेत्यादिना सप्त-विश्वत्या एकाशीत्यधि(कं) एकं शतं गुणितं जाताः सहस्राश्चत्वारोऽष्टशती सप्ता-शीतिश्च । ततः पिङ्गित्रसेपे जाता चतुःसहस्री नवशती त्रयोदश । तदधः सप्तविश्वतिच्छेदा यथा { * ँ रै है } । अस्य लवधनस्य ज्यंशवर्जितपद्लक्षणमूलान- ३०

१ अनुषुप्।

यनाय स्त्रेऽनुक्ताऽप्यन्या प्रक्रिया दर्श्यते । यथा-च्यंशविवार्जिताः षट् मण्ड-नीया यथा र्रे र्रे । अयं च भिन्नघनमूलराशिर्मागापवाहजातित्वात् हरनिघेत्या-दिना त्रिगुणाः पर् जाता अष्टादश, एकापनयने सप्तदश त्रिच्छेदाः, यथा { ' है } । ततः सप्तदशभिः सप्तदशगुणने जातो वर्ग एकोननवत्यधि(क)द्विशती। त्रिगुणाश्र ५त्रयो नव यथा (क्षेट्रे) । ततो भागहारोक्त 'कृत्वा परीवर्तन' मित्यादिना हर-स्यास्य भागदायिनोऽङ्कस्य परीवर्तनं कृत्वा यथा एकोननवत्यधि(क)द्विशती अधो नव चोपरि यथा { २३२} । तत एकपक्षे चतुःसहस्री नवशती त्रयोदश सप्तविंशतिच्छेदा यथा (४९३३), एकत एकोननवत्यिध(क)द्विशती उपरिखन-वाङ्का यथा { २६० } । एते चत्वारोऽप्यङ्का अपवृत्तिसहाः । अपवृत्तिश्च द्वयोरङ्कयो-१० रेव साद्द्रयेनैकेनाङ्केन कार्या । ततश्रतुःसहस्रप्रभृत्यङ्कस्य एकोननवत्यधि(क)-द्विश्रत्या अपवर्तिते जाताः सप्तद्श । तथा एकोननवत्यधि(क)द्विश्रत्या आत्म-नैवापवर्तने जात एककः । तथा नवानां नवमभागे एकः । तथा सप्तविंशतेर्नव-भागापवर्तने जातास्त्रयो यथा (१९०१) । तत एकगुणनाय भाज्यो हरश्च स एव । ततः सप्तद्शानां त्रिभिर्भागे लब्धं पश्चकम् , शेषं द्वौ त्रिच्छेदौ, यथा 📳 । १५ अत्र च कुलिशापवर्तनं दर्शितं वामदक्षिणाङ्कापवर्तनात्। अनपवर्तितेन च यथा-एकतश्रतःसहस्री नवशती त्रयोदश सप्तविंशतिच्छेदा । ततः 'कृत्वा परीवर्ते'-त्यादिनोपरि नव, अध एकोननवतिः द्विश्वती । ततो नवभिर्गुणितश्रतुःसहस्रादि-रङ्को जातः, यथा ४४२१७ चतुश्रत्वारिंशत् सहस्रा द्वे शते सप्तदश च। गुणकनवको गतः। तथा सप्तविंशतिगुणा एकोननवतिद्विशती जाताः सहस्राः सप्ताष्टशती ज्य-२० धिका, यथा ७८०३ । गुणकसप्तविंशतिर्गता, ततः सप्तसहस्रादिना चतुश्रत्वारिंश-दादेभागे लब्धं पश्च शेषाङ्कसहस्राः पश्च द्वे शते द्यधिके, यथा 👯 👯 🕽 । तत उपर्यङ्कस्य द्विसहस्रपट्शतैककेनापवर्तने जाता २ अनेनैना(व १) द्विसहस्रादिना २६०१ अधस्तनाङ्कस्थापवर्तने जातास्त्रयस्ततो लब्धस्योपरि न्यासः, यथा 📳 । एतेन घनवद् भिन्नघनसापि मूलं ज्ञात्वा तद्वर्गेण भिन्नघनाङ्कस्य भागे भिन्न-२५ घनमूलमायातीति स्थितम् ।

अथ तृतीयोदाहरणन्यासः { दे हे । अत्र लवधन एकः । एतस्य मूलम-प्येकः ग्रून्यपदिवकारितादेकस्मिन् लवधनमूले हरपदेति हरः पोडशाधि(क)द्वि-श्रुती, तन्मूलं पद, तेन विभक्ते भाज्याभावादेतदेव लब्धम्, यथा { हे ।

भाविनीति कृत्वा तिष्ठज्ञा (१) पूर्व तान्युक्त्वा भिन्नसङ्कलितादीन्युक्तवान् । अत्र तु सङ्कलितादिप्रस्तावात् भिन्नसङ्कलितादीनि म्रक्तवानिति सर्वं मुस्यम् ।। शून्यस्वरूपम्—

अथाङ्कसहचारिणः शून्यस्य स्वरूपिज्ञासोः प्रश्नमाशङ्क्य शून्यव्याप्तिमाह— योगे शून्यं भवति सहशं क्षेपकस्याविकारी राशिः शून्यापगममिलने शून्यघाते च शून्यम् । व्योक्षा भक्ते भवति गगनं व्योक्षि भक्ते च शून्यं वर्गे व्योक्षो वियदिति भवेदन्तरिक्षं घनश्च ॥ ४५ ॥

व्याख्या-क्षेपकस्य पश्चकादेयोंगे ग्रून्यं सदशं पश्चकाद्येव भवति । तथा ग्रून्यस्थापगमे दशकादेर्मध्यात् ग्रून्याकर्षणे तथा ग्रून्यस्य मिलने-मध्ये ग्रून्य-१० क्षेपे । तथा लीलावत्यभिप्रायमामृश्य व्याख्याने अपगमो भागदायी राशिर्मिलनशब्देनोपचयहेतुत्वात् तद्गुणकः । ततो यदा ग्रून्यस्य भागदायिता गुणकता च स्यात् । अयमर्थः-यस्याङ्कस्य गुणनं भागश्च उपर्यधः ग्रून्यं न स्यात् । एवं त्रिधाऽपि राशिरविकारी स्यात् । तथा ग्रून्यापगममिलनकथनेन ग्रून्यव्यवकलित-सङ्कलिते प्रदिष्टे । यतः ग्रून्यव्यये सङ्कलिते वाऽविकृत एव राशिस्तथा ग्रून्य-१५ याते ग्रून्येन घाते—गुणने पश्चप्रभृतिरङ्कः ग्रून्यं स्यादिति । एतेनाङ्कवत् खेनचेत् ग्रून्यं गुण्यते तथापि खमेव । व्योम्ना—ग्रून्येन भक्ते अङ्केन सर्वोऽपि याति । तथा व्योम्नि ग्रून्ये व्योम्ना भक्ते अङ्कवत् ग्रून्यं भवति । प्राक्तन-वाक्यद्वयेन प्रत्युत्पन्नभागहारविधी उक्तौ । तथा व्योम्नो वर्गे सद्यं(शि १) द्विराशिघातलक्षणे वियदिति भवेत् । तथा व्योम्नो वर्गमहर्याशिघातलक्षणम् । २० सोऽप्यन्तिरक्षं-गगनमेव स्यात् । चकाराद् व्योम्नो वर्गमूलेऽपि व्योमेव । व्योम्नो वन्मसूलमप्यन्तिरक्षमेव । एतेन वर्गादिपरिकर्मचतुष्टयम्रक्तम् । अस्रोदाहरणं दर्शयितुं लीलावतीसुत्रं दर्शते यथा—

"योगे खं क्षेपसमं वर्गादौ खं खभाजितो राशिः। खहरः स्थात् खगुणः खं खगुणश्चिन्त्यश्च शेपविधौ ॥ १ ॥ श्रून्ये गुणके जाते खं हारश्चेत् तदा पुना राशिः। अविकृत एव ज्ञेयस्तथैव खेनोनितश्च युतः॥ २ ॥" इदमार्योद्वयं प्राग्वत्तव्याख्ययैव गतार्थम्। उदाहरणवृत्तं यथा— "खं पश्चयुग् भवति किं वद खस्य वर्गे(र्ग)

ा पश्चयुग् भवात ।क वद खस्य वग(ग) मूलं घनं घनपदं खगुणांश्च पश्च ।

१ मन्दाकान्ता । २-५ प्रेक्ष्यतां लीलाचत्याः शून्यपरिकर्माष्टकम् । ३-४ आर्या ।

खेनोद्धतान् दश च कः खगुणो निजार्ध-युक्तस्त्रिभिश्र गुणितः खहृतस्त्रिषष्टिः ॥"

कलासवर्णे भागजातिः—

अथ रूपाणां ये भागा [भाग]भागभागा वा अधिका वा भागा अपवाह्या वा भागास्तेषां गुणनादि कथं स्थादित्याशङ्क्याह । अतः परं कलासवर्णनमारभ्यते । १५ स्पष्टम् । तत्रादौ भागजातौ करणसूत्रं वृत्तार्थमाह—

अंशच्छेदौ छेदनाभ्यां विहन्यादन्योन्यस्य छेदसादृशहेतोः।

च्याख्या-उपर्यङ्कोऽंशः । अघोऽङ्करुछेदः । ततो भाग अङ्कद्वयापेक्षित्वात् स्थानद्वये लिखितावंशच्छेदौ छेदनाभ्यामन्योन्यस्येति छेदाभ्यां मिथो विहन्यात् प्राच्यांशच्छेदौ अग्रेतनाङ्कच्छेदेन तथा अग्रेतनांशच्छेदौ प्राच्याङ्कच्छेदेन रथ गुणयेत् । यथा उभावपि छेदौ मिथो गुणितौ सदशौ भवतः, अंशास्तु भवन्तु मा वेत्यर्थः ॥

अत्रोदेशकवृत्तेनैकमुदाहरणमाह—

दलं त्रिभागश्चरणः षडंदाः, पश्चांदाकः सप्तमभाग एव । भागानसून तुल्यहरान् प्रचक्ष्व, कलासवर्णे यदि कौदालं ते ॥

१ वसन्ततिलका । २ शालिनी । ३ उपजातिः ।

एको जातौ हो, हिगुणास्त्रयो जाताः षद, यथा 📢 📢)। ततः समानषद्वह्रयच्छे-दत्वादुपर्यंशत्रयमध्ये द्विक्षेपे जाताः पश्च पदछेदाः । शेषं भञ्जनीयं यथा {हे । ततोऽग्रेतनाङ्केकचतुरुछेदात् चतुष्कः पदकाधश्चतुष्काधः पदको नेयः, यथा (६११) । अत्राधीपनर्तने पण्णां त्रयश्चतुर्णां द्वौ कार्यों, यथा (६११) । ततो द्विगुणाः पश्च जाता दश । द्विगुणाः षट् जाता द्वादश । पराङ्के त्रिगुण ५ एको जातास्त्रयस्त्रिगुणाश्रत्वारो जाता द्वादश, यथा रिड्री 💰 । तत उपर्यश-दशमध्ये त्रिक्षेपे जाता उपरि त्रयोदश, अधो द्वादश, शेषं गतम्, यथा {१३}। अथाग्रेतनाङ्क्षेक्षपर्छेदात् षड्भागापवर्तने न नैको द्वादशाधस्तथा द्वादशानां षदभागापवर्तने द्वौ षडघो नेयौ, यथा रिह्निहे । ततः प्रागङ्क एकगुणस्तथैव, पराङ्को द्विगुण एको द्वौ । द्विगुणाः षट् जाता द्वादश, यथा रिक्षे १३ । ततः १० सद्याच्छेदत्वादुपर्यंशत्रयोदशमध्ये द्विक्षेपे जाताः पश्चदश द्वादशच्छेदाः, शेषं गतम्, यथा रिक्षे । अथाग्रेतनाङ्कैकपश्चकच्छेदात् पश्चको द्वादशाधो द्वादश च पश्चाधी नेयाः, यथा रिद्धा र्थे । तेतः पश्चगुणाः पश्चदश जाताः पश्चसप्ततिः । पश्चगुणा द्वादश जाताः पष्टिः। पराङ्के द्वादशगुण एको जाता द्वादश। (द्वादश)-गुणाः पश्च जाताः पष्टिः, यथा { 👸 💱 । सदृशच्छेदत्वादुपर्यश्चपश्चसप्ततिमध्ये १५ द्वादशक्षेपे जाता सप्ताशीतिः षष्टिच्छेदाः, शेषं गतम्, यथा 💱 । अथा-ग्रेतनाङ्कैकसप्तच्छेदात् सप्त षष्ट्यधः षष्टिश्च सप्ताधो नेया, यथा 👯 🖫 🕽 । ततः सप्तगुणा सप्ताज्ञीतिर्जाताः षद्शती नवाधिका । तथा सप्तगुणा षष्टिर्जाता विंशत्यिध(क)चतुःशती । पराङ्के पष्टिगुण एको जाता पष्टिः । पष्टिगुणाः सप्त जाता विंशत्यिध(क)चतुःशती, यथा रिक्ष्णे हिंहे । सद्दशच्छेदत्वात् पद्शत २० नवाधि' \cdots पट्यती विंशत्यधिं(कं) चतुक्छेदा । शेषं गतम्, यथा $\{\$\$\$$ े । ततो द्वे शते ' \cdots प्रस्य त्रिभागे \$ भागाप \$ जातं चत्वारिंशदिध-(क) शतं क्रमेण लब्धं यथा ू रिक्कि । भे... एते रूपभागाः । अत्रानुक्ताऽपि^ह.....मार्या प्रदर्शते

अधरहरेणोर्ध्वांशान्, जर्ध्वहरेणाधरं हरं हन्यात्। मध्यांशहराभ्यासं, विनिक्षिपेदुपरिमांशेषु॥

च्याख्या—भागजातिरङ्कद्वयापेक्षेति कृत्वा ऊर्ध्वगत्या अंशच्छेदयोर्धुगलकम् । ततः प्रथममंशच्छेदयुगमूर्ध्वसञ्ज्ञं द्वितीयमंशहरयुगमधरसञ्ज्ञम् । ततोऽधरहरेण-अधक्छेदेन ऊर्ध्वाशान् हन्यात् । ऊर्ध्वहरेण-ऊर्ध्वाङ्कच्छेदेनाधरं हरं-अधोऽङ्कच्छेदं

१ अक्षराणि न दृश्यन्ते, अस्पष्टत्वात् । तथापि 'नवाधिमध्ये षष्टिक्षेपे जाता एकोनसप्तत्यधिका' इति पाठः सम्भाव्यते । २-६ अक्षराणामस्पष्टत्वात् नावगम्यते पाठः । ७ आर्या ।

हन्यात् । ततो मध्ये यदङ्कमुध्वीङ्कस्य हरः अधोऽङ्कस्य चांशस्तयोरभ्यासमुध्वेहरेणा-धस्तनांशगुणने तन्निष्पन्नोऽङ्कोऽपि मध्यांशहराभ्यस्तमुपरिमांशेषु अधरहरगुणि-तेषु निक्षिपेत् । उदाहरणवृत्तेषु प्राक्तनन्यासश्चोर्ध्व[हरस्य द्विकस्या]गत्याः ङ्कश्रेणेः 🕌 । अत्राधरहरस्रयस्तद्वण ऊर्ध्वाश एको जातास्रयः । ऊर्ध्वहरेण द्विकेन अ-्ष्यरं हरं त्रिकं हन्यात् , जाताः षट् । मध्यांशहरयोरघोऽङ्केनोध्वहरस्य द्विकस्याभ्यासे गुणनं तदेव द्विकमूध्वाशित्रकमध्ये निक्षिपेत् । जाताः पश्च षट्छेदा यथा {६} । असाश्चरणौ यथा 💲 अधरहरेण चतुर्भिरूर्घाशान् हन्यात् । पश्च जाता विंशतिः, ऊर्ध्वहरेण पङ्किरधरहरं चतुरी हन्यात्। जाताश्रतुर्विंशतिः। मध्यांशहरा-भ्यासं एकगुणषद्कं तदेवोपरिमांश्चिश्वतौ निश्चिपेत्। जाता षड्विंशतिश्चतुर्विंश-१९ च्छेदा, यथा 💱 । अस्याधः षडंशो यथा 💱 । अधरहरेण षड्भिः ऊर्ध्वान् षड्विंशति हन्यात् । जातं षद्पञ्चाशद्धि(क)शतम् । ऊर्ध्वहरेण चतुर्विंशत्या अधरहरपद्धं हन्यात् । जातं चतुश्चत्वारिशदधि(क)शतम्। मध्यांशहराभ्यासं एकगुणचतुर्विश्वति उपरिमांशेषु पद्पश्चाशद्धि(क)शते निश्चिपेत् । जातमशी-त्यधि(क)शतं चतुश्रत्वारिंशत्श(च्छ)तच्छेदम्, यथा र्रिः हुँ अधरहरेण पश्चभिरू-१५ ध्वीशानशीत्यधि(क)शतं हन्यात् । जातानि नव शतानि । ऊर्ध्वहरेण चतु-श्रत्वारिंशदधि(क)शतेनाधरं हरं पश्चकं हन्यात् । जाता विंशत्यधि(क)सप्त-मध्यांशहराभ्यासमेकगुणचतुश्रत्वारिंशद्धि(क)शतग्रुपरिमांशेषु नव-श्रत्यां निक्षिपेत् । जातं चतुश्रत्वारिंशद्धि(क)सहस्रमेकं विंशत्यधि(क)सप्त-शतच्छेदम्, यथा { ° ६ ६ ६ । अस्याधः सप्तमभागः, यथा { ° ६ ६ ६ । हरेण सप्तमि-२० ग्रीणितमूर्ध्वाशचतुश्रत्वारिंशद्धि(क)सहस्रं जातं अष्टोत्तरित्रशतार्घि(क)सप्तसहस्रा ऊर्ध्वहरेण विंशत्यिध(क)सप्तशत्या अधरहरं सप्तकं हन्यात्। जाता चत्वारिंशदधि-(क)पञ्चसहस्री । मध्यांशहराभ्यासं एकगुणविंशत्यधि(क)सप्तशतलक्षण उपरिमां-शेषु अष्टोत्तरत्रिश्चताथि(क)सप्तसहस्रेषु निक्षिपेत् । जाता अष्टाविंशत्यथि(क)सह-स्नाष्टकचत्वारिंशद्घि(क)पश्चसहस्रच्छेदम्, यथा (६६३६) । अधोऽङ्केनोपर्यङ्कस २५ भागे लब्धं रूपमेकं उपरि च शेषाङ्कोऽष्टाशीत्यधि(क)नवशतोत्तरद्विसहस्री, यथा २९८८। अस्य षट्त्रिंशताऽपवर्ते जाता त्र्यशीतिः, अधोऽङ्कस्य चत्वारिंशद्धि(क)-पश्चसहस्रस पट्टिश्राता अपवर्तिते जातं चत्वारिशद्धि(क)शतमेकं यथा 👫 रूप {ुर्हे । एते रूपंविंशतिरेकोनैकश्रतुर्विंशतिछेदः, यथा {ूर्हे } ।

१ अतः परं हस्तलिखितप्रतौ चतुःषष्टितमपत्राभावः ।

अथ द्वितीयपद्च्याख्या—अन्येन द्रम्मसाष्टमभागसस्य पञ्चमो लवस्तस्य ज्यंशो यस्तसार्धं यत् तस्य षद्भागको दत्तः, न्यासो यथा { १ विशिश्व १ । एतेनैकोऽङ्कः साध्यः, तथाहि—अंशानामेकानामभ्यासं—गुणनं कुर्यात् । जात एक एव ।
छेदसंवर्गं च कुर्यात्, यथा—अष्टगुणाः पञ्च जाताश्रत्वारिशत्, तथा चत्वारिशद्गुणास्त्रयो जातं विशत्यिषकं शतमेकम्, तथा विशत्यिष(क)शतैकेन गुणितौ द्वौ ५
जाता चत्वारिशद्धि(क)द्विशती, अनया गुणिताः षद जातानि चत्वारिशद्धि(क)चतुर्दशशतानि । ततो जात एकश्रत्वारिशद्धि(क)चतुर्दशशतच्छेदः, यथा
{ १४४० } ।।

अथ तृतीयपदच्याच्या-एकस्य द्रम्मस्य योऽंशस्तस्य योऽष्टमस्तस्य यश्रतुर्थो भागत्तस्य यो दशमो भागतं ददौ । अपरः न्यासः { ३/१/३०} । एतेनैकोऽङ्कः १० साध्यः, तथाहि-अंशानां एकानामभ्यासं कुर्यात् । जात एक एव । छेदसंवर्ग कुर्यात्, यथा सप्तगुणा अष्टौ जाता षट्पञ्चाशत्, तथा षट्पञ्चाशहुणाश्रत्वारो जाता चतुर्विंशत्यघि(क)द्विशती,अनया गुणिता दश जाता चत्वारिंशदघि(क)द्विशतोत्तर-द्विसहस्री । एतच्छेदश्रैकः, यथा र्रेडिंग् । ततोऽमीषां त्रिपदजातानां त्रयाणा-मङ्कानां सवर्णनाय न्यासः (२३/१३४०/२३४०) । एतेन प्रभागजातकरणभागजा- १५ तिर्जाता । ततो इंग्रच्छेदादावित्यादिना द्वयोरंशच्छेदयुगयोव्छेदानां विनिमयेऽप-वर्ते च यथा चतुर्विशतेरपवर्ते शत एकः, स चत्वारिशदधि(क)चतुर्दशशताधः । तथा चत्वारिंशदिष(क)चतुर्दशशतानां चतुर्विंशत्याऽपवर्ते जाता पष्टिः। स(सा) चत्वारिंशदधश्रतुःशताधः, यथा 🕞 💡 😘 🐧 । पष्टिगुण एको जाता पष्टिः । षष्टिगुणा चतुर्विंशतिजीता चत्वारिंशदिध(क)चतुर्दशशतानि, यथा (क्ष्ट्रैक) । २० द्वितीयोऽङ्कगुणस्त्येव, सदशच्छेदत्वात्। पष्टिमध्ये एकक्षेपे जाता एकपष्टिश्रत्वा-रिंशद्धि(क)चतुर्दशशतच्छेदा, यथा रिक्कि । शेषं विनष्टम् । अथाग्रेत-नाङ्कसवर्णनार्थं द्वयोरिप छेदयोः षष्टाधि(क)शतेनापवर्ते चत्वारिशद्धि(क)-चतुर्दशानां जाता नव, तथा चत्वारिंशद्धि(क)द्वाविंशतिशतानां जाता चतुर्दश । ततो इंशच्छेदावित्यादिना छेदविनिमये यथा- { १ ११ ० | २२४ १ } । २५ ततश्रत्देशगुणा एकपष्टिजीता चतुःपश्चाशद्धि(क)श्रताष्टकम् । तथा चतुर्दशगुणा चत्वारिंग्रद्धि(क)चतर्दश्यती जाता विंग्नतिसहस्रा षष्ट्यधि(क)ग्रतमेकं पराक्के । नवगुण एको जाता नव। तथा नवगुणं चैतुर्दशशतादि जाता विंशतिसहस्रादि, यथा (२०६६४) २०६६० । तत उपरिमांशद्वयत्या(१यो)मे जातं त्रिषष्ट्राधि(क)शता-

१ 'द्वाविंशतिशतादि' इति भाति । ५ गणितः

ष्टकं विंग्रतिसहस्रादिच्छेदम् । शेषं विनष्टम्, यथा { १०६६३ } । उपर्यक्कः स्तोकत्वाद् भागं न सहते, यतः पूर्णरूपप्रायस्ततो यथाभागयोग्यः स्यात् तद्धं पण-रूपः कार्यः प्रथमं यतः षोडशपणेरेको द्रम्मः । ततः षोडशपुणं त्रिशृष्ट्यधि(क)शताष्टकं जातं त्रयोदश सहस्रा अष्ट शतान्यष्टौ च, यथा १३८०८ । इयताऽपि न भाग-५ सहस्ततः काकिणीरूपः कार्यः । पणश्रतुःकाकिणीकस्ततश्रतुर्गुणं त्रयोदशसहस्रादि जातं पश्चपश्चाश्चत् सहस्रा हे शते द्रात्रिश्च । अस्य विंश्रतिसहस्राद्यक्केन भागे यथा रिक्षेत्रहे । लब्धं द्रे काकिण्यौ यथा रे, उपि शेषाक्कश्चतुर्दश सहस्रा नवशती द्रादश च । अयं स्तोकत्वाद् भागं न सहते, (अतः) कपर्दस्ताः, पतो विंशत्या कपर्दैः काकिण्येका स्यादिति विंश्रतिगुणश्चतुर्दशसहस्रादि जातौ द्रौ लक्षौ अष्ट- वित्रसहस्रा द्रे शते चत्वारिशत् । अस्य विंश्रतिसहस्रादिना भाग(गे) { १००० । तत उपर्यधोऽक्कयोर्विशस्यि(क)त्रिशस्याऽपवर्ते उपरि जाता पश्चाशत् अधश्च त्रिषष्टिः, यथा विंश्रति समाप्ता ।।

अथ भागानुबन्धजातौ करणसूत्रं वृत्तमाह—

१५ छेदनिव्रेषु रूपेषु भागं क्षिपे-च्छेदनं छेदनेनैव हत्वाऽंदाकम् । सांदाकाधो हरेणाद्यमाहन्यते, नूनमंद्यानुबन्धाख्यजातेर्विधौ॥²

च्याख्या—यत्रांशच्छेदा भागानुबन्धिनो भवन्ति भागानुबन्धश्च रूपानुबद्ध एव ततः छेदनिभेषु रूपेषु—छेदगुणितेषु रूपेषु उपरिस्थेषु भागं-तद्दूपानुबन्धिनं भागं निक्षिपेदिति शुद्धभागजात्याश्रयमुक्तम् । यदि भागास्तावद्दूपानुबद्धास्ततो २० भागानुबद्धरूपस्य भागा एव बहुभागानु(बन्ध)यायिनो भागानुबन्धराशयो भवन्ति तदा किमित्याह—छेदेत्यादि । अधोऽंशच्छेदनेनोपरिमांशच्छेदनं हत्वा—गुण-यित्वा सांशकाधोहरेण—अधोहरमध्यक्षिप्ताधोऽंशेनोपर्यशमाहन्यते—गुण्यते तद्धिः सांशक्को विनश्यति गुणकत्वादुपर्यशच्छेदौ तिष्ठतः । एवमग्रेतनाङ्केष्वपि विधिः कार्यः । नृनमंशेत्यादि स्पष्टम् ।।

२५ पूर्व प्रथमपदोदाहरणं वृत्तेनाह-

सचरणदशस्त्रपमधेयुक्तं, त्रिलवयुतं द्वितयं च हे सखे!। कथय मम सवर्णनं हि कृत्वा, यदि गणिते विद्यते श्रमस्ते॥ चरणसहितानि दशस्त्राणि तथा अधियुक्तं स्त्रपमेकं तथा त्रिलवयुतं द्वितयं च कथय। शेषं स्पष्टम्। न्यासः { १९१९ देवे । अत्र विधिर्यथा-प्रथमाङ्के छेदा-

१ स्राग्वणी । एतहः क्षणमेवम्- "कीर्तितैषा चतूरे फिका स्राग्वणी" । २ मात्रासमकम् ।

अत्वारस्तिन्नानि रूपाणि दश जाता चत्वारिंशत् । अस्य मध्ये भागैकक्षेपे जाता एकचत्वारिंशत् चतुच्छेदाः, यथा {*\$} । द्वितीयाङ्के द्विच्छेदनिन्न एको जातो द्वौ । भागैकक्षेपे जातास्रयो द्विच्छेदाः, यथा {\$} । अत्र छेदयोश्रतुर्द्विकयोरधी-पर्वतने जातैकद्विकयोविंनिमये यथा {*\$} । "अंशच्छेदा"वित्यादिना पूर्वाङ्के गुणिते तदेव, पराङ्के द्विगुणास्त्रयो जाताः पद, द्विगुणौ द्वौ जाताश्रत्वारः । समच्छे- प्रदत्वादेकचत्वारिंशन्मध्ये क्षेपे जाताः सप्तचत्वारिंशत् चतुक्केदाः । शेषं विनष्टम्, यथा {*\$} । अथाग्रेतनाङ्के यथा {\$} । अत्र छेदेन त्रिभिर्निन्नस्त्रपद्वये जाताः पद, भागैकक्षेपे जाताः सप्त त्रिच्छेदाः, यथा {\$} । ततोऽत्र छेदादावित्यादिना चतु-सिच्छेदयोविंनिमये यथा {*\$} । त्रिगुणाः सप्तचत्वारिंशत् जातमेकचत्वा-रिंशदिष(क)शतमेकम्, त्रिगुणाश्रत्वारो जाता द्वादश्, यथा {*\$} । पराङ्के १० चतुर्गुणाः सप्त जाताऽष्टाविंशतिः, चतुर्गुणास्त्रयो जाता द्वादश् । समच्छेदत्वात् प्रागेकचत्वारिंशदिष(क)शतमेकं द्वादश्चछेदम्, यथा {*\$} । शेषं विनष्टम् । अधोऽङ्केनोपर्यङ्कस्य भागे लब्धं चतुर्दश् शेषं चैको द्वादशच्छेदः, यथा {*\$} ।

अथ भागानुबन्धभागोदाहरणं रूपरहितभागानुबन्धि भागानुबन्धसहिताङ्कः १५ वक्तं वृत्तमाह—

सपादरूपं स(ख?)दलाधेकं च, खस्य त्रिभागं खषडंदायुक्तम्। ज्यंदां षडंदोन युतं खकीय-पादाधिकं ब्रूहि सवर्णयित्वा॥

व्याख्या—पूर्वं सचतुर्भागं रूपं खदलेति सपादरूपस्य यद्धं स्यात् तेनाधिकं सखित्रभागमिति सपादरूपस्य खार्धयुक्तस्य यित्रभागस्तेन सहितम्। तथा खपडं-२० शेति सपादरूपस्य खार्धयुक्तसखित्रभागस्य यः स्वीयः पडंशस्तेन युक्तं यत् रूपप्रतिबद्धभागोपदर्शनम्। अतो भागानुबद्धभागा यथा व्यंशमिति रूपस्य यह्यंशस्तं पडंशे(ने)ति व्यंशस्य यश्च पडंशस्तेन युतं व्यंशं सकीयपदेति पडंश-युत्तस्य व्यंशस्य यः पादः-चतुर्भागस्तेनाधिकं व्यंशं सवर्णयित्वा ब्रहीति

क्रिया । अत्रोर्ध्वगत्या प्रथमं ग्रङ्खलाकलितभागानुबन्धन्यासः, यथा

अत्र सम्पूर्णीकरणवृत्तप्रिक्रया दर्श्यते । तत्र प्रथमं छेदाश्रत्वारत्तिक्षं रूपमेकं जाताश्रत्वारः। एतन्मध्ये भागमेकं क्षिपेत् । जाताः पश्च चतुरुछेदाः, यथा (३) ।

१ यथा (३६) । २ उपजातिः।

असार्धं स्वार्धम् , यथा र्र्ैं । ततक्छेदनमुपरि चतुर्रक्षणं छेदनेन-अधोऽङ्कद्विकेन हत्वा जाता अष्टौ । अधोहरो द्विलक्षणः सांशकः खकीयैकांशयतो जातास्त्रयः । तेन आद्यमंशकं पश्चकमाहन्यते, जाताः पञ्चदशाष्टछेदाः, शेषं गुणकत्वाद् विन-ष्टम् , यथा 🛟 । अस्याधः स्तन्त्रयंद्याः, यथा 👣 👌 । अत्र छेदनमष्टलक्षणं ५ छेदनेनाधिस्त्रकेण हत्वा जाता चतुर्विश्वतिस्तथा हरस्रयः सांशकः सैको जाता-श्रत्वारस्तैराद्यमंशं पश्चदश्चलक्षणमाहन्यते, जाता षष्टिश्चतुर्विश्वतिच्छेदा । शेषं विनष्टम् , यथा $\left\{ \begin{smallmatrix} z & z \\ z & z \end{smallmatrix} \right\}$ । अस्याधः स्वष्डंग्रः , यथा $\left\{ \begin{smallmatrix} z & z \\ z & z \end{smallmatrix} \right\}$ । अत्र छेदनं चतुर्विंग्र-तिक्छेदनेन-अघोऽङ्कपद्धेन हत्वा जातं चतुश्रत्वारिंशदधि(क)शतं सांशकाधोहरेण षद्मध्ये क्षिप्तैकजातसप्तकेनाद्यमंशं षष्टिराहन्यते । जाता विंशत्यधि(क)चतुःशती ५० चतुश्रत्वारिंशद्धि(क)शतच्छेद्। $\{\S\S\S\}$ । शेषं विनष्टम् । अयमङ्कः स्थाने स्थाप्यः ॥ इदानीं भागानुबन्धिभागन्यासः 🐉 । अत्र रूपाभावात् छेदनिघेत्यादिप्रक्रिया

नहि। ततक्छेदनमुपरित्रिकं छेदनेन-पद्केन हत्वा जाता अष्टादश्च अं(सां)शकाधो-हरेण षट्मध्यक्षिप्तए(प्तै)कांशतया सप्तकेनाद्यमंशमाहन्यते । जाता सप्ताष्टादश-च्छेदाः । शेषं गुणकत्वाद् विनष्टम् , यथा $\left\{ \left. \left\langle \left. \right\rangle \right. \right\} \right\}$ । अस्याधः स्वपादः, यथा $\left\{ \left. \right\rangle \right. \right\} \right. \right\} \right\} \right\}$

१५ छेदमष्टादशच्छेदनेन-चतुर्भिहत्वा जाता द्वासप्ततिः । सांशकाधोहरेण चतुर्भध्य-क्षिप्तैकांशतया पश्चभिः सप्त हन्यन्ते । जाताः पश्चत्रिंशत द्वासप्ततिच्छेदाः, यथा { 👯 } । पूर्वस्थापितभागानुबन्धरूपाङ्कस्य विंशत्यिध(क)चतुःशतस्य द्वादशिमर-पवर्ते जाता पश्चत्रिंशत् । चतुश्रत्वारिंशद्धि(क)शतस्य द्वादशभिरपवर्ते जाता द्वादश, यथा 👯 । द्वितीयाङ्कस्तादगेवास्याग्रतः स्थाप्यः, यथा 👯 । अत्र २० द्वादशद्विसप्ततिच्छेदयोर्द्वादशिभरपवर्ते ऋमादेकः षदकं जातम् । ततोऽंशच्छे-दावित्यादिना विनिमये यथा रिक्ट्रीक्ट्री । षड्गुणाः पश्चत्रिंशत् जातं दशाधि-

(क)द्विशतम् । षद्गुणा द्वादश जाता द्वासप्ततिः । पराङ्क एकगुणस्तथैव । ततो दशाधि(क)द्विशतमध्ये पश्चत्रिंशतक्षेपे जातं पश्चचत्वारिंशद्धि(क)द्विशतं द्वासप्ततिच्छेदम् । शेषं विनष्टम् , यथा (१६६) । द्वासप्तत्या उपर्यङ्कस्य भागे २५ लब्धं रूपत्रयं एकोनत्रिंशच द्वासप्ततिभागा, यथा 👯 🚶 । एवं भागानुबन्धः

जातिः समाप्ता ॥

(अथ) भागापवाहजातौ करणस्त्रं वृत्तम्—
भागापवाहनविधौ हरनिव्नरूपे
राद्रोर्लवानपनयेद् गुणयेद्धरेण ।
छेदं त्वधस्तनलवोनहरेण हन्यादाद्यांद्राकं खलु वदन्ति सवर्णतज्ज्ञाः ॥

व्याख्या—यत्र रूपभागा यदिवा भागसङ्कालितरूपाद् भागा यद्वा भागाद् भागा अपवाद्यन्ते यत्र तत्र भागापवाहनविधौ हरनिमेति ऊर्ध्वाशस्य यो हरश्रतुर्भागादिस्तद्गुणरूपे उपर्यश्रलक्षणराशेरुपर्यशान् हरगुणितान् लवान् भागान् पश्चादविष्यतश्र्न्यानेकादीनपनयेत् । अथवा हरनिमो यो रूपराशिस्त-सात् हरनिम्ररूपात् राशेरर्थस्तु पूर्ववत् । ततो हरेण उपरितनेन छेदं अधोऽंश-च्छेदं अधोऽंशच्छेदेन वा ऊर्ध्वाशच्छेदं गुणयेत् । तथा अधस्तनलवेति अधोऽंश-न्यूनहरेण आद्यांशकं हन्यात् । शेषं स्पष्टम् ॥

अत्रोदेशकश्लोक एकः—

पूर्वोक्ता(१ ङ्का)निप ब्र्हि, निजभागविवर्जितान्। सवर्णियत्वेह चेन्मित्र !, वेत्सि भागापवाहनम्॥

१ वसन्ततिळका । २ सप्ताक्षरमयाचचरणात्मकमनुष्टुप् (?) ।

हरनिभेति प्रथमं हरश्रतुष्कनिभो रूपराशिरेको जाताश्रत्वारः, एकलवापनयने जाता अष्टौ, अधस्तनलवेन हरेण द्विकेन एकांशरहितत्वादेकेन आद्यांशं त्रिल-१० क्षणं हन्यात् । ताहगेव स्थितं यथा त्रयोऽष्टच्छेदाः {३} । ततोऽस्याधकृयंशोऽ-धस्तनः, यथा र्३ । हरेण त्रिकेण छेदम्पपर्यष्टौ हन्यात् । जाता चतुर्विश्वतिः । अधस्तनलवोनहरेण त्रिकेण एकांशरहितत्वाद् द्विकेनाद्यांशप्रपरित्रिलक्षणं हन्यान्त् । जाताः षद् चतुर्विश्वतिच्छेदाः, यथा र३ । अस्याधोऽधस्तनः षढंशः र३ । अस्याधोऽधस्तनः षढंशः र३ । अस्योहरेण-षद्भेन छेदमुपरिचतुर्विश्वतिं गुणयेत् । जातं चतुश्रत्वारिशदधि-१५ (क)शतम् । अधस्तनलवोनहरेण-षद्भेन एकांशरहितत्वात् पश्चकेनाद्यांशं पद्भं हन्यात् । जाता त्रिंशत् चतुश्रत्वारिशदधि(क)शतच्छेदा, यथा र३ । गुणकाः सर्वत्र यान्तीति क्षेयम् । अनयोः षद्भभागेनापवर्त उपरि पश्च अधश्चतुर्विशतिः, यथा र३ । अयं स्थाने स्थाप्यः ।

अथ भागप्रक्रिया । अत्र रूपाभावात् हरनिष्ठरूपप्रक्रिया नास्ति । शेषा तु
२० यथा ग्यंशः षडंशोनन्यासः $\left\{\frac{3}{2}\right\}$ । हरेणाधः षद्धेन छेदम्रपिर त्रिलक्षणं गुणयेत् ,
जाता अष्टादश । अधस्तनलवोनहरेण षद्धेन एकांशरहितत्वात् पश्चकेनाद्यांशमेकं
हन्यात् , जाताः पश्चाष्टादशच्छेदाः $\left\{\frac{3}{2}\right\}$ । शेषं याति । अस्याधो न्यूनचतुभीगः, यथा $\left\{\frac{3}{2}\right\}$ । अधोहरेण चतुर्भिश्छेदम्रपर्यष्टादश गुणयेत् , जाता द्वासप्रतिः । अधस्तनलवोनहरेण चतुष्केण एकांशन्यूनत्वात् त्रिकेण आद्यांशं पश्च
२५ हन्यात् , जाताः पश्चदश द्वासप्ततिच्छेदाः, यथा $\left\{\frac{3}{2}\right\}$ । अनयोश्विभिरपवर्ते

१ अत्र पाठप्रपातः सम्भाव्यते ।

२०

उपरि पश्च अधश्वतुर्विश्वतिः, यथा {र्हे} । ततो रूपभागनिष्पन्नाङ्कस्य पश्च-चतुर्विश्वतिच्छेदस्य मध्ये समच्छेदत्वादमी पश्च क्षिप्ता जाता दश चतुर्विश्वति-च्छेदाः, यथा {१६} । अनयोरधीपवर्ते उपरि जाताः पश्च, अधश्च द्वादश, भाज्याभावादिदम्, यथा {४६} । एवं भागापवाहजातिः समाप्ता ।।

वल्लीसवर्णनम्---

अथ वल्लीसवर्णनजातौ करणस्त्रं वृत्तमाह—
पाक छेदभागौ गुणयेद्धरेण
तलस्थितेनांद्रामधःस्थितं तु ।
ऋणं धनं पूर्वलवे विद्ध्यात्
सवर्णनार्थे द्वतमत्र वल्ल्याः॥

व्याख्या—अङ्कद्वयापेक्षा प्रक्रिया । अङ्कश्वांशच्छेदस्तपस्ततस्तलस्थितेन हरेण-अध्वरुछेदेन-प्राक् उपरिच्छेदभागौ-छेदांशौ गुणयेत् । ततोऽधःस्थितमंशं
ऋणमिति यस्यांशस्य पश्चात् शून्यमपवाद्यत्वालिखितं तमंशं ऋणसञ्ज्ञं पूर्वलवे
विद्ध्यात् । अधोहरेण गुणितादुपरिमांशराशेरपनयेदित्यर्थः । तथा अधःस्थितमंशं धनं यस्यांशस्य पश्चान्न शून्यमस्ति भागानुबन्धजातित्वात् तमंशं धनसञ्ज्ञं १५
पूर्वलवे अधोहरगुणितोपरिमांशराशौ निक्षिपेत् । अत्र ऋणशब्देन भागानुबन्धजातिर्दर्शिता, न तु तद्गतप्रक्रिया ।।

अत्रोदेशकवृत्ते एकग्रदाहरणमाह---

द्रम्मद्वयं पश्च पणास्तथैका
काकिण्यहो मित्र! कपर्दिकोना।
तदंहिणा चापि सवर्णियत्वा
व्यावर्ण्यतां द्वाग् यदि बोबुधीषि॥

व्याख्या—द्रम्मद्वयम्, तथा पश्च पणा याद्यौः षोडशपणेर्द्रम्मस्त्रिशत्यां च पुराणः प्रोक्तस्ताद्याः पश्च पणाः । काकिण्येका चतुष्काकिणीरूपपणस्य चतु-भागः । सा कपर्दकोना, कपर्दः काकिण्या विंशतितमो भागस्तेनोना तथा तदं-२५ द्रिणोनाऽपि । तच्छब्देन ''सर्वनाम्नाऽनुसन्धिर्शृत्तिच्छन्नस्य'' इति न्यायात् तस्य कपर्दकस्य अंद्रिः—चतुर्भागस्तेनाप्यूना वर्तते । तत एतत् सवर्णयित्वा—संयोज्य ब्रूहि यदि बोबुधीषि—गणितमत्यर्थं बुध्यसे । ऊर्ध्वगत्या विङ्करपत्वादङ्कानां न्यासः { प्रवर्णवर्णकर्षः । अत्र प्रक्रिया अङ्कद्वयापेक्षेति तलस्थितेन हरेण

१-२ उपजातिः।

छेदेन पोडशकेन प्राक्-छेदं एकं गुणयेत्, जाताः पोडश । प्राक्मागे द्रौ गुणयेत् जाता द्वात्रिंशत्, यथा र्ै 🐉 । अधःस्थितमंशपश्चकं पश्चाच्छ्न्यरहितत्वाद् धन-सञ्ज्ञं पूर्वलवे द्वात्रिंशहक्षणे विदध्यात्-क्षिपेत् । जाता सप्तत्रिंशत् पोडश-छेदा, यथा 👯 । गुणको याति सर्वत्र । अस्याध एका काकिणी अस्य ५ चतुर्भागोपलक्षणा चतुष्कयुक्ता, यथा $\left\{ \stackrel{?}{,}\stackrel{?}{,}\right\}$ । तलस्थितहरेण चतुर्भिः प्राक्छेदं षोडश गुणयेत्। जाता चतुःषष्टिः। तथा चतुर्भिभीगं उपरिसप्तत्रिंशतं गुणयेत, जातमष्टचत्वारिंशद्धि(क)शतम्। तदस्य मध्ये पूर्वलवलक्षणे तलस्थमंशमेकं विद-ध्यात्-क्षिपेत्, जातमेकोनपश्चाशद्धि(क)शतं चतुःपष्टिच्छेदम्, यथा { 'र्ई } । असाधो ऋणगताङ्कदर्शनाय ऊना कपर्दाङ्केन। कपर्दकश्च काकिणीविंशतिभा-१० गोपलक्षणाय विंशतिम्रुक्त ऊनः स ग्र्न्यः स्थाप्यः, यथा 🎖 🐉 । तलस्थितेन हरेण विंशत्या प्राक्छेदं चतुःषष्टिं गुणयेत्, जाता द्वादशश्ती अशीतिश्र। तथा विंशत्या प्राग्मागमेकोनपश्चाशद्धि(क)शतं गुणयेत , जाता एकोनत्रिंशत् शतानि अशीतिश्र । अत्र ऋणमेकं पूर्वलवे दध्यात्-अपनयेत्, यथा एकोनत्रिंशदादेरे-कापनयने जातान्येकोनत्रिंशत् शतानि एकोनाशीतिः द्वादशशत्यशीतिच्छेदाश्र, १५ यथा (१६८६) । अस्याधः कपर्दकस्य न्यूनचतुर्भागा,यथा (१६८६) । अत्र तल-स्थितेन हरेण-प्राक्छेदं द्वादशशत्यशीतिं गुणयेत्, जाता विंशत्यधि(क)शत [ए]कयुक्ताः पश्च सहस्राः । तथा चतुर्भिः प्राक्रभागमेकोनत्रिंशदेकोनाशीतिं गुणयेत् , जाता एकाद्श सहस्रा नवशती पोडश । ऋणत्वादंशमधःस्थितमेकं पूर्वलवे एकादशादिरूपे अपनयेत्, जाताः पर्यन्ते पश्चदश्च, यथा { १६६६३ } । २० अनयोरङ्कयोः पश्चभिरपवर्ते उपरि जातानि त्रयोविंशतिशतानि त्रयशीतिः, अधो दशशतानि चतुर्विशतिश्र, यथा रिहिंद्ही। अत्राधोऽङ्केनोपर्यङ्कस्य भागे दत्ते लब्धं द्रम्मद्रयम् , शेष उपर्यङ्कः पश्चित्रंशद्धि(क)त्रिशतरूपः। पणानयनाय पोड-शभिर्गुण्या, जातं त्रिपश्चाशत् पष्टिश्च, यथा 👯 👯 । अस्य दशचतुर्विशत्या भागे लब्धं पश्च पणाः, उपर्यङ्कः शेषश्चत्वारिंशद्धि ्क)द्विशतरूपः। कपर्दिकोन-२५ काकिण्यानयनाय चतुर्गुणा जाता नवशती पष्टिश्र । भागो नास्तीति काकिणी-लब्धे शून्यम् , { ० }। ततः कपर्दकानयनाय विंशत्या नवशती षष्टिश्च गुणिता जाता एकोनविंशतिसहस्रा द्विशती। अस्रा दशचतविंशत्या भागे लब्धमष्टादश कपदीः.

उपर्यङ्कः शेषः सप्तशती षष्टिश्व । कपर्दभागानयनाय चतुर्गुणा जाता त्रिंशत् द्वास-प्ततिश्व, यथा २७२ । अस्य दशचतुर्विशत्या भागे लब्धं त्रयश्रतुर्भागाः (३) । एवं वह्णीसवर्णनं यथा (समाप्तम्) ॥

दृश्यजातिः---

अथ दृश्यजातौ करणसूत्रं वृत्तार्धमाह— रूपेण भागैक्यविवर्जितेन, दृश्याख्यजातौ विभजेच दृश्यम् । ५५।

व्याख्या—हत्र्याख्यजातौ हत्र्यस्तम्भस्य सार्धहस्तादि लोकप्रत्यक्षं तदा च ख्याति—कथयति अहत्र्यं यद्यं स्तम्भः षट्हस्त आसीदिति लोकस्याप्रत्यक्षमपि ब्रवीति तत् आख्यं ततो कर्मधारये कचिद् विशेषणस्यापि परनिपातः । ततो हत्त्याख्यजातौ हत्र्यं सार्धहस्तादि वक्ष्यमाणं रूपेण भागानां तोयादिसन्त्रिविष्टा- १० नामंश्वानामेक्यम् । "अंशच्छेदा" वित्यादिना संयोजनान्तेन विवर्जितेन "कृत-समहररात्रयो"रित्यादिन्यवकलितविधिना आयराशिलक्षणाद् रूपादंशविश्लेषं कृत्वा रूपशेषेण विभजेत् ॥

अत्रोदेशकवृत्तमाह--

अर्धं तोये कईमे द्वादशांशः, षष्ठो भागो वालुकायां निमग्नः। १५ स्त्राधीं हस्तो दृश्यते यस्य तस्य, स्तम्भस्याशु बृहि मानं विचिन्स ।५६।

१ इन्द्रवज्रा । २ शालिनी । ६ गणितः

रित्यादिना सार्धहस्तेन दृश्येन सममस्य त्रिद्वादशच्छेदस्य कुलिशापवर्तनं कृत्वा यथा { ैं है है | द्वादशद्विकयोरधीपवर्ते षट् एकश्च त्रयाणां च त्रिभागापवर्त एकः, यथा { ६ | ६ | १ | । एकगुणं सर्व तथैव । एकमक्तस्याङ्को लब्धं तथैव, षट् इस्ताः सैकच्छेदाः { ६ | ।

^५ लीलावत्यां च दृश्यजाती करणसूत्रं वृत्तमिदं यथा—

''उदिष्टकालापवदिष्टराशिः, क्षुण्णो हतोऽंशै रहितो युतो वा । इष्टाहतं दृष्टमनेन भक्तं, राशिर्भवेत् प्रोक्तमितीष्टकम्मी ॥"

उदाहरणेनास व्याख्येत्युदाहरणमाह—

पूर्वार्धे सत्रिभागं गिरिवरशिखरे कुञ्जराणां प्रन(ण)छं

पद्मागश्चापि नद्यां पिवति च सिललं सप्तमांद्रोन युक्तः। पद्मिन्यामष्टमांद्रां खनवमक इह श्रीडते पद्मखण्डे

नागेन्द्रो हस्तिनीभिस्तिसृभिरनुगते का भवेद् यूथसङ्ख्या १।५७।3

अर्थः प्रतीत एव । न्यासः र्विष्ट्वे । दृश्य ४ भागानुबन्धभागजातिरियं रूपरिहतत्वात् । "छेदनं छेदनेने"त्यादिना यथा छेदनमुपरिच्छेदनेनाधिन्ति १५ केण हन्यात् , जाताः षट् । खांशकाधोहरेण सैकित्रिकेण जातचतुष्केण आद्यांशं हन्यात् , जाताश्रत्वारः षट्छेदाः, यथा र्वे । गुणकत्वात् शेषं प्रयातीति सर्वत्र । एगं(१ अधोऽ)क्के छेदनं षट् छेदनेन—अधःसप्तकेन हन्यात् , जाता द्विचत्वारि श्वत् । खांशकाधोहरेण सैकसप्तकेनाद्यमंश्रमेकं हन्यात् , जाता अष्टौ द्विचत्वारि शच्छेदाः, यथा र्वे । तृतीयाक्के छेदनमष्टौ छेदनेन—अधोनवकेन हन्यात् ,

देश जाता द्वासप्ततिः । खांशकाधोहरेण सैकनवकेनाद्यांशमेकं हन्यात्, जाता दश्च द्वासप्ततिच्छेदाः, यथा (३३) । अतः परम् "अंशच्छेदा"वित्यादिना प्रथमद्वि-तीयाङ्कच्छेदयोः षड्भागापवर्ते द्विचत्वारिंशतः षड्भागः सप्त पण्णां चैकः, ततो विनिमये यथा (१०००) । प्राच्याङ्के सप्तगुणाश्चत्वारो जाता अष्टाविंशतिः ।

सप्तगुणाः पट् जाता द्विचत्वारिंशत् । द्वितीयाङ्क एकगुणस्तथैव । समच्छेद-२५ त्वादष्टाविंशतिमध्ये अष्टक्षेपे जाता पट्तिंशत् द्विचत्वारिंशच्छेदाः, यथा {३१} । अथ तृतीयाङ्कच्छेदस्य द्वासप्ततिः, यथा {३१} । पड्भागापवर्ते द्वादश द्विचत्वारिंशच्छेदस्य पड्भागापवर्ते सप्त । ततो विनिमये यथा

१ श्रीयुतसुधाकरद्विवेदीसम्पादिते ग्रन्थे 'उद्देश' इति पाठः । तत्रास्य सूत्रस्य दश-मोऽङ्कः । २ उपजातिः । ३ सम्धरा ।

{र्हें 🚉 । आद्याङ्के द्वाद्शगुणाः पट्त्रिंशत जाता द्वात्रिंशद्धि(क)-चतुः ञ्रती। द्वादशगुणा द्विचत्वारिंशत् जाता चतुरिंध(क)पश्चशती। पराङ्के सप्त-गुणा दश जाता सप्ततिः । तथा सप्तगुणा द्वासप्ततिर्जाता चतुरधि(क)पश्चशती । समच्छेदत्वात् द्वात्रिंशद्धि(क)चतुःशतमध्ये सप्ततिक्षेपे जाता द्विरुत्तरा पश्च-शती चतुरधि(क)पश्चशतोत्तरच्छेदा, यथा {३३३} । अयं राशिरुद्दिष्टकालापः । पृच्छकोपदिष्टप्रश्न एष इव उद्दिष्टकालापवत् इष्टराशिः कल्पनया चत्वारः। एषोऽंग्रे: "अंग्रच्छेदा"वित्यादिना निष्पन्नैरुद्दिष्टकांग्रेः तद्विरुत्तरपश्चग्रतलक्षणेः कृतविनिमये छेदैर्यथा रिक्क्षिवा कि कि । क्षुण्णो-गुणितो जाता पोडशाधि(क)दि-सहस्री पञ्चशतचतुरुछेदा, यथा { ३५३ ई } । एष इष्टराशिरायराशि[:] समन्छेदो जातः । तत उदिष्टांशाङ्को द्विरुत्तरपश्चशतरूप इष्टेन चतुर्भिर्गुणितो जाताऽष्टाधि-(क)द्विसहस्री पश्चशतचतुरुछेदा { ३३०६ । अमीभिरंशैरिष्टराशिः पोडशाधि(क)-द्विसहस्रो रहितो जाता अष्टौ चतुरुत्तरपश्चशतच्छेदाः, यथा 👯 🔻 । अतः-परं इष्टाहतं इष्टेन चतुर्भिराहतं -गुणितं दृश्यं एको नागेन्द्रस्तिस्र भिर्हस्तिनीभिः सह दृष्टत्वाचतुष्करूपं जाताः षोडश एकच्छेदाः, यथा { ' है } । अनेन अंश-रहितेष्टराशिना चतुरुत्तरपश्चशतच्छेदाष्टांशकेन भक्तम् । अत्र च "कृत्वा परीवर्त-नम्" इत्यादिना कुलिशापर्तनमष्टानां अष्टमे भागे एकः पोडशानां चाष्टमे भागे द्वी, यथा (" दे दे है) । ततश्रतुरुत्तरपश्चशतैर्द्धिको गुणितो जातोऽष्टाधि(क)सहस्रः, छेदश्च एकगुणरतथेव, यथा रिक्किश । एषः अष्टाधि(क)सहस्रयूथराशिरासीदिति दृश्यचतुरङ्कात् परिज्ञातम् ।

अथ घटना—अष्टाधि(क)सहस्राईं चतुरुत्तरपश्चशती । अस्याश्च त्रिभाग अष्ट-षष्ट्यधि(क)शतम्, यथा {दे है है । एतद् गिरौ गतम् । इतश्च अष्टाधि(क)सह-स्नात् षष्ठो भागोऽष्टषष्ट्यधि(क)शतम् । इदं अस्य च सप्तमो भागश्चतुर्विशतिनैद्यां जलं पिवति, यथा {ेईई} । तथा अष्टाधि(क)सहस्रात् अष्टमांशः षड्-विशत्यधि(क)शतम् । अन्यं च नवमो भागः चतुर्दश [षट्त्रिंशद्], यथा {ेईई} । कीडते हस्तिनीत्रयं हस्ती चैक इति चत्वारः । एषां योजने जात-मष्टाधि(क)सहस्रम्, यथा { । ।

अत्रत्यरीत्याऽपि भागैक्यं द्विअ(द्वच)घि(क)पश्चशतांशं चतुरघि(क)पश्चशत-च्छेदं यावत् तथैव, यथा र्दे । ततो रूपमेकमेकच्छेदं संस्थाप्य 'अंश-च्छेदा"वित्यादिना छेदविनिमये, यथा र्दे हैं द्वि । आद्याङ्क एकगुणस्तथैव। पराङ्कश्वतुरघि(क)पश्चशतगुण एकः तथैव, यथा र्दे हैं । असादायराशेर्भागै- क्यद्यधि(क)पश्चरातपाते स्थितौ हो चतुरिध(क)पश्चरातच्छेदौ, यथा {दे०४} । अयं हरराशिः । ततो दृश्यं चत्वार एकच्छेदः, यथा {दे } । ततः "कृत्वा परीवर्तनमंश्रहारयो"रित्यादिना उपरि चतुरिध(क)पश्चराती, अध्य हो । ततो द्वर्योरिप छेदयोविनिमये यथा {दे दे } । अंश्रयोद्दिन चतुर्णा चतुरिध(क)-५ पश्चरात्याश्च मिथो गुणने जाता षोडशाधि(क)द्विसहस्री । छेदश्च द्विगुण एको जातौ हो । ततो द्वाभ्यां षोडशाधि(क)द्विसहस्रस्य भागे यथा {दे दे } । लब्धं अष्टाधि(क)सहस्रं यूथगजाः, यथा १००८ । एवं दृश्यजातिभीगानुबन्धाः दिजातियुक्ता परिश्चेया । एवं दृश्यजातिः समाप्तः ॥

शेषजातिः--

१० अथ शेषजातौ करणस्त्रं वृत्तार्धमाह—

छिद्घातभक्तेन लवोनहार-घातेन भाज्यः प्रकटाख्यराद्विः।'
अत्र उपर्यशाक्छेदाश्च तादृशा एव वारद्वयं स्थाप्या इत्यङ्कत्रयापेक्षा शेषः
जातिः सम्रदायाद्धं कीडति । ततः शेषाधस्य त्र्यंशः पर्वतान्तः प्रविष्टः । ततो
यच्छेषं तचतुर्भागः कुम्भकण्डं विनोदयतीत्येवं शेषरूपा शेषजातिः । तस्या
भिद्वतीयवेलालिखितच्छिदां यो घातः-परस्परगुणनं स छिद्घातस्तेन भक्तेन
विशेषणेन लवा-अंशा उपरिस्थास्तैरूनः अपवर्जितत्वात् यो हारराशिः-प्रथमलिखितच्छेदराशिस्तस्य यो घातः-परस्परगुणनं तेन लवोनहार्घातेन भाज्योभजनीयः प्रकटाख्यराशिर्दष्टषष्टिहस्तिलक्षणः ॥

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणमाह-

क्रीडां कर्तुं प्रवृत्तं कचिदपि च दलं मत्तदन्तीन्द्रयूथाः(?) दोषत्र्यंद्याः प्रन(ण)ष्टो हरिणपति भयादारटन् कन्दरेषु । दोषांहिर्गण्डकण्डूमपनयति सखे ! पश्चमांदाश्च दोषात् पाथः पातुं प्रविष्टः प्रवद् करटिनो हन्त दृष्टाश्च षष्टिः॥

१ इन्द्रवज्रा । २ सम्धरा ।

पद, पड्रगुणाश्वत्वारो जाता चतुर्विश्वतिः, चतुर्विश्वतिगुणाः पश्च जातं विशत्यिष(क)शतिमदम् । छिद्धातः कार्यः । तति इछद्धातेन – विश्वत्यिष(क)शतेन,
यथा रिकेशे भक्ते लवोनहारधातराशौ चतुर्विश्वतौ भाज्याभावाचतुर्विश्वत्या
द्वयोरपवर्ते चतुर्विश्वतिस्थाने एकः, तथा विश्वत्यिष(क)शतस्थाने पश्च, यथा ५ ।
अनेन प्रकटराशेः पष्टिरेकच्छेदो भाज्य इति "कृत्वा परीवर्तनमंश्वहार(यो)"- ५
रित्यादिना उपिर पश्च अधश्चेकः, यथा रिकेशे । ततो भागानां वधे, यथा
रिकेशे । पष्टिः पश्चगुणा जाता त्रिश्वती एकच्छेदा, यथा रिकेशे । एकगुणच्छेदोऽप्येक एव । तथा एकभक्ता त्रिश्वती तथेव स्थिता, यथा रिकेशे । एते
प्रयहित्तनः ॥

एषां घटना । तथाहि-त्रिशतानामधं सार्धशतं क्रीडति, यथा १५०। १० शेषसार्धशतस्य त्र्यंशः पञ्चाशत्, यथा ५० गिरौ प्रविष्टः । शेषस्य एकशतस्य चतुर्भागः पञ्चितिः कण्डूमपनोदयति । ततः शेषपञ्चसप्ततेः पञ्चमांशः पञ्चदश जलं पिवति षष्टिश्च दृष्टिदृष्टा, यथा (१५०) । एतेषां योजने जाता त्रिशती गजप्रमाणम्, यथा ३००।

अथ द्वितीयोदाहरणमाह—

٩ų

अर्ध रोषत्रिलवयुगलं रोषपादास्त्रयश्च रोषेष्वंशा जलनिधिसमाः कापि चोड्डीय याताः। दृष्टं हंसत्रितयमपरं सङ्गतिं कल्पयन्तं तस्मिन् यूथे कथय सुमते! ते कियन्तो मरालाः॥

१ मन्दाकानता ।

अस्य घटना-षष्ट्यधि(क)त्रिशती अर्धमशीतिशतं उड्डीनम् । ततः शेष-स्याशीत्यिध(क)शतस्य त्रिभक्तस्य लवद्वयं विशत्यिध(क)शतं उड्डीनम् । शेष(१स) षष्टेस्त्रयः पादाः पञ्चचत्वारिंशत् । ततः शेषेषु 'इषु'शब्देन मनोभववाणवाच्य-त्वात् पश्चोच्यन्ते । ततः शेषेषु पश्चदशसु पश्चभक्तेषु जलनिधिसमा अंशा **''द्वादश । उड्डीनशेषं च हंसत्रयं पश्चमांशलक्षणं सङ्गतिं करोति,** $\left\{ \left\{ \left\{ \left\{ \left\{ \left\{ \right\} \right\} \right\} \right\} \right\}$ । एषां संयोजने जाता षष्टचिध (\mathbf{a}) त्रिशती हंसयूथप्रमाणं $\left\{ \left\{ \left\{ \left\{ \left\{ \left\{ \right\} \right\} \right\} \right\} \right\} \right\}$

एवं शेषजातिः समाप्ता ॥

विश्रेषजातिः--

अथ विश्लेषजातौ करणसूत्रं वृत्तमाह--विश्ठेषजातावधिकाद विहीनं òو विज्ञोध्य शेषो विधिरुक्त एव। अपास्य भागैक्यमधैकतश्च शेषेण दृश्यस्य हरेद विभागम् ॥°

व्याख्या—विश्लेषजातौ अधिकाङ्कतो हीनाङ्कपातनलक्षणायां समच्छेदयो-१५ रंशयोर्मध्येऽधिकांशतो विहीनं हीनांशकं विशोध्य-विवरं विधाय शेपो विधिरंशयो छोदो छोदने(ने)त्यादिविधि भिर्भागजात्युक्तोऽत्रापि श्लेयः । पश्चाद् भागैक्यमेकतः कृतसमहरराशे रूपलक्षणादपास्य तत एकरूपशेषेण दृश्यस्य हरेत् । एत्द् दृश्यजातिवज्ज्ञेयम् ॥

अत्रोहेशकवृत्तद्वये उदाहरणमेकमाह-

पश्चांदाश्चलचश्चरीकनिचयाचृते गतोऽष्टांदाकः २० पद्मे तद्विवरं द्विनिव्यमधिकं खार्धेन कुन्दे स्थितम्। कुन्दाम्र(१व)स्थितभृङ्गभागविवरस्यार्धं च पड्घं युतं त्र्यंशेन त्रिगुणं त्रिभागरहितं जातीलतामाश्रितम् ॥ ै

तिलकद्रममञ्जरीनिविष्टं, भ्रमराणां दशकं च हन्त दष्टम्। २५ यदि वेत्सि तदा विचक्षणाञ्ज, कथय मे (१येमें) मधुलिट्समृहसङ्ख्याम्॥

व्याख्या—चश्ररीकनिचयात् पश्चांशश्रूते अष्टांशश्र पद्मे, यथा 🕄 🖰 । "अं-श्चाचेंदा''वित्यादिना छेदविनिमये यथा पश्चाघोऽष्टौ अष्टाधः पश्च, यथा {ुै द्वि}।

१ उपजातिः । २ शार्द्छविकीडितम् । ३ औपच्छन्द्सिकम् ।

अष्टगुण एको जाता अष्टो, अष्टगुणाः पश्च जाताश्रत्वारिंशत्, यथा 🖓 🐉 । पराङ्के पञ्चगुण एको जाताः पञ्च, पञ्चगुणा अष्टौ जाताश्वत्वारिंशत् , यथा 👯 🕌 । ततस्तयोः समच्छेदयोर्विवरं अधिकाद् विशोध्ये यथाऽत्र अधिकादष्टलक्षणात् विहीनं हीनांशपश्चकं विशोध्यम्, जातास्त्रयश्चत्वारिंशत्। एतत् तृतीयस्थाने स्थाप्यम् । पश्चाद् द्वितयं भञ्जनीयम् , यथा रिश्वीहै हे । तद्विवरं त्रिकलक्षणं ५ द्विनिन्नं जाता षद्गरूपचत्वारिंशच्छेदं अधिकं अर्धेन, यथा 👫 🖟 । अत्र मागा-नुबन्धजातौ ''छेदनं छेदनेने''त्यादिना छेदनं-चत्वारिंशल्लक्षणं छेदनेन-द्वाभ्यां हन्यात् , जाता अशीतिः । तथा सांशो हरद्विलक्षणो जातास्त्रयः, तैः पद् हन्यात् , जाता अष्टादश । द्वयोरर्घापवर्ते उपरि नव, अधश्रत्वारिंशत् । अयं तृतीयस्थाने निश्वलः स्थाप्यः, यथा (४/२/५०) । यत् यूथसङ्ख्याप्रमाणं तस्य चत्वारिंशता भ्- ५० क्तस्य यन्नवमे स्थात् तत् कुन्दे स्थितम्। कुन्दावस्थितभृङ्गभागयोरेकनवचत्वारिंश-स्रक्षणयोर्विवरं कर्तुं "अंशच्छेदा"वित्यादिना छेदयोः पश्चचत्वारिंशस्रक्षणयोः पश्चमभागापवर्ते क्रमादेकाष्टलक्षणयोर्विनिमये यथा 📳 💡 । प्राच्याङ्के अष्टगुण एको जाता अष्टी, अष्टगुणाः पश्च जाताश्रत्वारिंशत् । पराङ्क एकगुणस्तथैव, यथा (६० ४०) । अत्र विवरो नत्रकादष्टानां विश्लेषे य(प)श्रादेकचत्वारिंशक्छेदः अ स्थितः, यथा (१०)। अस्य विवरस्य एकलक्षणस्यार्धं एकोनार्धं सहत इति चत्वारिंशच्छेदानां द्विगुणतायामशीतिः, यथा 💤 । एतत् पड्मम् यथा $\{\xi_{\circ}\}$ । खत्र्यंशेन यथा $\{\xi_{\frac{a}{2}}\}$ । भागानुबन्धजातौ "छेदनं छेदनेने"त्या-दिना छेदनम्-अज्ञीतिश्छेदनेन-अधिस्त्रकेण हन्यात्, जाता चत्वारिंशदधि(क)-द्विज्ञती । सांशकोऽधोहरेण सैकत्रिकेण चतुर्भिर्गुणिताः पड् जाता चतुर्विंशतिश्व- २० त्वारिंशदधि(क)द्विशतच्छेदा, यथा (३५०) । त्रिगुणं चतुर्विंशतिस्रिगुणा जाता द्वासप्ततिः, एतत् त्रिभागरहितम् , यथा र्र्ः हे । भागापवाहजात्युक्तेन ''गुण-येद्धरेणे"त्यादिना हरेण-अधस्तनेन त्रिकेण छेदं-चत्वारिंशद्धि(क)शतं गुणयेत, जातं विंशत्यधि(क)सप्तशती । ततो लवोनहरेण एकांशेन हीनत्रिकेण जातद्विके आद्यांशं द्विसप्ततिः गुणयेत्, जातं चतुश्रत्वारिंशद्धि(क)श्रतम्, यथा रि३३३ । २५ अनयोः चत्वारिंशदधि(क)शते भागेनापवर्ते उपर्येकः, अधश्र पश्च, यथा 📳 । यद् यूथेऽस्ति प्रमाणं तस्य पश्चमांशे रूपं जातीलतामाश्रितम्। एतचतुर्थ-स्थाने स्थाप्यम्, यथा {३|३|६०|६} । ततः पुनरप्यंश्रच्छेदावित्यादिना छेद-

विनिमये 📳 । आदावष्टगुण एको जाता अष्टौ, अष्टगुणाः पश्च जाता-श्रत्वारिशत् । पराङ्कपश्चगुण एको जाताः पश्च, तथा (अष्टौ) पश्चगुणा जाता-अत्वारिंशत् । समच्छेदत्वात् अष्टानां मध्ये पश्चक्षेपे जातास्त्रयोदश चत्वारिंश-च्छेदाः, यथा 👯 🕽 । ततस्तृतीयाङ्कस्य नवकस्य त्रयोदशमध्ये प्रिक्रयां ५ विनाऽपि समच्छेदत्वात् क्षेपे जाता द्वाविश्वतिश्वत्वारिशच्छेदा । ततोऽस्य छेदस्य चतुर्थाङ्कच्छेदस्य च पञ्चमिरपवर्ते क्रमादष्टौ एकश्च जातः । ततः छेदविनि मये यथा (१३१)। आदाङ्क एकगुणस्तथैव। पराङ्के अष्टगुण एको जाता अष्टी, अष्टगुणाः पश्च जाताश्चत्वारिंशत् । समच्छेदत्वात् द्वाविंशतिमध्ये अष्टांशक्षेपे जाता त्रिंशत चत्वारिंशच्छेदा, यथा 🐉 । एतद्भागैक्यं एतद्पास्य अध्यक्ति यथा एक एकच्छेदः । ततो⁽⁽⁽⁾इंशच्छेद्।''वित्यादिना छेद्विनिमये यथा र्ि 😲 🐎 । प्राच्याङ्क एकगुणस्तथैव । पराङ्क एकचत्वारिंशद्वणो जाता चत्वाः रिंशत्, यथा (११) । तत एकोत्थचत्वारिंशतो मध्यात् त्रिंशत्पाते स्थिता दश चत्वारिंशच्छेदाः, यथा 👯 । शेषेण भागैक्यविवर्जितेन दशकेन दश्ये देश विभजेत्, तथाहि-दृश्यदशकच्छेदा ततो भागैक्यशेषदशच्छेदचत्वारिंशतः ९५ ''कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिनोपरि चत्वारिंशत्, अधश्र दश, यथा 👯 📳 तत आद्याङ्कचत्वारिंशद्गुणा दश जाता चतुःशती । अस्याश्रत्वारिंशत एक गुणच्छेददशकेन भागे (४३३)। लब्धं चत्वारिशदलिकुलप्रमाणम्।

अस वासना-चत्वारिशत्पश्चमे भागे अष्टौ चूतद्वमे, चत्वारिशद्ष्यमे भागे पश्च पद्मे, चत्वारिशद्भागीकृतयूथस्य चत्वारिशतो नव भागा इति नव कुन्दे २० चत्वारिशत्पश्चमे भागे अष्टौ जातीलतायां, दृश्याश्च दृश, यथा र्वा विश्लेषजातिः समाप्ता ॥

शेषमूलजातिः--

अथ शेषमूलजती करणस्त्रं वृत्तमाह—

पदसमीपचतुर्गुणदृश्यके, खगुणमूलयुते कृतमूलके। पदयुते दलिते निजताडिते, विलवरूपहृतेऽथ पुनर्विधिः॥

(न्याख्या—) पदमूलशब्दावेकार्थों। तस्य पदसमीपे चतुर्गुणं दृश्यं द्यादि। त पदसमीपचतुर्गुणदृश्यके यत्र मूलस्य प्राग् द्विप्रभृतिसङ्क्या नास्ति तत्र एक ए मूलं तच स्वगुणं एकगुणम्। ततः स्वगुणमूलेनेकेन युते जातनवके ततः कृतमूल

१ द्वुतविलम्बितम्।

चतुर्गुणखगुणमूलयुतस्य दृश्यस्य—नवकस्य कृतमूलं त्र्यादि तिसान् पदमेकस्तेन युते दिलते—अधीकृते जातद्यादिके 'निजतािडते' निजेन द्यादिना तािडते लवा-भ्याम्—अंशाभ्यां हीनं रूपं तेन हते यल्लब्धं द्वादशादि तदेव पुनरिप दृश्यं स्थाप्यम् । तत्र लवाश्यान्तरालस्था उक्तार्थत्वात् प्रयान्ति । पश्चात् तत्र दृश्ये पुनर्विधिः पदसमीप इत्यादिको विधिलवाद् भागं विनाऽन्यः कार्यः ॥

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणमाह—

मूलं नीलदलोतपलच्छदचयात् कर्णावतंसीकृतात् कान्तक्रीडनताडनान्निपतितं तल्पे यदा सुभुवः। इयंशो शेषभवौ च शेषकभवं मूलं च भूमौ गतं -दृष्टं पत्रयुगं तदा कति दलं तद् बृह्वि नीलोतपलम्॥

न्यासेनैवास व्याख्या— {मूः|शेलः|शेमः| इश्य २ | पदस्य—शेषम्लस्य समीपं चतुर्गुणं दृश्यं द्वौ जाता अष्टा । तत्र स्वगुणमूलं एकगुण एकस्तेन युतिः जाता नव । तत्र नवानां मूलं त्रयः । तत्र पदयुते पदमेकस्तेन युते जाताश्वत्वारः । दिलते—अर्थाकृते जातद्विके निजतादिते—द्विगुणिते जातचतुष्कके अत्र लवन्यंशद्वयस्य रूपस्य च यथा रिक्षे "अंशच्छेदा"वित्यादिच्छेदयोस्विकेक- श्योविनिमये रिक्षे । प्राच्याङ्क एकगुणः स एव । पराङ्के त्रिगुणे एको जातास्त्रयः । एभ्यः प्राच्यलवद्वयपाते जात एकस्विच्छेदः । एतद् विलवस्यं तेन हते "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिनोपरि त्रयः, अधश्य एकः, यथा रिक्षे । ततः सङ्गुणनाविधिर्यथा—त्रिकेण प्राक् दृश्योत्थश्वतुष्को गुण्यते, जाता द्वादश, एकगुणा एक-च्छेदभक्ता अपि द्वादशैव । पुनर्विधिरिति एते द्वादश लग्नान्तराललवत्वात् । स्प्रथमपदसमीपदृश्यं तचतुर्गुणा जाता अष्टचत्वारिशत् । तत्रत्यगुणमूलयुते एकगुण एकयुते जाता एकोनपश्चाशत् । तत्र कृतमूलके एकोनपश्चाशतो वर्गरूपस्य मूलं सप्त । तत्र पदयुते पदमेकस्तेन युते जाता अष्टौ । दलिते जातचतुष्कके निजतादिते—चतुष्ककेनैव गुणिते जाताः पोडश । भागविधिहेतवो लवा न सन्तीति तत एव लव्धं पोडश्यदलं नीलोत्पलम्, यथा १६ ॥

अस्य घटना-षोडशवर्गस्य मूलं चत्वारि तल्पे पतितम् । ततः शेषस्य-द्वादशकस्य त्र्यंशद्वयं-अष्टी भूमो पतितम् । ततः शेषस्य-चतुष्कस्य वर्गस्य मूलं द्वी पतितम् । दृष्टं पत्रयुगम् , यथा { हूँ } । एषां योगे जाताः षोडश ॥

१ शार्द्छविकीडितम् । ७ गणितः

अथ द्वितीयोदाहरणवृत्तमाह-

उड्डीय त्रिगुणं पदं शुककुलात् क्षेत्रेषु शालेर्गतं तच्छेषोत्थदशांशकः फलभृतानाम्रद्धमानाश्रितः। त्रिन्नं शेषपदं च पाशपतितं व्याधस्य चापद्वशे विद्वत् ! कीरकुलप्रमाणमधुना तत् कथ्यतां वेत्सि चेत्॥

न्यासेनैवास व्याख्या—{म्ै।शे०|म्०|द०} । अत्रान्यसानुक्तत्वात् शेषमूलं समीपदृश्यं शून्यं चतुर्गुणं शून्यमेव।तत्र स्वगुणमूलयुते त्रिगुणं मूलमेकस्वयः,
तैर्युते शून्यस्थाने जातनवके क्षेपसदृशत्वात् शून्यस्य। तत्र नवानां मूलं त्रयः।
तत्र पद्युते त्रिगुणं पदम्, तेन युते जाताः षट्। दलिते—अधिते जातित्रिके

• निजताडिते—त्रिकगुणिते जातनवके। विलवस्त्पहृते। तत्र लवो दश्च्छेद एकः। रूपं
चैकच्छेदम्। ततो "इंश्वच्छेदा"वित्यादिना छेदविनिमये १००१ । (एकः)
एकगुणस्तथैव, दश्गुण एको जाता दश्च। एभ्यो लवैकपाते जाता नवच्छेदाः
दश्च। ततो दृश्योत्थनवकस्यकच्छेदस्य भागार्थ "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिन।
रूपशेषं नव अधः, उपि च दश्, यथा १००१ । दश्युण एको जाता दश्च, एकगुण।
एकच्छेदभक्ता अपि दश्चेव। ततः सङ्गुणना—दश्गुण एको जाता दश्च, एकगुण।
एकच्छेदभक्ता अपि दश्चेव। ततः पुनर्विधः प्रथमपदसमीपगतान्तस्य लवत्वात्।
एते दश्चदृश्यं चतुर्गुणं जाताः चत्वारिशत्। त्रिगुणपदमत्र त्रय एव। पदंस्यगुणं—
त्रिगुणं जाता नव। तेन युते जाता एकोनपश्चाशत्। तत्र मूलं सप्त। पद्युते
पदित्रकमेकस्तेन युते जातदशके दलिते जातपश्चके निजताडिते—पश्चकेनैव

• गुणिते जाता पश्चिवंशितः। कीरकुलस्य प्रमाणमेवं स्थात्।

अस्य घटना-पश्चिविंशतेर्मूलं पश्च । त्रिगुणं पश्चदश शालिक्षेत्रे गतम् । शेष दशकस्य दशांश एकगुणश्रूतद्वमं गतः । अत्र शेषपदं त्रिकम्, तत् त्रिगुणं नववं व्याधस्यापदि पतितम्, यथा र्ै । एषां योगे पश्चिविंशतिः, यथा २५। इयं शेषमूलसमीपस्थदृश्योत्थितत्वात् शेषमूलजातिः समाप्ता ॥

मूळाग्रभागजातिः—

मूलाग्रभागजातौ करणसूत्रं वृत्तम्—
भागोनरूपविहृते खलु दृश्यमूले
दृश्यात् पदार्धकरिणीसहितात् पदे च ।

१ शार्द्लिविकीडितम्।

मूलद्विभागसहिते गमिते कृतित्वं राशिभवेदभिमतो हृदि यस्त्वदीये॥

व्याख्या—हत्र्यमूल इति हत्र्यं च मूलं च हत्र्यमूलं तत्र हत्र्यमूले । भागी-नरूपिनहते—संवर्गितभागन्यूनरूपेण प्रस्तावे विभक्ते सित हत्र्यादित्यादि पदं— मूलं तस्यार्थम् । यदा च पदं नार्थं सहते [पदं] तदाऽधरुछेदं द्विगुणं कृत्वा तस्य ' पदस्यार्थितस्य करणी—वर्गस्तेन सिहताद् हत्यादङ्कात् ''विषमसमे"त्यादिना समानीते द्विष्ठार्थिते पदे । मूलद्विभागेत्यादि भागोनरूपिनहतिवेलायां यन्मूलम-कृतकरणीकं तस्य द्विभक्तस्य यह्नब्धं तेन सिहते । गिमते कृतित्वं तस्य मूलद्विभा-गसहितहरुयोत्थपदाङ्कस्य वर्गे कृते सित अभिमतो राशिभवेदित्यादि स्पष्टम् ॥

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणमाह-

त्रयंद्याः सारङ्गयूथात् त्रिलवकसहितो व्याघ्रभीत्या प्रणष्टो गीते लुव्धं स्वमूलं विगलितकवलं मीलिताक्षि स्थितं च। यथाद् भ्रष्टे कुरङ्गणौ तरलितनयने हन्त दृष्टे भ्रमन्त्यौ कान्तारे बृहि तृर्णं यदि गणितविधिं वेत्सि यूथप्रमाणम्॥

"छेदनं छेदनेने"त्यादिना छेदनं - त्रिकं छेदनेन - त्रिकंण हन्यात्, जाता नव । सांशकाघोहरेण - सैकित्रिकेण चतुर्भिराद्यांशमेकं हन्यात्, जाताश्वरवारो नवच्छेदाः, यथा { है । रूपेणैकच्छेदेन सम 'मंश्चच्छेदा' वित्यादिना विनिमये { है | शे आद्याङ्क एकगुणः स एव । पराङ्क एको नवगुणो जाता नव । एभ्यः प्राच्यभागचतुष्कपाते जाताः पश्च नवच्छेदाः है । एतद् भागोनरूपम् । श्वनेन विहते हश्यमूले हश्यं द्विक्रमेकच्छेदं विहत् भागोनरूपस्य पश्चकादेः 'कृत्वा परीवर्तन' मित्यादिना यथा है । सङ्गुणना - नव द्विगुणा अष्टादश, एकगुणाः पश्च पश्चेव, जाता हश्यस्थाने अष्टादश पश्चच्छेदाः, यथा है । एतेन भागोनरूपविहते हश्यमूले ज्ञेयम् । अत्र पदं नव, सोऽधं न सहते, ततस्तदघः र पश्चकस्य द्विगुणतायां जाता दश । एतेनाधमुपर्यङ्को भवति । एवमधीसहे उप-र्यङ्के अधःस्यस्य द्विगुणतायां पर्यक्कोऽधितो भवति (इति) सर्वत्र ज्ञेयम् । पर्वाधस्य विश्वणतायां पर्या कित्र कित्र केत्र विश्वणतायां जाता दश । एतेनाधमुपर्यङ्को भवति । एवमधीसहे उप-र्यङ्के अधःस्यस्य द्विगुणतायामुपर्यङ्कोऽधितो भवति (इति) सर्वत्र केत्र के

१ वसन्ततिलका । २ स्रम्धरा ।

अस्य घटना—नवकस्य त्र्यंशस्त्रयः । स्वलवस्त्रयाणां त्रिभागे एकस्तत्सिहताः अत्वारो नष्टाः । स्वमूलं-नवकमूलं त्रयो गीते लुब्धम् । दृष्टं च द्वयम् , यथा र्र्ैं । एषां योगे नव ॥

१५ द्वितीयोदाहरणमाह—

किषकुलनवमांशाः पश्च म्लेन युक्ताः पनसविटपिशाखान्दोलनासक्तचित्ताः। फलमभिलषमाणा वानरा द्वन्द्वयुद्धा दश च गणक! दष्टा यूथमानं वदाशु॥

२० (न्यासः) {रूः | यूः | मूः | हः । अत्र एकच्छेद्रूपस्य भागेक्यार्थ "मंज्ञच्छेदा" वित्यादिना छेदविनिमये यथा {१००० । ततो रूपाङ्का नवगुण एको जाता नव नवः च्छेदाः, पराङ्का एकगुणः स एव । ततो रूपाङ्का नवगुण एको जाता नव नवः च्छेदाः, पराङ्का एकगुणः स एव । ततो रूपाङ्का नवगुण सागपञ्चकपाते जाता नवच्छेदाश्रत्वारः, यथा ११० । एतद् भागोनरूपम् । अनेन विहृते दृश्यमूले । तथाहि—दृश्यमूलकमाद् दृशैकावेकच्छेदौ विभक्तम् । १० । रूपशेषचतुर्नवकस्य भागदायिनः "कृत्वा परीवर्तनमंश्रहारयो"रित्यादिना उपरि नव, अधश्रत्वारः, यथा ११ । ततो दृश्यदशकस्य नवगुणे जाता नवतिश्रतुरुछेदा, यथा ११ । तथा मूलस्य—एकस्य नवगुणे जाता नव चतुरुछेदाः ११ । एतेन भागोनरूप-विहृते दृश्यमूले जाते । अत्रापि पदं नवार्षं न सहते, तद्धश्रतुणा द्विगुणतायां

१ मालिनी ।

अस्य घटना-नवभक्तः षट्त्रिंशतः पश्चमागाश्चतुष्कपश्चकेन विंशतिः, षट्त्रिंशतश्च मूलं षड्, विंशतिरान्दोलने दृष्टाश्च दश, यथा र्ैः । एषां योगे षट्त्रिंशत् ॥

अथ तृतीयोदाहरणमाह—

अष्टांद्राः क्रोडयूथात् सुगणक ! कुरुते पत्वले पङ्ककेलिं मूलं सार्धं नु सुस्ताः खनित खलु सखे ! पोत्रिणी सप्तपोता । द्या अष्टा खयूथान्निजकुलमितोऽन्वेषमाणा प्रचक्ष्व क्षिप्रं जानासि पाटीं यदि ननु कितिभः सुकरैर्यूथमेतत् ॥

न्यासेनैवास व्याख्या—{यूर्वम् १ दर् । अत्र मूलाङ्के "छेदनिन्ने" वित्या-दिना छेदद्विगुण एको जातो द्वौ, रूप एको मध्ये जातास्त्रयो द्विच्छेदाः । "भागोने"त्यादि कर्तुं रूपस्य एकच्छेदस्य भागच्छेदाष्टकस्य च विनिमये यथा, {१००० । अष्टगुण एको जाता अष्टौ, पराङ्क एकगुणः स एव । ततो रूपोत्था-ष्टमध्याद् भागेकपाते जाताः सप्ताष्टच्छेदाः, यथा ११ । अनेन दश्यमूले २ विभक्तं हरराशित्वात् "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिना उपर्यष्टौ, अधः सप्त, यथा {६१ । ततः सङ्गणना—अष्टगुणा अष्टौ जाता चतुःषष्टिरेकगुणसप्तच्छेदा, यथा {६४ । मूलित्रद्विरूपस्य मध्ये सङ्गणना—अष्टांशगुणास्त्रयो जाता चतुर्विश्वतिः,

१ तृणविशेषान् । २ सम्धरा।

तथा सप्तच्छेदगुणौ द्वौ जाताः चतुर्दश । एतेन भागोनरूपरहिते दृश्यमुले इति सिद्धम्, यथा {मू३४ ह ६४ । रूपशेषं गतं दृश्यादित्यादि । अत्र पदं चतूर्विश-तिस्तर्यार्धं द्वादश, तस्य करणी चतुश्रत्वारिंशदधि(क)शतम् । अधश्रतुर्दशानां करणी पण्णवत्यधि(क) शतम् । एकं विना द्विप्रभृतीनां छेदानां 'भिन्न' इति े ५ सञ्ज्ञा । तत उपर्यघोऽङ्कयोर्वर्गो भवति, यथाऽत्र जातः 👯 🕻 । अस्य योज-नार्थं ''अंशच्छेदा''वित्यादिना दृश्यचतुःषष्टिच्छेदस्य सप्तकस्य सप्तभिरपवर्ते जात एकः । पण्णवत्यधि(क)शतस्य सप्तमिरपवर्ते अष्टाविंशतिः । ततो विनिमये, यथा { २२१ 👙 । पूर्वाङ्क एकगुणः स एव । पराङ्के अष्टाविंशतिगुणा चतुःपष्टि-र्जाता सप्तदशञ्जती द्विनवतिश्व । अष्टाविंशतिगुणाः सप्त जातं षण्णवत्यधि(क)-१० शतम्, यथा { १९६६ } । समच्छेदत्वात् सप्तदशशत्यादिमध्ये चतुश्रत्वारिंश-द्धि(क)श्रतक्षेपे जाता एकोनविंशतिश्रती पद्त्रिंशच पण्णवत्यधि(क)शतच्छेदा, यथा { दे है । अनयो ''विषमसमे ''त्यादिना द्विन्नार्धिते उपरि जाता चतुश्रत्वारिंशत् , अधश्रतुर्दश, यथा { "४४} । अग्रमूलद्विभागोऽर्धं द्वाद्श, तेन सिंहते जाता षदपश्चाशत् चतुर्दशच्छेदा, यथा (१३) । अनयोश्चतुर्दशमिर-१५ पवर्ते उपिर चत्वारः, अध्यैकः । ततोऽनयोः कृतिरुपिर षोडशः, अध्यैकः, यथा 👫 । एतत् स्करयूथप्रमाणम् ।

अस घटना-पोडशकसाष्टमे भागे द्वौ। पोडशकमूलं चत्वारः सार्धं पट्। दृष्टा अष्टौ, यथा $\left\{\frac{3}{2}\right\}$ । एषां योगे षोडश। एवं मूलाग्रे कृतभागनिष्पन्नत्वात् मूलाग्र-भागजातिः समाप्ता ॥

२० अथ उभयाग्रद्दयजाती करणसूत्रं वृत्तमाह-

निरंशरूपाहतिभक्तदृश्यः मूले पद्रद्यंशकवर्गयुक्तात्। दृश्येकतो मूलमधो पदार्धः युक्तं स्वनिद्यं भवतीष्टराशिः॥

रे व्याख्या–इयम्रुभयाग्रम्–आद्याग्रमन्ताग्रम्, तत्र दृश्यं आदावन्ते च दृश्यं तद्रूपा जातिस्तत्र । निरंशरूपेति यावन्तो अंशा भवन्ति तावतो वारास्तावद्भिरं-शैर्हीनानि रूपाणि तेषां आहतिः प्रभागजातिवदंशच्छेदयोरंशैरंशगुणनं छेदै-श्छेदगुणनं तया भक्तं–भागहाररीत्या विभक्तं पर्यन्तदृश्यं मूलं च तत्र निरंश-

१ उपजातिः।

रूपाहतिभक्त दृश्यम् हो। दृश्येम्यत इति दृश्ययोराद्यन्तयोरैम्यं—संयोगः समच्छेद-नाद् यः तसात्। दृश्येम्यतः किंरूपात् १ पद्रमंशकेति पदस्य मंशकमधं तस्य वर्गस्तद्यक्तात्। अयमर्थः—पदार्धवर्गयुक्तं पर्यन्तदृश्यं प्रथमं कृत्वा पश्चान्मूल-दृश्येनैम्यं विधेयम्। ततो ''विषमसमे''त्यादिना मूलं पदार्धयुक्तं स्पष्टं स्वनिधं पदार्धयुक्तमूलस्य योऽङ्कः स तेन गुणितो भवतीष्टराशिः॥

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणमाह—

स्तम्बे स्तम्बेरमेण स्थितमथ सरसि कीडया दोषषष्ठं तस्यो दोषेषुभागश्चरति गिरितटे दाल्लकीपल्लवांश्च । पादः दोषाच सिंहध्वनिभयचिकतः सर्वमूलाभ्युपेतो इष्टोऽन्यः षट्करेणुरनुसरति करी बृहि मानं कतीभाः ? ॥ १००

व्याख्या—सम्बे-आलानसम्भे सम्बेरमेण एकवचनान्तत्वादेकेन स्थितम्। शेषस्य इषुभागः-पश्चमो भागः। शेषं स्पष्टम् । न्यासः-{ दशशिशश्मिशे हर्देशे ''निरंशरूपे''त्यादि रूपमेकच्छेदगतः । ''अंशच्छेदा''वित्यादिना छेदविनिमये गुणने च रूपस्थाने क्रमेण पट्ट पट्छेदाः पश्च पश्चच्छेदाश्चत्वारश्चतुरुछेदाः स्युः, यथा { ध्री है । ततः प्राग्लिखितांशस एकैकस पाते क्रमेण रूपस्थाने पश्च १५ षद्छेदाश्रत्वारः पश्चच्छेदास्त्रयश्रतुक्छेदाः, यथा 🔞 🛂 🕽 । एतस्य निरंशरूपस्य उपर्यङ्कस्याधक्छेदाङ्कस्य चाहतिः-मिथो गुणनम् , यथा पश्चगुणाश्चत्वारो विंशतिः, विंशतिगुणाय (१ स्रयः) [उपरि] पष्टित्तथा पर्गुणाः पश्च त्रिंशत्, त्रिंशहृणा-श्रत्वारो विंशत्यिध(क)शतम् , यथा (र्ः) । अनयोः षष्ट्याऽपवर्ते उपर्येकः, अधो हो, यथा (१) । अनया निरंशरूपाहत्या भक्ते । तथाहि हरराशित्वात् २० "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिनोपरि द्वौ, अध एकः, यथा 🚯 । ततो दृश्यस्य सप्तकस्य सङ्गणना-द्विगुणा सप्त जाताश्रतुर्दश । एकगुण एकच्छेदः स एव । तथा मूलमेकः। सङ्गुणना-द्विगुण एको जातौ द्वौ। एकगुण एकच्छेदः स एव। तथा एकभक्तं दृश्यं मूलं च तदेव, यथा { ध्रीहीमू } । ततः पदस्य द्वयोर्झशक-मर्धमेकस्तस्य वर्गोऽप्येकस्तद्युक्तं दृश्यं चतुर्दश जाताः पश्चदश एकच्छेदाः, २५ यथा 💱 । एतद्युक्तात् दृश्येक्यत इति दृश्यमाद्यमेक एकच्छेदः । ततः सदशच्छेदत्वात् पर्यन्तदृश्योत्थपश्चद्शमध्ये आद्यदृश्येकक्षेपे जाताः षोडश्, यथा { ' ६ । असाद् दश्येक्यतो मूलं चत्वारः, पदं प्रागुक्तं द्वौ, तद्धमेकस्तद्यक्ता-

१ सम्बरा।

अत्वारो जाताः पश्च, स्वनिन्नं पश्चगुणाः पश्च जाता पश्चविंशतिः, यथा (२५)। लब्धं करियुथप्रमाणम् ॥

अस्य घटना-पश्चिविश्वतिमध्ये स्तम्बे एकः । शेषस्य चतुर्विश्वतेः षडंशश्चत्वारः सरित । शेषस्य विश्वतेः पञ्चमांशश्चत्वारः पर्वते । शेषस्य षोडशक(स्य) पादश्चत्वारः ५ सिंहभीतस्तथा पूर्वस्य प्रथमाङ्कस्य पञ्चिविश्वतेर्भूतं पञ्च तैरम्युपेतो-युक्तः दृष्टाश्च सप्त, यथा र्र्य

अथ द्वितीयोदाहरणमाह—

मधुकरयुगं दृष्टं पद्मे परागिपशिक्षतं करिवरकटे शेषादर्धं जगाम ससप्तकम्। पदमथ गतं तत्रूथस्य कणन्नवमिष्ठकां भ्रमरमिथुनं दृष्टं भ्रातर्वदालिकदम्बकम्॥

१ हरिणी।

गुणाश्रत्रं जातमष्टपष्टाधि(क)शतम् । द्वादशगुणास्त्रयो जाताः पदित्रं शत्, { ' कैं हे } । समच्छेदत्वादष्टपष्टाधि(क)शतमध्ये एकोनपश्चाशत्स्रेपे जातं सप्त-दशाधि(क)द्विश्रतं पदित्रं श्रच्छेदम्, यथा { कैं है } । एतेन पदद्यं शक्यगेषुक्ता-दिति सिद्धम् । एतद् दश्यं मूलदश्यद्विकेनैकच्छेदेनैक्यं कर्त्तं ''अंशच्छेदा''वित्या-दिना छेदविनिमये, यथा { कैं है } । एकगुणं तदेव । पदित्रं शद्धणौ द्वौ ५ जाता द्वासप्ततिः, पदित्रं शद्धण एको जाता पदित्रं शत्, यथा { कें है } । समच्छेदत्वात् सप्तदशाधि(क)द्विश्रतमध्ये द्वासप्ततिक्षेपे जाता एकोननव-त्यधि(क)द्विश्रती पदित्रं शच्छेदा किं है । एतेन दश्येक्यं जातम् । ततो द्वयो ''विषमसमे''त्यादिना उपर्यक्कस्य मूलं सप्तदश्च, अधश्य पद्, यथा { ' है } । मूलद्विभागः पद्छेदाः सप्तदश्च प्राक्त कृताः । समच्छेदत्वात् सप्तदश्मध्ये १० सप्तक्षेपे जाता चतुर्विश्रतिः पद्छेदा । अनयोः पद्मिरपवर्ते उपरि चत्वारः, अधश्येकः, यथा { है } । अनयोः कृतिः उपरि पोडश, अधश्येकः, यथा { है } । एकमक्तं च तदेव । लब्धं मधुकरप्रमाणम् ।।

अस घटना-षोडशमध्यादिलयुगं पद्मे दृष्टम् । शेषस्य चतुर्दशकस्यार्धं सप्त । सप्तानां च सप्तमोऽंश एकस्तद्युक्ता अष्टौ करिकटे कृताः । पूर्वस्य प्रथमाङ्कस्य १५ षोडशकस्य मूलं च चत्वारो मिल्लकां गताः । अन्ते च दृष्टद्वयम्, यथा र्र्ष्ट्रे । एषां योगे षोडश ॥

तृतीयोदाहरणमाह-

कश्चिद् धनी पादमदाद् द्विजाय रोषत्रिभागं त्वथ रोषपादम्। सर्वस्वमूलं च दलं तथाऽन्यद् बभ्व निःस्वस्य कियद् धनं तत्?॥

यथा 🛟 । अस्य हरत्वात् "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिना उपरि हो, अधश्रेकः, बक्षा 📳 । ततो दश्यार्धेन 🕄 सङ्गुणना, बक्षा-एकगुणौ द्वानुवरि, अधी द्वावेव 📳 हो मूलमेको द्विगुणो जातौ द्वौ, अधश्च एकगुण एकच्छेदः स एव, यथा (मूर्)। एतेन निरंश्वरूपाइतिभक्तदृश्यमूले इति सिद्धम् । ततः पद्ख-् ४ द्विकस्य ब्रंशकमधेमेकः तस्य वर्गोऽप्येकच्छेद एकवर्गोऽप्येकः, यथा 👯 । तद्-योगार्थं दृश्यच्छेदनसम"मंशच्छेदा"वित्यादिना छेदविनिमये, यथा 📳 📜 🗐 द्विगुणमेकद्वयं द्विकद्वयं जातम्, एकगुणं च तदेव, यथा 💱 । समच्छेदत्वाद् द्विकमध्ये द्विश्लेपे जाताश्चत्वारो द्विच्छेदाः । एतेन पद्द्यंशकवर्गयुक्तादिति सिद्धम् । मृलदृश्येनैकेन समन्छेदेन सम''मंशच्छेदा''वित्यादिना अर्धापवर्ते se जातैकद्विच्छेदयोः, यथा रिव्हे । प्राच्याङ्क एकगुणः स एव । पराङ्के द्विगुणाश्व-त्वारी जाता अष्टौ । द्विगुणौ द्वौ जाताश्रत्वारः, यथा (१४६) । समच्छेदत्वादष्ट-मध्ये एकक्षेपे जाता नव चतुरछेदाः 💲 । एतद् दृश्येक्यम् , तसान्मूलं नवानां त्रयश्रतुर्णां मूलं द्वौ, यथा 📳 । पदार्घमेकमेकच्छेदम् , एतद्योगार्थextstyle extstyle ex**१५ ककौ द्विकं द्वयं जातम्**, यथा (१०००) । ततस्त्रिकमध्ये द्विकक्षेपे जाताः पश्च द्विच्छेदाः, यथा 📳 । पदार्घयुक्तं मुरुमिति सिद्धम्। खनिन्नं स्थानद्वयेऽपि पश्चगुणाः पश्च पश्चविंशतिः, द्विगुणौ द्वौ जाताश्चत्वारः, यथा 💱 । अधीsङ्केनोपर्यङ्कस्य भागे लब्धं पद्, शेषं चैकश्रतुक्छेदः, यथा 💱 । सपादाः षट द्रम्मा निःखस्य-दरिद्रस्य जाताः ॥

(भिन्नभागदृश्यजातौ करणसूत्रं वृत्तम्-)

हर्यां हाकोने विहृतेऽथ रूपे स्तम्भां हाघातेन च तत्फलं स्यात् १७४।' व्याख्या—हरुये ये हरूयकास्तैरूनं रूपं तत्र हरुयां शकोने रूपे अहरुया

१ इन्द्रवन्ना।

ये स्तम्भांशास्तेषां घातो-गुणनं तेन स्तम्भांशघातेन विहते प्राक्कृतदृश्यांश-कोनरूपे तत्फरुं तस्य स्तम्भस्य फरुमिष्टत्वात् प्रमाणं स्थात् ॥

अत्रोदेशके वृत्ते उदाहरणमाह—

स्तम्भस्य भागेन च सप्तमेन सन्ताडितः स्तम्भदशांशकोऽयम् । सखेऽंशकार्धं परिदृष्टमच स्तम्भप्रमाणं कथयाशु सत्यम्॥ ७५॥

न्यासः—{३|,३|६३} । प्रागुक्तयुक्तया रूपात्—जातदिच्छेददिकात् दृश्यांश एकपाते जातौ द्विच्छेद एक इति दृश्यांशकोने रूपे, यथा {३} । स्तम्भांश-योर्पथा {३|,३} । प्रभागजातौ "अंशाम्यास"मित्यादिना अंशयोः—एकयो-१० मिथो गुणने एक एव, छेदयोः—सप्तदशकयोर्भिथो गुणने जाता सप्ततिरिति एकः सप्ततिच्छेदः स्तम्भांशघातः, यथा {३०} । अयं हरः । ततः "कृत्वा परीव-र्तन"मित्यादिनोपरि सप्ततिः, अधश्रेकः, यथा {°३} । भाज्यं रूपमेको दिक-च्छेदः, यथा {३} । अत्र कृतिशापर्वतनाद् द्वा(द्वच)पवर्ते सप्ततेर्थं पश्रविशत्, यथा {³३} । द्वयोर्थे एकः, यथा {३} । सङ्गुणना—एकगुणं तदेव । [एकगुण] १० एकच्छेदभक्तमपि तदेव । लब्धं पश्रविश्वदस्ताः स्तम्भप्रमाणम्, यथा {°३} ॥

अस्य घटना-पञ्चत्रिंशद्धस्तानां सप्तमे भागे पञ्च । तैः पञ्चत्रिंशद्दशमे भागे सार्धहस्तत्रयं ताडितं जाताः सार्धदशहस्ता दृष्टा सार्धसप्तदश चादृष्टा । एषां योगे पञ्चत्रिंशत् हस्ताः { 3 4 } । प्रभागजातिरियम् ॥

द्वितीयोदाहरणमाह—

त्रिपश्चादादंद्दोन वेणोईतो यो द्विपश्चादाकस्तद्गुणो हन्त दृष्टः। मया तत्त्वभागान् विभोर्विश्वतुल्यान् विचिन्त्याद्यु मे वंदासङ्ख्यां वदार्य!॥ ७६॥

न्यासेनैवास व्याख्या—{दैब्द्विद्विदेवे । रूपस्य-एकच्छेदस्य ''अंशच्छेदा" वित्या- २ दिना जाता रूपस्थाने पश्चिवंशतिच्छेदा पश्चिवंशतिः। ततोऽस्या दश्यांशकत्रयो-दशपाते जाताः पश्चिवंशतिच्छेदा द्वादश, यथा {देवे । एतत् दश्यांशकोनं रूपम्। प्रभागजातिवत् स्तम्भांशयोस्त्रिपश्चकयोर्मिथो घाते जाताः पश्चदश । छेदयोः पश्चा-

ŧ۱

१ उपजातिः। २ भुजङ्गप्रयातम्।

श्रत्पश्चविंशत्योर्मिथो वाते जाता पश्चाशद्धि(क)द्वादशश्चती, यथा { कर्वे हैं } । अयं स्तम्भांशवातः । तस्य च हरत्वात् ''कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिना उपरि द्वादशशत्यादि, अधः पश्चद्श, यथा { कर्वे हैं } । कुलिशापवर्तनं यथा—प्राग्वद् हश्यद्वादशानां त्रिभिरपवर्ते चत्वारः, पश्चदशानां त्रिभिरपवर्ते पश्चः, तथा पश्चाश- ५द्धि(क)द्वादशशतानां पश्चविंशत्या अपवर्ते जाताः पश्चाशत्, पश्चविंशतेः पश्चविंशत्याऽपवर्ते एकः, यथा क्ष्वविंशत्या अपवर्ते जाताः पश्चाशत्, पश्चविंशतेः पश्चविंशत्याऽपवर्ते एकः, यथा क्ष्वविंशत्या अपवर्ते जाताः पश्चाशत् जाता द्विशती, एकच्छेदगुणाः पश्च त एव । पश्चभिद्धिंशत्या भागे यथा क्ष्वविंशत्या हत्ता वंशप्रमाणम्, यथा ४० ॥

अस्य घटना-चत्वारिंशत्ह(द्व)स्तानां भाग एकोनविंशत्यङ्गुलान्यङ्गुलस्यैकः

10 पश्चभागः, त्रयंशत्वात् त्रिगुणो जातं हस्तद्वयं नवाङ्गुलानि अङ्गुलस्य पश्च भागास्त्रयः। अनेन चत्वारिंशतः पश्चिविंशतिपश्चभागनिष्पत्रा अष्टहस्ता गुणिता एकोनिवंशतिहस्ता अङ्गुलचतुष्कं अङ्गुलस्य पश्च भागाश्चत्वारः। तथा चत्वारिंशतः
पश्चिविंशतित्रयोदशभागनिष्पत्रहस्ता विंशतिरेकोनविंशत्यङ्गुलानि अङ्गुलस्य
पश्चभाग एकः। एषां योगे चत्वारिंशत्, यथा (४०)। एवं भिन्नभाग
14 दृश्यजातिः समाप्ता।।

भागमूलजातौ करणस्त्रं वृत्तम्—

दृश्यात् पयोराशिहताछ्याप्तात् समूलसंवर्गयुताच मूलम् । समूलमधीकृतवर्गितं च भागाहतं स्यादिह यूथमानम् ॥ ७७ ॥

(न्याख्या-) दृक्ष्यांश्वकात् पयोराशिभिश्वतुर्भिर्हतात्-चतुर्गुणात् लवैराप्तात्-अंशैभिक्तात् यस्य दृक्ष्यस्य यन्मूलं तस्य संवर्गस्तद्धणो वर्ग इति न्यायात् तेन युतात्र (श्व) "विषमसमे"त्यादिना मूलं पश्चात् स्वमूलं स्वमूलाङ्क्षयुतम् । एतेन दृक्ष्यं द्वयं त्रयं वा भवति मूलमपि द्विधा त्रिधा भवति लवा अपि द्विधा त्रिधा भवन्तीति २५ ज्ञेयम् । पश्चादधीकृतं पश्चाद् वर्गितं-कृतवर्गं भागाहतं-यैर्भागेर्भागहाररीत्या भक्तं तैरेव भागैराहतं युथमानं स्यात् ॥

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणमाह-

यूथाष्टांशस्य मूलं सजलजलधराकारमष्टादशः विज्ञां सिन्धुराणां भ्रमति हि विगलदानधाराद्रगण्डम् ।

१ उपजातिः।

दृष्टाश्चाष्टादशान्ये हरिणपतिशिशुध्वानमाकण्ये भीताः का सङ्ख्येयं गजानां गणय गणितवित् ! चेदिहास्ति श्रमस्ते ७८।

न्यासेनैवास व्याख्या—{ १ मू ६ दृह्य ६ १ । दृश्यमष्टादश । पयोराशिहतं चतुर्गुणा अष्टादश जाता द्वासप्तिर्यथा लवाप्तात् । तथाहि अष्टच्छेदलवस्तस्य च हरत्वात् "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिना उपर्यष्टौ, अधश्रेकः, यथा ६६ । ततः सङ्गुणना—अष्टगुणा द्वासप्तिर्जाता पट्सप्तत्यधि(क)पञ्चशती, एकच्छेदगुण एकः स एव, एकभक्तमपि तदेव । अनेन लवाप्तादिस्तमूलमष्टादश । अस्य वर्गश्रतुर्विश-त्यधि(क)त्रिशती, यथा ३२४ । समच्छेदत्वात् षट्सप्तत्यधि(क)पञ्चशतमध्ये यथा ५७६ चतुर्विशत्यधि(क)त्रिशतक्षेपे जाता नवशती एकच्छेदा, यथा १०६ चतुर्विशत्यधि(क)त्रिशतक्षेपे जाता नवशती एकच्छेदा, यथा १०६ चतुर्विशत्यधि(क)त्रिशतक्षेपे जाता चतुर्विशतिः, वर्गितं चतुर्विशतिकर्पः सहितं जाता अष्टचत्वार् । अर्थाकृतं जाता चतुर्विशतिः, वर्गितं चतुर्विशतिकर्पः पट्सप्तत्यधि(क)पञ्चशती । भागाहतं—भागेनैकनाष्टच्छेदेन आहतं उपर्यङ्केनाहतं तदेव, अधश्राष्टगुण एको जाता अष्टौ । ततोऽष्टिभः पट्सप्तत्यधि(क)पञ्चशत्या, यथा १०६ । भागे लब्धं द्वासप्तिः । यथा १०३ । एतद् गजयूर्थप्रमाणम् ॥

अस्य घटना-द्वासप्ततिगजानामष्टांशो नव । तस्य मूलं त्रिकमष्टाद्शमं १ जाता चतुःपश्चाशत् शैलाग्रे चरति । दृष्टा अष्टादश (४३) । एषां योगे जाता द्वासप्ततिः ॥

अथ मूलद्वयोपेतद्द्यद्वयसोदाहरणवृत्तमाह—
द्वित्रयंद्रामूलं द्युगतं नवव्नं
नष्टं च दोषित्रद्वाराश्च मूलम् ।
षडाहतं हंसकुलस्य दृष्टा
सखे ! त्रिरष्टौ कित तेऽत्र सर्वे ॥ ७९ ॥ १

(व्याख्या-) द्रौ त्रयंशौ तयोर्म्लं नवगुणं शेषत्रिलवभागा मूलं च षडाहतं नष्टं हृष्टा त्रिरष्टौ चतुर्विश्चतिः। न्यासः—{ अपूर्व श्रेष्ट्रियं पूर्व हृष्ट्रियं क्षुश्चतुर्विश्चतिः। श्वतुर्गुणा जाता षण्णवतिलवः। त्रिपश्चभागाहरत्वात् "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादि- श्व ना उपिर पश्च, अधस्त्रयः, यथा (अ)। कुलिशापवर्तनम्—षण्णवतेस्त्रिभिरपवर्ते द्वानिश्चत्, त्रयाणां त्रिभिरपवर्ते एकः, यथा (अ)। ततः सङ्गुणना—द्वात्रिश्चतो मिथो गुणने षष्ट्यधि(क)शतम्। एकच्छेदगुण एकः स एव। एकभक्तश्च स एव,

१ संग्धरा । २ उपजातिः ।

यथा { १६६ } । लवाप्तादिति सिद्धम् । स्वमूलं प्रत्यासन्नत्वात् षद् । तद्दर्गः पट्त्रिं-शत् । एतद्युक्तं पष्ट्यि(क)शतं एकच्छेदम् , यथा { १९६ } । "विषमसमे"त्यादिना मूलं चतुर्दश {'६'} । समूलं पड्युतं जाता विश्वतिः । अधीकृतं दश, वर्गितं च जातं शतम्, यथा {'°°} । भागस्त्रिपश्चभिराहतं(१ तः) । तथाहि-त्रिगुणं ५ शतं त्रिशती, एकः पञ्चगुणः पञ्च, जाता पञ्चच्छेदा त्रिशती, यथा 👫 🕻 । अनयोः पञ्चभिरपवर्ते उपरि षष्टिः, अधश्रेकः, यथा (६३) । अन्तरा अङ्का गताः, प्रथममूलाङ्कः स्थितः प्रत्यासन्नत्वात् । दृश्याङ्क एकच्छेदा पष्टिश्चतुर्गुणा चत्वारिंग्रद्धि(क)द्विशती एकच्छेदा। लवैः प्रथमोक्तिद्वित्रिमागैर्हरत्वात् "कृत्वा परीवर्तन''मित्यादिनोपरि त्रयः, अधश्रद्धौ, यथा 📳 । क्रलिशापवर्तनम्-१० चत्वारिं अद्धि (क) द्विश्वत्या अर्धापवर्ते विंशत्यधि (क) शतम्, द्वयोरधीपवर्ते एकः, यथा (१९६३)। ततः सङ्गुणना-त्रिगुणं विंशत्यिध(क)शतं जाता षष्ट्यिध(क)-त्रिशती । एकच्छेदगुण एकः स एव । तद्भक्तश्राङ्कः स एव । लवासादिति सिद्धम् । स्वमूलं नव, तद्वर्ग एकाशीतिः । इयं षष्ट्यिधि(क)त्रिशतमध्ये क्षिप्ता जाता एकचत्वारिंशद्धि(क)चतुःशती एष(क)च्छेदा । ''विषमसमे''त्यादिना १५ मूलमेकविंशतिः । समूलं नवयुक्तं जाता त्रिंशत् । अधीकृतं पश्चदश, वर्गितं च पञ्चविद्यात्यि (क) द्विञ्ञती । भागे द्वित्रिमिराहतम् । द्विगुणा पञ्चविद्यत्यि (क)-द्विश्वती जाता पश्चाश्चद्धि(क)चतुःश्वती । त्रिगुण एको जातास्त्रयः, यथा { * ५ } । अधोऽङ्केनोपर्यङ्कस्य मागे लब्धं सार्धशतम् , यथा { ' ' ' } । एतत् हंस-कुलप्रमाणम्। भागैर्मूलेन च निष्पन्नत्वात् दृश्यस्य भागमूलदृश्यजातिः समाप्ता ॥ अस्य घटना-सार्धशतस्य द्वौ त्र्यंशौ शतं तस्य मूरुं १० नवघं जाता नवतिः नभोगता । शेषपष्टिपश्चभक्ताया लब्धं द्वादश । एतत्रयं पद्त्रिशत् । अस्य मूलं षद्, पद्म (१पडा)हतं षद्त्रिंशदेतन्नष्टम् । दृष्टा चतुर्विंशतिः, यथा 💱 🕽 एवां योगे सार्धशतम् ।

हीनवर्गजातौ करणस्त्रं वृत्तमाह-

स्तांशोद्धृतच्छेद इह द्विधाऽसा-वृनाहतोऽन्यार्धकृतिप्रयुक्तः । दृश्योनितस्तत्पदमूनमन्य-दलान्वितं भागविभक्तमाप्तम् ॥ ८०॥

व्याख्या-खांशैरुबृतः-ऊर्घ्वं नीतः स्वकसाधोगमनेन यश्छेदः स्वांशोकृत-

२५

१ उपजातिः।

क्छेदः इह-हीनवर्गजातौ ऊनाङ्कसङ्घटितत्वात् द्विधा खाप्य खानद्वये अधः कृतांश्रम्ध्वेच्छेदः कार्यः । पथादेक ऊनेन पृच्छकोपदिष्टेन हीनाङ्केनाहतौगुणिकोऽन्यख द्वितीयखानिखत्याधोऽंशको दिच्छेदाङ्कस्य यदर्धं तस्य कृतिः—
वर्णस्तेन प्रयुक्तसमच्छेदत्या युक्तः । पथात् सद्दश्च्छेदपूर्वं दृश्येनोनितः पश्चात्
तदङ्कस्य पदं-मूळं तत्पदम् । तत ऊनं—उद्दिष्टन्यूनाङ्कपदं प्रागुक्तान्यद्छेन ५
समच्छेदत्या अन्वितं—पश्चात् तत्पदमध्ये समच्छेदत्या मिलितं भागैः प्रयुक्तेयेषामूध्विधो विपर्ययः कृतस्तिर्भागहाररीत्या सङ्गणनादिकयाऽपि भक्तं सत्
आग्नं—यक्ष्वच्चं स इष्टराशिरित्यर्थः । अन्यदलान्वित्तमूनं तत्पदमध्ये क्षेप्तव्यभिति
सत्रे अनुषदिष्टमप्युक्तम् । भागविभक्तमप्युक्तत्वात् ॥

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणमाह—

त्रिपश्चभागः शिखिनां षडूनो वर्गीकृतः कीडित चान्तरागः। दृष्टा निविष्टास्तु वनान्तरे षड् यथप्रमाणं कथयाञ्च तेषाम्॥ ८१॥

न्यासेनैवास व्याख्या— {३ जि ६ ह १ स्वांशन-त्रिकेण छेदः पश्चलक्षणः- १५ छद्वतः—उपिर नीतो यथोपिर पश्च, अधस्त्रयः, स्थानद्वये लेख्यौ, यथा {३ ७ १ । अन्योर्मध्ये असा एकोऽङ्कः पश्चित्रकलक्षण ऊनेन-पइभिराहतो जातास्त्रिंशत् त्रिच्छेदाः, यथा {३ १ । अस्य कृतिः पश्चित्रक्षितः । षदछेदकृतिः पट्तिंशत् । ततः सो"ऽंशव्छेदा"वित्यादिना त्रिंशदधक्छेदस्य-त्रिकस्य त्रिभिरपवर्ते एकः, षट्तिंशतिस्त्रभिरपवर्ते द्वादशं, ततक्ष्ठेदविनिमये यथा {३ १ १ । द्वादशं गुणा २० त्रिक्षं विद्यादिना त्रिंशदिवनिमये यथा {३ १ १ । द्वादशं गुणा २० त्रिंशति जाता पश्चाशीत्यिति (क)ित्रशती पट्तिंशव्छेदा, यथा {३ ६ १ । । द्वादशं पश्च-विद्यादिनो एकोत्रशती पट्तिंशव्छेदा, यथा {३ ६ १ । । द्वादशं पश्च-विद्यादिनो हिन्तिस्त्रथे जाता पश्चाशीत्यिति (क)ित्रशती पट्तिंशव्छेदा, यथा {३ ६ १ । । द्वाद्वर् पश्चादिनो हेदिनिमये यथा {३ ६ १ । प्रवीङ्क एकगुणः स एव । पराङ्के पट्तिंशहुणाः षद्व जाता २५ पोडशायि(क)िद्वर्शती, पट्तिंशहुण एकः पट्तिंशत्, यथा {३ ६ १ । "छत-समहरराक्ष्योरंशिव स्रेपमाहु"रित्युक्त्या पश्चाशीत्यिति (क)िश्वरीमध्यात् पोडशा-वि(क)िश्वराति स्रेपमेकोनसप्तिशतं पट्तिंशत् , यथा {१ ६ १ । तत्पदं तयोः प्राग्लिखितयोरङ्क्रयोः यथोक्तं मूलं "विषमसमे"त्यादिनोपरि त्रयोदश्च,

१ उपजातिः।

अध्य पद, यथा (१३)। तत ऊनं पद एकच्छेदं मण्डियत्वा अन्यदर्णं च पश्च पदछेदं प्रागुक्तम्, यथा (६१३)। "अंशच्छेदा"वित्यादिना विनिमये (६१३)। पड्गुणाः पद पद्तिंशत्, पड्गुण एकः पद, पराङ्कः एकगुणः स एव। समच्छेदत्वात् त्रिंशन्मध्ये पदक्षेपे जाता एकचत्वारिंशत्। समच्छेदत्वात् त्रयो- ५दशकमूलमध्ये क्षिप्ता जाता चतुःपश्चाशत् पदछेदा, यथा (१३)। अनयोः पड्मिरपवर्ते उपि नव, अध्यक्षकः, यथा (६)। भागः प्रागुक्तैस्त्रपश्चरूपैईर-त्वात् "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिनोपरि पश्च, अधस्त्रयः, यथा (१३)। कुलिशापवर्तेन नवानां त्रिभिरपवर्ते त्रयः, त्रयाणां त्रिभिरपवर्ते ततः (१ एकः), यथा (३१३)। ततः सङ्गुणना-पश्चगुणास्त्रयो जाताः पश्चदश्च। एकगुण एकच्छेदः भ एव। एकभक्तश्चाङ्कः स एव। पश्चदश्च शिखियूथप्रमाणम्।।

अस्य घटना-पश्चदशानां पश्चमक्तानां लब्धं त्रयस्त्रिगुणिता नव पहूनो जातास्त्रयस्तस्य वर्गो नव, दृष्टाश्च पद् 📳 । एषां योगे पश्चदश ॥

अथ द्वितीयोदाहरणवृत्तमाह-

गणाष्ट्रभागस्त्रिगुणो दलीकृतो विष्कैस्तथा षोडदाभिविवर्जितः। स्रसङ्खणः क्रीडित पर्वतोदरे चतुर्गुणास्ते विचरन्ति कानने॥ ८२॥

व्याख्या—गणस्याष्टभागोऽष्टौ त्रिगुण इत्युपर्यंशित्रिक्षणो दलीकृतस्त्रयो नार्घ सहते इति च्छेदलक्षणाष्टकस्य द्विगुणतायां षोडश तथा विष्कैः "विष्को २०विंशतिवर्षः स्यात्" इति प्रतीतम् , ते षोडश चतुर्गुणाश्रतुःषष्टिः, शेषं स्पष्टम् । न्यासः—{१००० वृद्धः । स्वांशोद्धृतच्छेदौ स्थानद्वये यथा {१९०० वृद्धः । स्वांशोद्धृतच्छेदौ स्थानद्वये यथा {१९०० वृद्धः । यथा क्षेत्रे । अनयोः १००० वृद्धः । अनयस्य द्विस्थषोडशकस्यार्धं अष्टौ त्रिच्छेदाः, यथा (१००० । अनयोः कृतिरुपि चतुःषष्टिः, अध्य नव, यथा १००० । त्रिगुणात्र्यो विद्यादिना छेदयोः २५ त्रिनवकयोस्तिभिरपवर्ते जातकयोविंनिमये, यथा १००० । त्रिगुणास्त्रयो जाता नव, यथा १००० । द्विश्वती जाता अष्टषष्ट्यधि(क)सप्तश्रती, त्रिगुणास्त्रयो जाता नव, यथा १००० । पराङ्कः ६४ एकगुणः स एव । उभयोर्योगे द्वात्रिंशदिष(क)श्रताष्टकं नवच्छेदम् , यथा १००० । अन्यार्थकृतिप्रयुक्त इति सिद्धम् । दृश्येन—चतुःषष्ट्या

१ वंशस्थविलम्(१)।

एकच्छेदया ऊनिता"ंऽंशच्छेदा"वित्यादिना छेदविनिमये यथा 🛟 👯 🕽 एकगुणः स एव । पराङ्के नवगुणा चतुःषष्टिजीता षदसप्तत्यिध(क)पश्चशती नवच्छेदा, (यथा) { " ै । समहरराशित्वाद् द्वात्रिंशद्धि(क)शताष्ट्रकात् पट्सप्तत्यिध(क)पश्चशतपाते जाता पट्पश्चाशदिध(क)द्विशती नवच्छेदा, यथा रिंभी । तलयोईयोः पदं-"विषमसमे"त्यादिना मूलं उपरि पोडश, अधश्र ५ त्रयः, यथा 👫 । अन्यत्र ऊनाङ्कः पोडश एकच्छेदाः । अन्यस्य प्रागुक्त-द्विस्थस्य दलमष्टत्रिलक्षणं "अंशच्छेदा"वित्यादिना विनिमये यथा { ै 🕌 🕻 } । त्रिगुणाः षोडश जाता अष्टचत्वारिंशतः त्रिगुण एको जातास्त्रयः, यथा { * 🖟 } । एकगुणः पराङ्कः स एव । अनयोर्थोगे जाताः पदपश्चाशत त्रिच्छेदाः, यथा (कि । एतदन्यदलान्वितमृनं प्राग्लिखिततत्पदस्य-पोडशकस्य समच्छे- १० दत्वात मध्ये क्षिप्तं जाता द्वासप्ततिस्त्रिच्छेदा, यथा (ा भारतीस्त्रिभरपवर्ते उपरि चतुर्विश्वतिः, अधश्रेकः, यथा (क्षे) । भागेहरत्वात् "कृत्वा परीवर्तन"-(१ मित्यादिना) विपर्यस्तै स्त्रिपोडशिमविंभक्तम् । त्रयाणां त्रिभिरपवर्ते एकः । चतुर्विशतेस्त्रिभिरपवर्ते अष्टौ। एतत् कुलिशापवर्तनम् , यथा 📢 📢 🕌 । सङ्गणना— षोडशगुणा अष्टौ अष्टाविंशत्यधि(क)शतम् । एकच्छेदगुण एकः स एव । तद्भक्त- १५ श्राङ्कः स एव लब्धः 📢 २८८ । एतद् गजयूथप्रमाणम् ॥

अस घटना-अष्टाविंशत्यिध(क)शतसाष्टमभागः षोडश, त्रिगुणोऽष्टचत्वा-रिंशत्, दलीकृतश्रतुर्विंशतिः, विष्कषोडशरिहतो जाता अष्टौ । अयं स्वसङ्कुणो-ऽष्टगुणा अष्टौ चतुःषष्टिः पर्वते क्रीडति दृष्टाश्च चतुःषष्टिः, यथा {१३४} । अनयोयोंगेऽष्टाविंशत्यिध(क)शतम्, यथा {१३४}। एवं हीनवर्गजातिः समाप्ता ॥ २०

विपरीतोद्देशके करणसूत्रं वृत्तमाह-

गुणो हरो हरो गुणः, पदं कृतिः कृतिः पदम् । क्षयो धनं धनं क्षयः, प्रतीपके तु दृइयते ॥ ८३ ॥

व्याख्या—यत् यत् पृच्छक उद्दिश्चिति गुणनादिकं तत्तद्विपरीतं हरादिकं कार्यमिति विपरीतोद्देशकः। तत्र यो गुणकोऽङ्क उद्दिष्टः स हरो भागदायी कार्यः, २५ यो हरो भागदायी उद्दिष्टः स गुणकः, तथा योऽङ्कः पदं—मूलं स कृतिः—वर्गः, तथा योऽङ्कः कृतिः स पदं—मूलं, तथा क्षयो—हीनो योऽङ्कः स धनं मध्य- क्षेप्यस्तथा योऽङ्को धनं मध्यक्षेप्यः स क्षयो—हीनः कार्यः इति सम्बन्धः॥

१ प्रमाणिका। ९ गणित•

अत्रोदेशकवृत्ते उदाहरणमाह-

यः पश्चम्नो नवभिरधिको मूलभावं प्रपन्नो द्वाभ्यामूनस्तदनु कृतितां प्रापितो रूपहीनः । भक्तोऽष्टाभिर्गणक! नियतं त्रीणि रूपाणि जातः कोऽसौ राशिर्भवति वद् मे वेत्सि चेन्मित्र! पाटीम्॥८४॥

न्यासेनैवास व्याख्या-{गु०५घ०मू०ऊ०कृति०हीन०भागुट्दश्यरूप३} । अत्र विपरीतोदेशकत्वात् प्रतिलोमतस्त्रयोऽष्टगुणा जाता चतुर्विशतिः । तन्मध्ये रूप एकक्षेपे जाता पञ्चविशतिः । अस्या मूलं पञ्च द्वाभ्यां युक्ताः सप्त । एषां कृति-रेकोनपञ्चाशत् । नवहीना जाता चत्वारिशत् । अस्याः पञ्चभिभागे लब्धं रूपा-१० ण्यष्टी, यथा ८ ॥

अस्य घटना-क्रमेणैव यो गुणः स गुणः हरस्तु हर एवेत्यादिना, तथाहि-अष्टी पश्चगुणा जाता चत्वारिंशत् । नवभिरधिको जाता एकोनपश्चाशत् । अस्य मूलं सप्त। द्वाभ्यामूना जाताः पश्च। एतत्कृतिः पश्चविंशतिः । रूपहीना चतुर्विंशतिः । अष्टभक्ता लब्धं दृश्यरूपत्रयं प्रागुक्तम् ॥

भ्य लीलावत्यां तु भागाधिकोनप्रक्रिया दर्शिता, तथाहि— भिक्तें गुणं गुणं छेदं, वर्गं मूलं पदं कृतिः(१तिम्)।

ऋणं स्वं स्वं ऋणं कुर्याद्, दृश्यराशिप्रसिद्धये।।

स्पष्टः ।

^४"अथ खांशेऽधिकोने तु, लवाढ्योनो हरो हरः । अंशस्त्वविकृतस्तत्र, विलोमे शेपग्रुक्तवत् ॥"

व्याख्या—खांशे अधिके खचरणाद्यन्विते हरश्छेदो लवाह्यस्याद्यन्वितश्चतु-क्कस्तेनोन्(१नो)र्ध्वच्छेदो गुणनीयः।पश्चाद्द्धांशगुणनायां विलोमरीत्या अधिको यत्र तत्र हीन इति ज्ञेयम् । यः क्षिप्तोऽङ्कश्चेदान्तस्तमेवाङ्कमाकृष्य स गुणकः कार्य इत्येकं तन्त्वम् । यदा तु खांशे ऊने खञ्यंशादिहीने तदा हरच्छेदः खल-२५ वेरूनः कार्यः । तेन तूर्ध्वच्छेदो गुणनीयः। पश्चाद्ध्वांशगुणनायां विलोमत ऊनस्थाने इत्युक्त इति ज्ञेयम्। ततो लवयुक्ताधश्चेदो गुणकः कार्यः, परं अंशस्तु अविकृतो न भञ्जनीयः। शेषग्रक्तवत् छेदं गुणं गुणमित्यादि तथैव।।

ą٩

१ मन्दाकान्ता । २,४ प्रेक्ष्यतां नवमं पृष्ठम् । ३,५ अनुष्टुप् ।

उदाहरणमाह—

यैस्त्रिप्तस्त्रिभिरन्वितः खचरणैर्भक्तस्ततः सप्तभिः खन्यंद्रोन विवर्जितः खगुणितो हीनो क्रिपश्चाद्याता। तन्मूलेऽष्टयुते हते च दद्यभिजीतं द्वयं ब्रूहि तं राद्यिं वेत्सि हि चश्चलाक्षि! विमलां बाले! विलोमित्रयाम् ॥८५॥ ५

न्यासः—{गु ३ खच ै भागु ७ खज्यं ३ खगु १ हीन ५२ मू १ घ ८ भा १० हज्य २}। वैपरीत्येन हज्यं द्वौ दशगुणौ जाता विंशतिः। अष्टहीना जाता द्वादश। एतत्कृतिश्रतुश्रत्वारिंशदधि(क)शतम्। अस्य मध्ये द्विपश्चाशत्क्षेपे जातं पण्ण-वत्यधि(क)शतम्। अस्य मूलं चतुर्दश स्वत्र्यंशहीनम्, यथा र्रें १। स्वत्र्यंशहीन-

मित्युक्तं तद्धिस्तिको हरः खांशेनैकेन न्यूनः कार्यो जातौ हौ । आभ्याम् ध्वैच्छेदे १० एको गुणितो जातौ हो । तद्ध्वाशगुणनायां विपरीतत्वात् हीनस्थाने अधिकं गतोऽधोहरद्वयं योऽङ्कः एक आकृष्टस्तेन युतं जातास्वयस्तद्वुणाश्वतुर्दश्च जाता दिचत्वारिंशद् दिच्छेदा { "३ । अनयोरधीपवर्ते एकविंशतिरेकच्छेदा, यथा { "४ । सप्तगुणा एकविंशतिर्जातं सप्तचत्वारिंशद्धि(क)शतमेकच्छेदम्, यथा { "४ । त्रिमिरन्वितः खचरणैर्यथा { "४ । अधिके खांशे लवेस्तिमिर- १५ धिको—युतो अधोहरो जाताः सप्त। तद्वुण ऊर्ध्वच्छेद एको जाताः सप्त। विपरीतत्वाद्धिकस्थाने हीन इति कृत्वा ये क्षिप्तास्वयस्तैह्ननाः सप्त जाताश्वत्वारः। एतद्व्याद्धिकस्थाने हीन इति कृत्वा ये क्षिप्तास्वयस्तैह्ननाः सप्त जाताश्वत्वारः। एतद्व्याद्धिकस्थाने हीन इति कृत्वा ये क्षिप्तास्वयस्तैह्ननाः सप्त जाताश्वत्वारः। एतद्व्यां सप्तचत्वारिंशद्धि(क)शतं जातं अष्टाशित्यधि(क)पश्चश्चतं सप्तच्छेदम्, यथा { "६ । त्रिप्तः—त्रिगुणाः सप्त एकविंशतिः। अनया भागे लब्धं अष्टाविंशति-ह्रपाणि॥

अस घटना—रूपाण्यष्टाविश्वतिस्तिष्ठा जाता चतुरशीतिः । त्रिभिरन्तितः स्व-चरणेर्यथा { ं क्रुं } । ''छेदनं छेदनेने''त्यादिना सविणते जातमष्टाशीत्यिधि(क)पश्च-शती चतुरछेदा, यथा { ं ं क्रुं } । सप्तगुणाश्चत्वारो जाता अष्टाविश्वतिः । अनया भागे लब्धमेकविश्वतिः । स्वत्र्यंशेन विवर्जितः सप्ताकर्षणे जाताश्चतुर्दश । चतुर्दश-गुणाश्चतुर्दश (जातं) षण्णवत्यिध(क)शतम् । द्विपश्चाशता हीनो जातं चतुश्चत्वा- २५ रिशद्धि(क)शतम् । अस्य मूलं द्वादश । अष्टयुता विश्वतिः । दशभक्ता लब्धं दृश्यरूपद्वयम्, यथा २ ।

१ इदमेव पद्यं लीलाचत्यां नवमे पृष्ठे वर्तते । २ शार्दूलविकीडितम् ।

एवं विपरीतोद्देशके दृश्याद दृश्यं अदृश्याद् दृश्यं आनीतमिति विपरीतोदेशकः समाप्तः । एतावता एकत्रिंशत् परिकर्माणि समाप्तानि ॥
अथ द्वात्रिंशत्तमं त्रैराशिकमारभ्यते । तत्र करणस्त्रं दृत्तमाह—
प्रमाणमादौ विरमे त्वभीप्सा
फलं च मध्ये क्रियतेऽन्यजातिः ।
फलं प्रमाणेन भजेन्निहत्य
समिच्छ्या व्यस्तविधिश्च वामे ॥ ८६ ॥

व्याख्या-वस्तुसङ्ख्या वा मृत्यसङ्ख्या वा या आदौ लिख्यते उच्यते तत् प्रमाणसञ्ज्ञं स्यात् । विरमे-पर्यन्ते वस्तुसङ्ख्या मृत्यसङ्ख्या वा उच्यते सा १० अमीप्सा-इच्छासञ्ज्ञा। परमादौ विरमे च सद्याजातिरेव कार्या। अयमर्थः-यद्यादौ वस्तुसङ्ख्या तदा पर्यन्तेऽपि वस्तुसङ्ख्यैव। तथा यद्यादौ मृत्यप्रमाणं तदा पर्यन्तेऽपि द्रव्यसङ्ख्यैव कार्या। अनयोः प्रमाणाभीप्सयोर्मध्येऽन्यजातिः फलसञ्ज्ञं कार्यम्। यद्यादौ अन्ते च वस्तु तदा मध्ये, यदा वा आदावन्ते च मृत्यसङ्ख्या तदा मध्ये वस्तुसङ्ख्या कार्या। इयं लिखनीया। एषा रीतिः १५ मक्ता। ततः समिच्छया-पर्यन्ताङ्केन फलं-मध्याङ्कं निहत्य-गुणयित्वा प्रमाणेन भागहाररीत्या "कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिकया आद्याङ्केन भजेत्-भागं ग्राह-येत्। यछ्च्यं तदिच्छाफलं स्यात्। तथा वामे-व्यस्तत्रैराशिके [व्यस्तत्रैराशिके] च लीलावत्यामुक्तम्-यत्रेच्छावृद्धौ मृत्यस्य हासो हासे वा वृद्धिस्तत्र व्यस्त-त्रैराशिकम्। तद्यथा—

''जीवानां वयसो मूल्ये, तौल्ये वर्णस्य ^३हेमनि ।
भिन्नहारे च राशीनां, व्यक्तत्रैराशिकं भवेत् ॥'''
इति परिच्छिन्नवामविधौ व्यक्तविधिः । प्रागुक्तवैपरीत्यं प्रमाणेन मध्याङ्कं
निहत्य समिच्छया–अन्त्याङ्केन विभजेदिति लक्षणं कार्यम् ॥

अत्रोदेशकवृत्ते प्रथमोदाहरणमाह—

कस्तूरिकायाः पलमर्धयुक्तं द्रम्मैर्यदि द्वादद्याभिः सपादैः। अवाप्यते त्र्यंदायुतानि सप्त तदा लभन्ते किमहो पलानि?॥८७॥

२०

રૂષ

१ उपेन्द्रवजा २ प्रेक्ष्यतामष्टादशं पृष्ठम् । ३ 'हैमने। भागहारे च राशीनां व्यस्तं त्रैराशिकं' इति लीलावत्यां पाठः । ४ अनुष्टुप् । ५ उपजातिः ।

न्यासेनैवास्य व्याख्या, यथा {वर्षम् 👸 व 🧯 }। प्रथमाङ्के ''छेदनिवे''त्यादिना द्विगुण एको द्वौ, एको मध्ये त्रयो द्विच्छेदाः, यथा 📳 । द्वितीयाङ्के चतुर्गुणा द्वादश जाता अष्टचत्वारिंशत् , सैका एकोनपश्चाशत् , यथा 👫 । तृतीयाङ्के त्रिगुणाः सप्त जाता एकविंशतिः, सैका द्वाविंशतिस्विच्छेदा (भू)। इयं भागानुब-न्धजातिः । ततः समिच्छया-अन्त्याङ्कद्वाविशत्या फलं-मध्याङ्कमेकोनपश्चार्शतं ५ गुणयेत्। अष्टसप्तत्यधि(क)सहस्रं जातम्, यथा १०७८ । अनयोद्रछेदौ त्रिचतुष्कौ निहत्येतिवचनादंशैरंशादछेदैदछेदा गुण्या इति न्यायात् त्रिगुणाश्रत्वारो जाता द्वादश, प्रापुक्तसहस्राद्यङ्काधश्छेदतया योज्याः, यथा (१९३६) । अयं भाज्यो राशिः। आद्याङ्कस्य हरत्वात् ''कृत्वा परीवर्तन"मित्यादिना उपरि द्रौ, अधस्तयः, यथा (३)। ततः कुलिशापवर्तनम्-द्रयोरधीपवर्ते एकः, यथा (३)। द्वादशानाम- १० र्घापवर्ते षद्, यथा (१००६)। ततः सङ्गुणना-उपर्यङ्क एकगुणः स एव। अध-स्निगुणाः षद् जाता अष्टादश । अनेनोपर्यङ्कस्य भागे लब्धं एकोनषष्टिद्रम्माः, यथा (े े े । उपरि शेषं पोडश, यथा (३५) । अनयोरघीपवर्ते उपर्यष्टी, अधो नव 🗧 । द्रम्मा न स्रभ्यन्ते, ततः पणानयनाय पोडशभिरष्टौ गुणनीयाः। जात-मष्टाविंशत्यि(क)शतम्, यथा (१९६) । अस्य नवभिभीगे लब्धं पणाश्रतुर्दश, १५ यथा (' *), शेषं द्वौ । पणा न लभ्यन्ते, अतः काकिण्यानयनाय द्वयोश्रतुर्भि-र्गुणने भागं न लभते, अधोहरनवकत्वात् : ततः काकिणीस्थाने ग्र्न्यम् , यथा {°} । ततः कपदीनयनाय विंशत्या अष्टी गुणिता जातं षष्ट्यि(क)शतम्, १६०। अस्य नवभिर्भागे लब्धं वराटकाः सप्तद्यः, भागाः (१)। आद्यन्तः(१)।

ततो मूल्यन्यासे उदाहरणमाह-

.

कर्पूरस्य करीन्द्रदन्तमुसलच्छेदच्छविस्पर्धिनो गन्धाहृतमधुव्रतस्य हि पलं सार्धं यदि प्राप्यते । द्रम्मैः षोडदाभिस्त्रिभागसहितैस्त्रैराशिकं वेत्सि चेद्

विद्वन्!द्रम्मदातेन तत् कति पलान्याप्यन्त इत्युच्यताम् ॥८८॥

१ शार्द्लविकीडितम्।

नवशती । द्विगुणा एकोनपश्चाश्चालाता अष्टनवितः । अनया नवशत्या भागे, यथा { १३३ । लब्धं पलानि, यथा नव ९, शेषग्रुपर्यष्टादश । अनयोरधीपवर्ते उपिर नव, अधश्चेकोनपश्चाशत्, यथा (४३) । एते पलभागाः । ततोऽत्र प्रस्ता-वनोक्ततौल्यधटकानयनाय दशगुणा नव जाता नवितः । इयमेकोनपश्चाशता ५ भक्ता लब्धं धटक एकः, यथा १, शेषमेकचत्वारिशत् । ततो "निष्पावकानां युगलानि सप्त पाटीपिटिष्ठा धटकं झुवन्ति" इत्युक्तया वल्लचानयनाय चतुर्दशगुणा एकचत्वारिशज्ञाता चतुःसप्तत्यधि(क)पश्चशती । अस्या एकोनचत्वारिशता भागे लब्धमेकादश वल्ला द्वादशमस्य चैकोनचत्वारिशद्धागाः पश्चितंशत्, यथा वल्लाः { १००० वित्रोहरू ।।।

१० अथ विशेषोदाहरणमाह—

रातस्याभाव्यके यत्र, षड् भवन्ति पृथक् सस्ते!। तत्र रूपसहस्रस्य, मध्यतः किं भवेद् वद॥८९॥

उदाहरणमाह-

कुङ्गमस्य घटको दलयुक्तः, प्राप्यते यदि पणैश्चरणाद्धैः।
पश्चिमर्गणक! तत्पलमेकं, त्र्यंशकेन सहितं लभते किम्?॥९०॥
न्यासः—{१९१३} । "छेदनिन्ने"त्यादिना कमात् जातं द्विच्छेदास्त्रयः, चतुर॰ रछेदा एकविंशतिः, चतुरुछेदास्त्रयः (१त्रिच्छेदाश्चत्वारः), यथा {११३/३}।सिन्
च्छया—चतुर्भिर्मध्येकविंशतिर्गुणिता जाता चतुरशितिः, त्रिगुणाश्चत्वारो जाता
द्वादशच्छेदाः, यथा (६४)। आद्याङ्कस्य हरत्वात् "कृत्वा परी"त्यादिना उपरि
द्वा, अधस्त्रयः, यथा (६४)। द्वयोः पण्णां (१ द्वादशानां) चार्धापवर्ते क्रमेणैकः षद्
चः तथा चतुरशितेस्त्रयाणां च त्रिमिरपवर्ते क्रमादृष्टाविंशतिरेकश्च, यथा ११६)।
रथ एकगुणाऽष्टाविंशतिः सेव। एकच्छेदगुणाः षद त एव, यथा ११६)। षद्मिरप्टाविंशतेर्भोगे लब्धं द्रम्माश्चत्वारः, यथा ४; शेषग्रपि चत्वारः। पणानयनाय
षोडशगुणा जाता चतुःषिः। अस्याः षद्मिर्भागे लब्धं द्रा पणाः, शेषं उपरि
चत्वारः। काकिण्यानयनाय चतुर्गुणा जाताः षोडश्च। एषां षङ्गिर्भागे लब्धं
द्वयम्, श्चेषग्रपरि चत्वारः। ततो वराटकानयनाय विंशतिगुणा जाता अश्चीतः।

१ अनुषुप् । २ स्वागता ।

अस्याः पङ्गिर्भागे लब्धं त्रयोदश कपर्दकाः, शेषग्रपरि द्वौ, अधश्र पद् । अन-योर्र्धापवर्ते उपर्येकः, अधश्र त्रयः, यथा (३) । एते कपर्द(क)भागाः ॥

अथ कणविषयोदाहरणमाह--

अष्टभागरहितात् पणाष्टकात् प्राप्यते सदलमानिकाद्रयम् । तत् सखे! कथय मानिकाद्यतं सत्त्रभागसहितं किमाप्रयात्॥ ९१॥

न्यासः-{ ुँ। ्रूँ। भै । आद्याङ्के अन्त्याङ्के च "छेदनिन्ने"त्यादिना क्रमा-ज्ञातं द्विच्छेदाः पञ्च, एकाधि(क)त्रिश्वती त्रिच्छेदा । मध्याङ्के ''भागापवाहन-विधौ हरनिव्ररूपे"त्यादिना अष्टगुणा अष्टौ जाता चतुःषष्टिः । एकापनयने १० त्रिषष्टिरष्टच्छेदा, यथा (१०१३) । समिच्छया-एकाघि(क)त्रिशत्या मध्याङ्क-त्रिषष्टि गुणयेत् । जाता अष्टादशसहस्रा नवशती त्रिषष्टिश्च, त्रिगुणा अष्टच्छेदा यथा चतुर्विंशतिः, यथा (' दे हैं)। आद्याङ्कस्य हरत्वात् "कृत्वा परी"त्यादि-नोपरि द्वौ, अधः पश्च । कुलिशापवर्तनम् द्वयोश्वतुर्विशतेश्वार्धापवर्ते क्रमादेको द्वादश । [शत] एकगुण उपर्यङ्कः स एव, अधश्र पश्चगुणा द्वादश जाता पष्टिः, १५ यथा (१८९६) । अस्य पणाङ्कस्य पोडश्रगुणया पष्ट्या जाता(१त)पष्ट्याघि(क)-नवश्रत्या भागे लब्धं द्रम्मा एकोनविंशतिः, यथा { ' ' }, शेषप्रपरि त्रयोविं-शत्यधि(क)सप्तशती । पणानयनाय षोडशगुणा जाता एकादश सहस्राः पश्च-शत्यष्टपष्टिश्च, यथा (१९६६)। अस्याः पष्ट्यिं (क)नवशत्या भागे लब्धं द्वादश पणाः, यथा १२; शेषम्रपरि अष्टचत्वारिंशत् षष्ट्यधि(क)नवशतच्छेदाः, यथा २० { ﴿ १६ } । काकिण्यानयनाय चतुर्गुणा अष्टचत्वारिंशत् जातं द्विनवत्यघि(क)-शतम्। अत्र भागो न प्राप्यत इति काकिणीस्थाने शून्यम्, यथा (०)। ततो द्वा-नवत्यधि(क)नवज्ञतस्य पष्ट्यधि(क)नवज्ञत्याश्च पण्णवत्याऽपवर्ते उपरि द्वौ, अधो द्य, यथा 📢 १ । कपर्दकानयनाय विंशतिगुणौ द्वौ जाता चत्वारिंशत् । अस्या द्शमागे लब्धं कपर्दकाश्वत्वारः, यथा 📳 ॥ २५

अथ द्वितीयं कणोदाहरणमाह— द्रम्मैः षड्भिस्त्रिलवसहितैः प्राप्यते धान्यमानी-युग्मं विद्वन्! यदि सचरणं तन्ममाचक्ष्व शीघ्रम् । द्रम्माशीत्या दलसहितया हन्त यह्नभ्यते तत् सङ्ख्याशास्त्रे यदि तव मतिः स्फारभावं प्रपन्ना ॥ ९२ ॥

१ रथोद्धता। २ मन्दाकान्ता।

अथ मार्गविषयकालीपदेशकमुदाहरणमाह-

कश्चित् पीलुपतिः कपोलफलकभ्रान्तद्विरेफावलिः

१५ स्मृत्वा 'विन्ध्य'करेणुकाविलसितं गन्तुं प्रवृत्तो यदि । अर्धोनद्विदिनेन योजनदलव्यंशं व्रजेत् सन्मते ! यायाद् योजनसप्ततिं खलु तदाऽहोभिः कियद्भिस्त्वसौ ?॥ ९३॥ '

न्यासपूर्वं योजनद्रुव्यंशस्य सवर्णना, यथा {१|१|३} । प्रभागजातित्वात् "अंशाभ्यासच्छेदसंवर्गमेवे"त्युक्त्या एकानां गुणने एकः । एक एवोपरि । एक- च्छेदगुणों द्वौ द्वावेव, द्विगुणास्त्रयः षद् अधः । ततो यथा {१|दि०३|यो ११ । दिती- याङ्के भागापवाहजात्या सवर्णिते जातास्त्रयो द्विच्छेदाः, यथा {३ । ततः सिमच्छ्या—सप्तत्या गुणितास्त्रयो जातं दशाधि(क)द्विशतम्, अधश्र एकच्छेदगुणों द्वौ द्वावेव, यथा {१९३ । योजनद्रुव्यंशोत्थैकच्छेद्वडंशरूपस्य हरत्वात् "कृत्वा परी"त्यादिना उपरि षद्, अध एकः, यथा {६ । पणां द्विकस्याधीपवर्ते २५ क्रमात् त्रय एको जातः । ततिस्त्रगुणा दशाधि(क)द्विशती जाता त्रिशदधि(क)पद्मत्त्रती । एकच्छेदगुण एकभक्तं तदेव । ततो लब्धमेतावन्ति दिनानि । एवां पछ्यिध(क)त्रिशत्या भागे लब्धं वर्षमेकं नव मासाः, यथा {व१, मा९} ।।

१ शार्द्लिविकीडितम्।

अथान्यदुदाहरणमाह---

सदलकरत्रयभोज(१ग)भुजङ्गो विद्याति बिलेऽङ्गलमधेयुतं चेत्। गणक! घटीत्रिलवेन यदाऽसी वद समयेन विद्योत् कियताऽऽद्यु॥ ९४॥

अथ खर्णविषयमुदाहरणमाह—

94

गचाणकः सधरणो ननु हाटकस्य द्रम्मांश्चतुर्देश यदा लभते दलाख्यान्। द्रम्मेस्तदा वद सखे! नवतिप्रमाणै-रूपंशोनितैश्च कनकं कियदाप्यते भोः॥ ९५॥

(न्यासः—) {द्र भूँ विशेष हैं । "छेदनिन्ने"त्यादि(ना) आद्याङ्के एकोनतिंश्यद्रु विच्छेदा, द्वितीयाङ्के त्रयो द्विच्छेदाः, तृतीयाङ्के भागापवाहजात्या "हरनिन्ने"-त्यादिना त्रिच्छेदा एकोनसप्ततिद्विश्वती, क्रमाद् यथा {भूँ विशेष हैं । ततः सिन्च्छया—एकोनसप्तिद्विश्वत्या मध्याङ्कं—त्रिकं गुणयेत् । जाता सप्ताधि(का) अष्ट-श्वती, अध्य त्रिगुणौ द्वौ जाताः षट्ट, यथा (भूँ । ततः प्रथमाङ्कस्य हरत्वात् "कृत्वा परी"त्यादिनोपरि द्वौ, अध्यक्षेकोनतिंश्यत्, यथा १३० । ततः कुलि-२५ शापवर्तनेन पैइद्वयोरघीपवर्ते एकस्वय्य, यथा १३० । उपर्येकगुणं तदेव । अधिस्वगुणा एकोनिश्चित्त् जाता सप्ताशीतिः । तथा उपर्येङ्के भक्ते लब्धं गद्या-णका नव, यथा ९ ; शेषमुपरि चतुर्विश्वतिः, अध्य सप्ताशीतिः, यथा {३० ।

१ तामरसम् । एतछक्षणं यथा-''इह वद तामरसं नजजा यः'' । २ वसन्तितछका । ३ 'द्विषद्रकयोरधी०' इति प्रतिभाति ।

अनयोस्त्रिभिरपवर्ते उपिर अष्टौ, अध्यक्षेकोनित्रंशत्, यथा { ६०}। धरणानयनाय द्विगुणा अष्टौ षोडश् । भागो न प्राप्यते इति धरणस्थाने स्त्यम्, यथा { ०} । ततो निष्पावानयनाथाष्टगुणाः षोडश जातमष्टाविश्वत्यिध(क)शतम् । अस्य एकोनित्रंशता भागे लब्धं निष्पावाश्वत्वारः, यथा ४; शेषस्रपिर द्वादश् । यवा-५ नयनाय पङ्गुणा जाता द्वासप्ततिः। अस्या एकोनित्रंशता भागे लब्धं द्वौ यवौ, भागाश्च एकोनित्रंशतश्चतुर्दश, यथा { ११ ।।

अथ व्यक्तत्रेराशिके धान्यविषयग्रदाहरणमाह-

हीराः षोडश सेतिकाष्टकभृतः षट्सेतिकैहीरकै-

रुन्मित्वा वद निश्चितं तु कियती सङ्ख्या सखे ! जायते ।

्रविधिम् । न्यासः – रिक्षिक्षे । अत्र प्रमाणेन – अष्टिमः पोडश गुणिता जात-मष्टाविश्वत्यिथि (क)शतम् । एके (१क) च्छेदगुण एकः (स) एव । सिमच्छया व्यस्त-त्रैराशिकत्वात् अन्त्याङ्केन "कृत्वा परी"त्यादिना उपर्येकः, अधश्र पद् । उपर्यधश्र एकगुणं तदेव, यथा रिक्षिक्षे । पद्भिर्भागे लब्धमेकविश्वतिहारि (१हीर)काः । श्रेषम्वपरि द्वौ, अधः पद् । अनयोर्ग्धापवर्ते उपर्येकः, अधश्र त्रयः, यथा रिक्षे ।।

^{১५} अथोत्तरार्धेन स्वर्णविषयं व्यस्तत्रैराशिकमाह—

हेम्नः षोडदावर्णिकस्य नवतिं गद्याणकानां तथा

दत्त्वैकाददावर्णिकं कियदहो सम्प्राप्यते काश्वनम् ! ॥९६॥ ध

(न्यास:-){१६११३} । व्यस्तत्रैराशिकत्वात् प्रमाणेन-आद्याङ्कषोडशकेन मध्याङ्कं-नवति गुणयेत् । जातं(१ता) चत्वारिंशदधि(क)चतुर्दशशती । एकच्छेद २० गुण एकः स एव । समिच्छाङ्कस्य-एकादशकस्य हरत्वात् ''क्रत्वा परी''त्यादिना उपर्येकः, अध्येकादश । एकगुण उपर्यङ्कः स एव । एकगुणकादशिमभागे लब्धं त्रिश्चदिश्व(क)शतं गद्याणकाः, शेषं दश चैकादशभागाः, यथा {१६} । अत्रे-च्छाहासे मूल्यस्थानीयसुवर्णस्य वृद्धिरभूत् । त्रैराशिकादिविषमेष्वेकादशानते श्रित्येय(१) स्यात् ॥

२५ अथ पश्चराशिके करणसूत्रं वृत्तमाह—

आनीय पक्षमपरं फलमन्यराशि-पक्षेण पक्षमपरं विभजेच्छिदां च । कृत्वा विपर्ययविधिं निजपक्षराशि-घातं विधाय च परस्परं(र)तत्क्षणं च ॥ ९७ ॥

१-२ शार्दूलविकीडितम्। ३ वसन्ततिलका।

व्याख्या-फलं व्याजलक्षणं अपरं पक्षं प्रथमात् द्वितीयपक्षाधो विन्यस्य छिदां-छेदानां सर्वत्र विपर्थयं कृत्वा निजपक्षराशेर्घातं प्राक्पक्षराशेः परस्परं तत्क्षणं च घातं-गुणनं द्वितीयराशेरपि परस्परं घातं-गुणनं कृत्वा अन्यराशिपक्षेण-प्राच्य-गुणिताङ्केन अपरं पक्षं-द्वितीयपक्षं कृतपरस्पराघातं सङ्घातबहुराशिकं विभजेत्।।

अत्रोदेशकवृत्ते सर्वज्ञातीदाहरणमाह-

मासेन पश्चकदातेन हि वत्सरेण षट्सप्तते भेवति हन्त कलान्तरं किम् ?। कालं फलं च वद मूलधनं च ताभ्यां चेत् पश्चराद्यिकविधानमवैहि विद्यन्!॥ ९८॥ थ

न्यासः - { मान्या विदेष्येते एकच्छेदाः । प्राक्तिश्वात् फलं-मासिकद्र- १० ह्यासः - { द्र १०० विदेशे मिपञ्चकलक्षणमपरं पक्षं-द्वितीयपक्षाङ्कमानीय, यथा किन्या विदेशे किदामिहैव(१) परपक्षसञ्ज्ञमन्यराशिपक्षेण-प्रागेकगुणश्चतेन विभजेत्, विवेशे किदामिहैव(१) परपक्षसञ्ज्ञमन्यराशिपक्षेण-प्रागेकगुणश्चतेन विभजेत्, विवेशे विदेशे विदेशे । अव्या विवेशे । लब्धं कलान्तरं ४५, शेषग्रपरि षष्टिः, अधः श्वतम्, यथा विदेशे । अनयोर्विशत्या अपवर्ते उपरि त्रयः, अधश्च पञ्च, यथा विदेशे ।। अथ एतस्य प्रथमदत्त्वधने अज्ञाते व्याजयिना नीताः पञ्चचत्वारिशद् द्रम्माः १५

पैश्व त्रिभागाथ । एवं सित न्यासः $-\left\{\frac{5\frac{3}{9}\frac{3}{9}}{\frac{3}{9}}\right\}$ । अत्र "छेदनिष्ठे"त्या-

दिना पश्चगुणा पश्चचत्वारिंशत् जाता पश्चविंशत्यि(क)द्विशती । मध्ये त्रिक्षेपे जाता अष्टाविंशत्यि (क)द्विशती पश्चच्छेदा, यथा र्वे विश्वचिंशत्यि । यत्र फलद्वयं पक्षद्वयेऽपि छेदेन सह विषयस्तं लेख्यम् । ततः

प्राक् फलव्यत्ययः, यथा $\left\{\frac{\frac{3}{3} \cdot \frac{3}{3}}{\frac{3}{3} \cdot \frac{3}{3}}\right\}$ । तत्तरहोद्व्यत्ययश्च, यथा $\left\{\frac{3}{3},\frac{3}{3}\right\}$ । २०

एतत् कृत्वा निजपक्षराशिघातं कृत्वा यथा-एकगुणं शतं तदेव, शत-गुणाऽष्टाविंशत्यधि(क)द्विशती जाता द्वाविंशतिसहस्रा अष्टशती एकच्छेदा, यथा {ैंदिं । अपरपक्षाङ्के यथा-द्वादशगुणाः पश्च जाता षष्टिः । षष्टिगुणाः पश्च जाता त्रिशती । अत्र "विभजेद् बहुराशिपक्षमितरेण" त्रिशत्युक्तया त्रिशत्या द्वाविंशतिसहस्राणामष्टशतानां च भागे दत्ते लब्धं २५ पदसप्ततिः । एतत् मूलधनं गृहीतमिति ज्ञायते, यथा {७६}॥

असैवोदाहरणस्य कालेऽज्ञाते न्यासः, यथा रिक्ट हिंहे । अत्र भागानुः

१ वसन्ततिलका। २ 'त्रयः पश्चभागाश्च' इति प्रतिभाति ।

बन्धसवर्णनया प्रागिव जाता अष्टाविंशत्यि (क) द्विश्वती पश्चच्छेदा । फलद्वयस्य छेदद्वयस्य पूर्ववद् विपर्ययः, यथा र्वे देव के रेवे के रेवे विविध्यः प्राणितया द्वाविंशतिसहस्रा अष्टशती । एषां अपराङ्कपक्षगुणनेन यथा पश्चकद्वयगुणितया पदसप्तत्या जातेकोनविंशतिशत्या भागे लब्धमज्ञातमासा द्वादश, यथा रिके ।।

अथ प्रमाणफले मासं प्रतिशतं प्रति पश्चकच्याजलक्षणेऽज्ञाते न्यासः— रिके के रेवे के रेव

अथ प्रमाणधने शतकलक्षणेऽज्ञाते न्यासः, यथा र्वि के हे । प्राग्वत् सवर्णन्या जाता अष्टाविंशत्यि(क)द्विश्वती पश्चच्छेदा । ततः फलद्वयस्यैकपश्चच्छेन् । दस्य (च) विनिमये यथा र्वि के हिश्चती पश्चच्छेदा । ततः फलद्वयस्यैकपश्चच्छेन् गुणितस्य जातद्वाविंशतिसहस्राष्टशतिकाङ्कस्य भागे लब्धं शतम्, यथा १००॥ अथ प्रमाणकाले मासलक्षणेऽज्ञाते न्यासः—रि के हिश्चता पश्चच्छेदा । अत्रापि प्राग्वत् सवर्णिते जाता अष्टाविंशत्यि (क)द्विशती पश्चच्छेदा । ततः फलद्वयस्य एकस्य पश्चकच्छेदस्य च विनिमये यथा रि के हिशती पश्चच्छेदा । ततः फलद्वयस्य एकस्य पश्चकच्छेदस्य च विनिमये यथा रि के हिश्चती । प्राच्याङ्के शतगुणे जाता द्वाविं शतिसहस्रा अष्टशती । अस्याः परपक्षे परस्परगुणनोत्पन्नेन द्वाविंशतिसहस्राऽ-ष्टशतलक्षणेन भागे लब्धं प्रमाणकालो मास एकः, यथा १॥

अथ भिन्नोदाहरणमाह—

मासन्त्रिभागेन दलाधिकस्य दातस्य सार्धद्वितयं फलं चेत्। मासैस्तदाऽष्टाभिरहो सपादैः पादोनिताया वद विंदातेः किम्॥ ९९॥

१ 'द्वादशाधिका नवशती' इति प्रतिभाति । २ उपजातिः ।

२५

प्राक्ष एकगुणाश्रत्वारस्त एव । चतुर्गुणा एकद्विशती जाता चतुरुत्तराऽष्टशती । १० इयं चतुर्गुणा जाता द्वांत्रिंशद्धि(क)पोडशशती । इयं च द्विगुणा जाता पर्सहस्री चत्वारि शतानि द्वांत्रिंशच । अस्पर्धापवर्ते पोडशाधि(क)द्वांत्रिंशत्श(च्छ)ती । अयं भागदायी राशिक्षेयः । द्विपक्षे त्रिगुणास्त्रयस्त्रिंशत् जाता नवनवतिः । अनया गुणिता एकोनाशीतिर्जाता अष्टसप्ततिशती एकविंशतिश्च । इयं द्विगुणा जाताः पश्चदश्च सहस्राः पदशती द्विचत्वारिशच । एते च पश्चगुणा जाता अष्टसप्तति- १५ सहस्रा द्विशती दश्च । अस्पार्धापवर्ते जाता एकोनचत्वारिशत् सहस्राः शतं पश्च च । अस्य भाज्यराशेः प्राक्षथितभागराशिद्वात्रिंशद्दादिना भागे लब्धं रूपाणि द्वाद्श, यथा १२ । शेषमुपरि त्रयोदशाधि(क)पश्चशती, अधश्च द्वात्रिंशत्श(च्छ)ती पोडश च, यथा (क्षेत्रेह्दे)। अनयोस्त्रिभिरपवर्ते उपरि एकसप्तत्यधि(क)शतम्,अधश्च सहस्रं द्वासप्ततिश्च, यथा (क्षेत्रेह्दे)। अन्नाप्यविदितकालान्तराद्यानयनं पूर्ववत् ॥ २०

अथ तृतीयोदाहरणमाह—

अहो अहोभ्यां यदि कर्मकाराः स्त्रयो लभन्ते पणविंदातिं हि। जनाष्टकं वासरपश्चकेन प्राप्नोति किं पण्डित! मे प्रचक्ष्व॥१००॥

₹'₹

१ द्वितीयपक्षे । २ 'षोडशाधिका द्वात्रिंशच्छती' इति प्रतिभाति । ३ उपजातिः ।

न्यासः $\left\{ \frac{\frac{\alpha_3}{\alpha_3}}{\frac{\alpha_4}{\alpha_4}} \right\}$ । अत्र विंशतिमपरपक्षमानीय यथा $\left\{ \frac{2}{3} \right\}$ सर्वत्र एक-स्थेव छेदत्वात् न व्यत्यये किमपि फलमिति न छेदव्यत्ययः । ततः प्राक्षपक्षे छिगुणास्त्रयो जाताः पद् । द्विपक्षे पश्चगुणा अष्टो जाता चत्वारिंशत् । अनया गुणिता विंशतिर्जाता अष्टशती । अस्याः पड्मिभीगे लब्धं पणास्त्रयस्त्रिशद्- 'धि(क)शतम्, यथा १३३ । शेषग्रपरि द्वौ, अधः पद् । अनयोरधीपवर्ते क्रमा-देकस्त्रयश्च, यथा $\left\{ \frac{3}{3} \right\}$ ॥

अथ कणविषये चतुर्थम्रदाहरणमाह—

अष्टौ शालेमीनिका भाटकेन नीयन्ते चेद् योजनं षट्पणेन। तिस्मिन् (१ हिं) विद्वन् ! ब्रूहि मानीत्रिषष्टेः षट्कोशानां भाटकं त्र्याहतानाम्॥ १०१॥

न्यासः $-\left\{ \frac{\pi}{\pi}\right\}_{q=0}^{q=0} \left\{ \right\}$ । अत्र षट्कं फलमपरं पक्षमानीय यथा $\left\{ \frac{q}{q} \right\}$ एक-

स्यैव सर्वत्र छेदत्वान्न व्यत्ययः। ततः प्राक्षपक्षे अष्टगुणाश्चत्वारो जाता द्वात्रिंशत्। द्विपक्षे त्रिपष्टिगुणा अष्टाद्य जाता चतुिस्त्रियद्धि(का) एकाद्यश्चती । इयं पड्-'गुणा जाता पदसहस्रा अष्टशती चत्वारश्च । एषां द्वात्रिंशता भागे लब्धं रूपाणि द्वाद्याधि(क)द्विशती, यथा (२०२) । शेषस्रपरि विंशतिः, अधश्च द्वात्रिंशत् । अनयोश्चतुर्भिरपवर्ते क्रमात् पश्चाष्टौ, यथा (१) । एवं पश्चराशिकं समाप्तम् ॥

पश्चराशिलक्षणेन ''आनीय पक्षमपरं'मित्यादिना सप्तनवैकादशराद्युदाहर-णानि जायन्ते अत्र । तथा च लीलाचत्याम्—

> ''पश्चसप्तनवराशिकादिके-ष्व(१ ऽन्यो)न्यपक्षनयनं फलच्छिदाम् । संविधाय बहुराशिजे वधे, खल्पराशिवधभाजिते फलम् ॥"

अथ सप्तराशिके उदाहरणमाह—

द्विकव्यासोऽष्टकायामः, कम्बलो लभते दश। अन्यो द्वौ त्रिनवायामौ, किमाप्नुतः कथ्यताम् ॥ १०२॥

१ शालिनी । २ प्रेक्ष्यतामद्यदंशं पृष्ठम् । ३ रथोद्धता । ४ अनुष्टुप् (१) ।

अथ नवराशिकमुदाहरणमाह-

आयाम ९ व्यास ५ पिण्डेन १, नवपश्चैकहस्तिका। लभतेऽष्टौ शिलाऽन्ये द्वे, दशसप्तद्विहस्तिका॥ १०३॥

(न्यासः-){ नुज्जान्या ग्राम्योः । अत्र फलमष्टौ परं पक्षमानीय यथा { ग्राम्योः । सर्वेषामेक एव छेद इति न छेद्व्यत्ययः । ततः प्राक्यक्षे मिथो गुणने जाता पश्चच-त्वारिंशत् । द्विपक्षे अष्टपर्यन्तं मिथो गुणने जाता दिसहस्री (दिशती) चत्वारिंशच । एषां पश्चचत्वारिंशता भागे लब्धमेकोनपश्चाशत् । शेषद्वपरि पश्चत्रिंशत् , अधः पश्चचत्वारिंशत् । अनयोः पश्चभिरपवर्ते क्रमात् सप्त नव लब्धम् , यथा { १ कृष्टे ।। १५

'पिण्डे अर्कमिताङ्गुलाः किल चतुर्वर्गाङ्गुला विस्तृतौ पद्टा दीर्घतया चतुर्देश करास्त्रिशस्त्रभन्ते शतम्। एता विस्तृतिदीर्घ(१देष्टर्घ)पिण्डमितयो येषां चतुर्वर्जिताः पद्माने स्ट.मे सर्वर्देश सन्ते । स्ट्रो(१०मा) स्टूप्टने किस

पद्दास्ते वद मे चतुर्दश सखे! मूल्ये(१ल्यं) लभन्ते कियत् ११०४

न्यासः- \(\langle \frac{1}{3} \rangle \frac{1}{3} \rangle \r

१ अनुष्टुप् । २ इदं पथं लीलावत्यां विंशतितमे पृष्ठे वर्तते । ३ 'विस्तृतिपिण्डदेष्य-मितयो' इति लीलावत्यां पाठः । ४ शार्द्दलविकीडितम् ।

ų

अथैकादशराशिके उदाहरणमाह—
पैटा ये प्रथमोदितप्रमितयो गव्यूतिमान्ने गते
तेषामानयनाय चेत् शकटिनां द्रम्माष्टकं भाटकम्।
अन्ये ये तदनन्तरं निगदिता माने चतुर्वर्जितास्तेषां का भवतीह भाटकमितिर्गव्युतिषद्वे वद॥ १०५॥

(न्यासः-){क्ष्णक्षित्रं । जुल्लेक्ष्णे । अत्राष्टकं फलं अपरं-द्विपक्षमानीय यथा (ज्य्येक्ष्णे) सर्वत्रेकस्थेय छेदत्वाच विनिमये तात्पर्यम् । तेन प्राक्पक्षे द्वादशादे(रे)कान्तं मिथो वाते जातं अशीतिसहस्राः षदशती चत्वारिशत्। द्विपक्षे मिथो वाते जातं षद् लक्षाः पञ्चचत्वारिशत् सहस्रा विंशल्यिष(क)शतमेकम् । क्ततो ''विभजेद् बहुराशिपक्षमितरेणे''त्युक्त्या षड्लक्षाद्यङ्कस्य अशीतिसहस्रादिना भागे यथा (क्ष्णेश्वर्वे) लब्धं द्रम्मा अष्टो, यथा ८। पञ्चराशिकादौ प्रथमं प्राक्ष्ण एकराश्यिकः । पश्चात् फलस्य परत्र न्यासेन द्विपक्षो राज्यिकः कार्यः । इत्येकादशराशिकं समाप्तम् ॥

अथ पश्चराशिकाश्रयं भाण्डेन-वस्तुना प्रतिभाण्डस्य-द्वितीयवस्तुनो यद् ध्यप्रहणं तद् भाण्डप्रतिभाण्डम् । तद्विनिमयप्ररूपकं करणस्त्रं वृत्तार्धमाह—

पश्चराशिकविधिविधीयते मूल्ययोर्विनिमये कृते सति।

व्याख्या—प्राक्षपक्षन्यस्तम् ल्याङ्को द्विपक्षे द्विपक्षन्यस्तम् ल्याङ्कः प्राक्षेण आनीयते इति मृल्यविनिमये एतेन छेदविनिमयोऽपि कार्य इत्युक्तम् । "आनीय २°पक्ष"मित्यादिना गुणनभागविधी च पूर्ववत् । तथा च 'लीलावत्यां ''तथैव भाण्डप्रतिभाण्डकेऽपि ^हविधिर्विपर्यस्य हरांश्च मृल्ये" इत्युक्तम् ।

अत्रोदाहरणमाह—

यदि खलु सहकाराः षोडशाप्याप(ः) णेन त्रिभिरपि च पणैश्चेद् दाडिमानां शतं हि। विनिमयविधिना स्युद्धिमानां फलानि प्रवद गणक! तन्मे द्वादशाग्नैः कियन्ति?॥

१ इदं पद्यं लीलावत्या विंशतितमे पृष्ठे समस्ति । २ 'स्थितास्तेषा०' इति लीलावती-पाठः । ३ शार्द्लिविकीडितम् । ४ रथोद्धता । ५ समीक्ष्यतां विंशतितमं पृष्ठम् । ६ 'विपर्ययस्तत्र सदा हि मूल्ये' इति लीलावतीपाठः । ७ मालिनी ।

२':

न्यासः-{ देव्हिन्ते । अत्र मृत्ययोरेकत्रिकयोर्विनिमये फलस-द्वादशकस च परपक्षानयने यथा { देव्हिन्ते । प्राक्षि मिथो घातेऽष्टचत्वारिंशत् । द्विपक्षे मिथो घाते जाता द्वादशशती । अस्या अष्टचत्वारिंशता भागे लब्धं दाडिमानां पश्चविंशतिः, यथा २५ ॥

द्वितीयोदाहरणमाह-

पलद्वयं षड्भिरवाप्यतेऽगुरोः कुरङ्गनाभेर्नविभः पलं यदि। तदाऽगुरोः सप्तपलैस्तु लभ्यते कुरङ्गनाभिः कियती निगचताम्॥

न्यासः—{ र्वे के } । अत्र पड्नवमूल्ययोविनिमये फलस्य—सप्तकस्य च परपक्षा- १० नयने यथा कि दे हैं } । सर्वत्र एकस्य छेदत्वान्न विनिमये फलम् । प्राक्पक्षे मिथो याते जाता अष्टादश्च । द्विपक्षे सप्तान्तं मिथो घाते द्विचत्वारिशत् । अस्या अष्टा-दशिभागे लब्धं पलद्वयम् ; शेषग्रपरि पद्, अधश्वाष्टादश्च । अनयोः पड्मिर-पवर्ते उपर्येकः, अधश्व त्रयः, यथा कि । इत्यादि भाण्डविनिमयः समाप्तः ॥

पश्चराशिकाश्रय एव जीवविक्रये करणसूत्रं वृत्तार्धमाह---

जीवविक्रयविधौ पुनर्वयो-व्यत्यये तु विहितेऽत्र पूर्ववत् ॥ १०८ ॥

व्याख्या-अत्र द्वयोर्जीवयोर्वयोव्यत्ययः कार्यः । शेषविधिः सर्वोऽपि ''आनीय पक्षमपरं'' इत्यादिकः प्रागिव कार्यः ॥

अत्रोदाहरणमाह—

द्विरष्टवर्षा यदि सप्ततिं स्त्री प्रामोति तद्विंदातिवार्षिकाऽन्या। किमाम्रयात् तत्समरूपवर्णा व्यावर्ण्यतां चेद् गणिते अमोऽस्ति॥ १०९॥

94

20

१ वंशस्थविलम् । २ रथोद्धता । ३ उपजातिः । ११ गणितः

₹6

द्वितीयोदाहरणमाह--

दशाब्दिकोष्ट्रत्रयमाप्यते चेत् सखे ! शतेनाष्टसमन्वितेन । तद्रुपवेगा नववार्षिकोष्ट्रा अष्टौ प्रचक्ष्वाशु कियस्रभन्ते ॥ ११० ॥

मिश्रव्यवहारे करणसूत्रं वृत्तमाह—

निजकालहतं प्रमाणराशिं परकालं फलताडितं च क्कर्यात्। निजयोगहृतौ विमिश्रनिष्ठौ भवतो मूलकलान्तरे क्रमेण॥ १११॥

व्याख्या—निजकालेन-एकमासादिना हतं-गुणितं प्रमाणराशि-श्रतादि २५ क्रुर्यात् । परकालं-द्वादश्चमासादि फलताडितं-एकमासिकव्याजेन पश्चकादिना फलेन गुणितं क्रुर्यात् । ततो निजयोगः प्रमाणराशेनिजकालहतस्य श्रतादेः फलता-डितपरकालेन सम्बन्धः । तेन हतौ-भक्तौ एतेन निजयोगः पृथक् स्थाप्य(ः) प्राक् गुणितः प्रमाणराशिः परकालराशिश्च तथैव स्थितो मिश्रेण-व्याजमौलक्यद्रम्म-

१ उपजातिः। २ समीक्ष्यतामष्टादशं पृष्ठम्। ३ औपच्छन्दिसिकम्।

समुचयेन-षण्णवत्यादिना निघ्नौ-गुणितौ प्रागुदितनिजयोगभक्तौ मूलकलान्तरे। क्रमेण राशौ निजयोगभक्ते मूलद्रम्माः, परकालराशौ निजयोगभक्ते कलान्तरं च भवतीति सम्बन्धः।

अत्रोदाहरणमाह—

[°]पश्चकेन शतेनाब्दे, फलमूलयुतिः शतम्। चतुरूनं सखे ! दृष्टं, किं मूलं किं कलान्तरम् [?]॥११२॥[°]

न्यासः—{११००१४१८६}। निजकालेन—एकेन हतः प्रमाणराशिः—शतं तदेव। परकालराशिः—द्वादश फलेन—पश्चकेन ताडितो जाता षष्टिः। ततोऽनयोः शतपष्ट्योयोंगे षष्ट्याधि(१दि) पृथक् स्थाप्यम्। ततः प्रमाणराशिः—शतं षण्णवत्या गुणितो जाता षण्णवतिशती, यथा ९६००। तथा परकालराशिः—षष्टिः षण्णवत्या १० गुणितो जाताः पश्च सहसाः सप्तशती षष्टिश्च, यथा ५७६०। अनयोः क्रमेण गिजयोगेन पृथक् स्थापितम्। षष्ट्यधि(क)शतेन भागेन लब्धं क्रमेण मूलं षष्टिः, कलान्तरं च षद्त्रिंशत्। अनयोर्योगे षण्णवतिः। इत्थं भिन्नमपि ह्रोयम्।।

अथ व्याजोपजीविष्टत्तिविषयं करणसूत्रं वृत्तमाह-

प्रमाणराशिर्निजकालनिशो
व्यतीतकालेन हतः फलादिः।
मिश्रस्तिशा विह्नताः खयुत्या
मुलादयस्ते कमशो भवन्ति॥११३॥

च्याख्या—प्रमाणराशिनिजकालनिमः पूर्ववद् च्यतीतकालेन-द्वादशमासैर्हतो -गुणितः 'फलादिः' फलं-च्याजोपदिष्टपश्चकं आदिशब्दाद् भाव्य(१)कादिः । २० एते 'मिश्रखनिमाः' मिश्रेण-सर्वमिलितद्रच्येण गुणिताः खयुत्या-प्रमाणराशि-मिलितफलादिराशियुत्या हता-दत्तमागाः क्रमशो मूलादयो भवन्ति (इति) सम्बन्धः ॥

अत्रोदाहरणमाह---

मासैकेन दातस्य कोविद ! फलं पश्चेकको भाव्यके(?) २५ वृत्तौ द्रम्मदलं च छेखककृते तद्वत् तुरीयांदाकः। मासैद्वीददाभिः सखे ! नवदातीमिश्रं च पश्चोत्तरा(रं?) मूलादं वद मिश्रकव्यवहृतौ यद्यस्ति ते कौदालम्॥११४॥

१ अयं चरणो दृश्यते लीलावत्या एकविंशतितमे पृष्ठे । २ अनुष्टुप् । ३ उपजातिः । ४ शांदुल्लिकीडितम् ।

न्यासः-{ ११०९१५१११११११४८५ } । अत्र चत्वारोऽङ्काः पूर्वे एकच्छेदाः । ततः प्रमाणराशिः-शतं निजकालेन-मासेनैकेन निधं-गुणितं शतमेव। व्यतीत-कालेन-द्वादशकेन हतं-गुणितं फलं-पश्च जाता षष्टिः। द्वादश्वगुणाः स्थानत्रये एकका जाताः क्रमेण द्वादशत्रयम्, यथा (१००१६११६११६) । अथ एषां ५ खयुतिः, यथा-एकच्छेदानां शतपष्टिद्वादशानां योगे जातं द्वासप्तत्यधि(क)-शतमेकच्छेदम्, यथा (''दे)। अस्य द्विच्छेदद्वादशकेन सह योगार्थ छेदच्यत्यये यथा (''दे । दे)। द्विगुणः पूर्वाङ्को जातश्रतश्रत्वारिशद्धि(क)त्रिश्वती । द्विगुण एको द्वावेव । पराङ्क एकगुणः स एव । समच्छेदत्वात चतुश्रत्वारिशदधि(क)-त्रिशतीमध्ये द्वादशक्षेपे जाता पद्पश्चाशद्धि(क)त्रिशती द्विच्छेदा, यथा १० (असाश्रतुरुक्ठेदद्वादशकेन सह योगार्थ छेदानामधीपवर्ते विनिमये यथा { अपहुँ । के हैं । आदाङ्को द्विगुणो जातं(ता) द्वादशाधि(क)सप्तशती । (द्वौ) द्वि-गुणौ जाताश्चरवारः । पराङ्क एकगुणः स एव । समच्छेदस्त्रात् प्राच्याङ्कमध्ये द्वादश-क्षेपे (जाता) चतुरछेदा चतुर्विशत्यधि(क)सप्तशती, यथा (🔭 🐉 । अयं खयुतिल-क्षणो भागदायी राशिर्वक्ष्यमाणानां सर्वेषां भाज्यानां ज्ञेयः। तथाहि पृथक् स्थितं १५ शतं तावत् पश्चाधि(क)नवशत्या गुणितं जाता नवतिसहस्राः पश्चशती च । अयं भाज्यराशिरेकच्छेदः । ततः प्रागुक्तसप्तश्चत्यादेर्भागदायिनद्दछेदांशविपर्यये उपरि चत्वारः, अधश्र सप्तश्वती चतुर्विद्यतिश्च, यथा { 🐫 🛂 😘 🔭 🐪 । चतुर्णो [च] चतुर भिरपवर्ते एकः । सप्तशत्यादीनां चतुर्भिरपवर्ते एकाञ्चीत्यधि(क)श्रतम् । एक्गुणो नवतिसहस्रादिः स एव । एकाशीत्यधि(क)शतमेकगुणं तदेव । अनेन नवति-२० सहस्रादेर्भागे { १९६३ हुन्ये मूलधनं पश्चशती ५००॥ अथ पष्टिः पश्चाधि-(क)नवशतीगुणिता जाताश्रतुःपश्चाश्रत् सहस्रास्त्रिश्वती एकच्छेदा । अस्याः प्रागु-क्त(केन) एकाशीत्यधि(क)शतेन भागे लब्धं कलान्तरं त्रिश्वती, यथा ३००॥

प्रथमद्वादशकं पञ्चाधि(क)नवशतीगुणं जाता दश सहस्रा अष्टशती पष्टिश्च। एषां प्रागुक्त(केन) एकाशीत्यधि(क)शतेन भागे लब्धं भाव्यके(१) पष्टिः, २५ यथा ६०।।

अथ दितीयद्वादश द्विच्छेदाः । ततः पश्चाधि(क)नवशतीगुणा द्वादश जाता दश सहस्रा अष्टशती पष्टिश्च । ततः प्रागुक्तसप्तशत्यादेश्वतुग्छेदस्य छेदांशविपयासे उपरि चत्वारः, अधः सप्तशत्यादि । ततः कुलिशापवर्तनम्— चतुर्द्विकयोरधीपवर्ते चतुःस्थाने द्वौ, द्विस्थाने एकः, यथा { ﴿﴿ ﴿ ﴿ ﴾ ﴾ ﴾ । अथ ३० द्वितीयवेलं द्वयोरधीपवर्ते एकः, सप्तशत्यादेरधीपवर्ते द्विषष्ट्वधि(क)त्रिशती । एकगुणं सर्व तथेव । ततो दशसहस्रादेद्विषष्ट्यधि(क)त्रिशत्या भागे लब्धं दृत्तौ त्रिंशत्, यथा ३० ॥

अथ तृतीयद्वादशकस्य चतुरुछेदस्य पश्चाधि(क)नवशतीगुणितस्य जातदशसहस्र-साष्ट्रश्रतीषष्ट्रियुतस्य चतुर्विंशत्यिध(क)सप्तश्रत्या भागे यतो द्वावप्यङ्कौ ऊर्ध्वा-भरछेदौ चतुष्कश्रतुष्केणैवापयात इति कृत्वा लब्धं लेखकस्य पश्चद्या, यथा $(\{ \frac{7}{3} \})$ । ततः एषां पश्चशत्यादीनां क्रमात् $\{ \frac{3}{3} \}$ योगे जाता पश्चाधि(क)-नवशती, यथा ९०५ ॥ नवशती, यथा ९०५ ॥

अथ यः कलान्तरमेव प्रवेशयति न मृलधनमेतदर्थमन्यत्रोक्तमपि सोप-योगित्वात् करणमाह-

> द्रव्यं मासगुणं कृत्वा, कृत्वा वृद्धिगुणं पुनः। हातेन च हते भागे, समायातं फलं विदुः ॥ ११५ ॥²

स्पष्टम् ॥

द्यातं प्रत्येकमासेन, द्रम्माः पश्च भवन्ति चेत्। तदा द्वादशभिर्मासैः, किं स्याद वद कलान्तरम् ? ॥११६॥ े

पश्चात् द्वादश्चमासगुणं जाता द्वादशश्चती । एतद् वृद्धिगुणं-पश्चगुणं जाताः षद् सहस्राः। एषां शतेन भागे (६६६६) लब्धं षष्टिन्यीजपदे, यथा ६० । अत्र १५ यावन्ति शतानि तावन्तो द्रम्माः स्युरिति तत्त्वम् ॥

अथ शतादिपश्चकादिना न्याजेन प्रवर्धमानं कियता कालेन द्विगुणादि-सादिति जिज्ञासायां ब्रा(ब्रा)स्त्रीपाटीनिगदितं करणमाह-

कालगुणितं प्रमाणं फलभक्तं व्येकगुणहतं कालः।

ह्याख्या–कालेन−एकमासादिना गुणितं प्रमाणं–शतादि फलेन−व्याजोक्त-२० पद्गादिना भक्तम्। ततो यल्लब्धं सोऽङ्कः यत् पृष्टं कियता कालेन त्रिगुणादि-स्पन्न गुणक एकरहितः कार्यः। तेन व्येकगुणेन हतं कालो भवतीति सम्बन्धः॥

अत्रोदाहरणमाह— शतद्वयस्य मासेन, षड् द्रम्मा यदि वृद्धितः। त्रिगुणं केन कालेन, प्रयुक्तं तद् धनं भवेत्?॥

न्यासः-{१।२००।६ । गु ३} । अत्र कालेन-एकमासेन गुणिता द्विशती ताहगेव । अस्याः फलेन-षद्भिर्भागे लब्धं सित्रिभागशेषद्वयोः पण्णां चार्धापवर्ते एकस्रयश्च, यथा 📳 त्रयस्त्रिशत् 📲 । एतत् यो गुणकस्त्रिकः स व्येको जातौ

१--२ अनुष्टुप्। ३ आर्या। ४ अनुष्टुप्। ५ अञ्चद्धं स्थलमिदम्। 'लब्धं त्रयस्त्रिंशत्; शेष-मुपरि द्वी, अधश्च षद् । द्वयोः षण्णां चार्धापवर्ते एकस्रयश्च, यथा (ी) सित्रमागात्रयस्त्रिंशत् { 33 } ' इति प्रतिमाति ।

રુષ્

द्वौ । तद्गुणं जाता पर्पष्टि(ः) त्रिच्छेदौ द्वौ च, यथा { क्षेत्रे । एतेन विंशति-दिनाधिकपण्मासाधि(क)पश्चवर्षेद्विंशती त्रिगुणा पर्शती भवति इत्यर्थः ॥

एवं भिन्नोदाहरणमाह—

मासद्वयात् पणाः पश्च, विंदातेयीद् वृद्धितः। तदा सार्धगुणं ब्रूहि, केन कालेन मे धनम्॥

न्यासः — { ै। ैं १ | १ | ३ | । अत्र कालेन — मासद्वयेन गुणिता विश्वतिर्जाता चत्वारिं-शत् । अस्याः फलेन — पञ्चकेन भागे लब्धमष्टौ । एतद् व्येकगुणं सार्धमध्यादेक-लोपे अर्धेन गुणितम् । तत्रैकगुणा अष्टौ त एव । द्वाभ्यां भागे लब्धं चत्वारो मासाः । एतेन चतुर्मास्या विश्वतिः स्वा(सा)र्धा त्रिंशद् जातेत्यर्थः ।।

१९ एकस्य विषमेः समैर्वा मासैरेकशतादीनां द्यादिवृद्या एकपत्रकरणजिज्ञा-सायां करणस्त्रं वृत्तमाह—

> गतसमयफलैक्ये मासवृद्ध्यैक्यभक्ते भवति हि गतकालो मासलाभैक्यभावे। शतफलमपि तस्मिन् ताडिते स्यात् शतेन द्रविणयुतिविभक्ते त्वेकपत्रीविधाने॥

व्याख्या—गतो यः समयः—सप्तमासादिर्वक्ष्यमाणस्तस्य फलानि-झादि-बृद्धा चतुर्दशादीनि तेषामैक्यं—चतुःसप्तत्यधि(क)त्रिशत्यादि तत्र । मासे भासे बृद्धिः शतं भ्शतम् । प्रक्रिया झादिबृद्धिस्तस्या ऐक्यं तेन चत्वारिशदादिना विभक्ते यञ्जब्धं नवमासादि स गतकालः । सर्वे मासा विख्ण्य नव मासा जाताः । २० तसिन् मासलाभैक्यभावे प्रागुक्तच्त्वारिशदादिलक्षणे शतेन ताडिते—गुणिते 'द्रविणयुतिविभक्ते' द्रविणानाम्—एकशतादिधनानां युतिः—योगः एकसहस्रा-दिस्तेन विभक्ते शतफलमपि सर्वेषां पृथक् पृथक् व्याजं विख्ण्य चतुष्कबृद्धिरेव जाता एकपत्रीविधान इति सम्बन्धः ॥

अत्रोदाहरणमाह---

द्विके त्रिके चाथ शते चतुष्के यत् पश्चके धीर! धनं प्रयुक्तम् । सप्ताष्ट षड् द्वादश तस्य मासा एकादिवृद्या क्रमशः शतानि॥

१ अनुष्टुप् । २ मालिनी । ३-४ हस्तलिखितप्रतावेतस्मिन् स्थाने '२'इति निक्षेपः । ५ उपजातिः ।

एकपत्रीकृते तस्मिन्, मित्र ! पत्रचतुष्ट्ये । यादक् पत्रं भवेत् तादक्, सत्वरं वद मे सखे !॥

सप्तमासैश्रतुर्दश । अष्टमास्या शतद्वयस्य त्रिकवृद्ध्या अष्टचत्वारिंशत् । षण्मास्या शत-त्रयस चतुःकवृद्ध्या द्वासप्ततिः। द्वादशमास्या चतुःशत्याः पश्चकवृद्ध्या चत्वारिश- ५ द्धि(क)द्विशती। एतानि गतसमयफलानि र्रेड्डि । एषामैक्यं चतुःसप्तत्यधि(क)-त्रिशती, यथा २७४ । तत्र मासवृद्धीक्यभक्ते मासं प्रत्येकशतस्य द्वी, शतद्वयस्य त्रिष्टद्भा पर् , शतत्रयस्य चतुष्कष्टद्भा द्वादश्, शतचतुष्टयस्य पश्चष्टद्भा विंशतिः । आसां मासद्वद्वीनां राहे है ऐक्यं चत्वारिंशत्। अनया चतुःसप्तत्यधि(क)त्रिशत्या भागे लब्धं नव मासा विंशतिभागाश्च सप्त, यथा 📢 🕽 । अत्र मासं प्रति चत्वा- १० रिंशदु द्रम्माश्रटन्ति। ततः चत्वारिंशता गुणिता नव जाता षष्ट्यधि(क)त्रिशती। चत्वारिंशद्गणा विंशतिः सप्त भागा जाता अशीत्यधि(क)द्विशती । अस्या विंशत्या भागे लब्धं द्रम्माः चतुर्दश । एते पष्ट्यधि(क)त्रिशतीमध्ये क्षिप्ता जाताश्रतुःसप्त-त्यिध(क)त्रिशती, यथा ३७४।....द्रौ....एतेन गतसमयेत्यादि गतकाल इत्या-यातम् । मासलाभैक्यभावे चत्वारिंशृङ्घक्षणे शतेन ताडिते जाता चतुःसहस्री । १५ तत्र द्रविणयुतेरेकद्वित्रिपश्चशतानां युतिः सहस्रम्। तेन विभक्ते लब्धं चत्वासः शतफलम्, यथा ४ । अत्र मूलधनं सहस्रं प्रति चतुष्कदृद्धा समीकृतया मासं प्रति चत्वारिंशत्। ततोऽनया समीकृता वर्षमासाः [®]सविंशतेः सप्त भागा गुणिताः र्थ्ववछब्धं चतुःसप्तत्यधि(क)त्रिश्वती । एतद् गृहीत्वा धनी एतद्दिनप्रभृत्येकपत्रं करोति चतुष्कशतव्याजमिति ॥ २०

अथ भिन्नोदाहरणमाह—

एतैरेव प्रमाणानां, फलैः पादसमन्वितैः। मासैश्च व्यंदासहितै-रेकपत्रं सखे! कुरु॥

१ अनुष्टुप् । २ 'विंशतिभागाः सप्त' इति प्रतिभाति । ३ इदमशुद्धस्थलम् । ४ अनुष्टुप् ।

भागवधेत्यादिना द्वाविंशतिगुणा नव जातमष्टानवत्यवि(क)शतम्; तदधित्वगुणाश्चत्वारो जाता द्वादश, यथा { १६६ } । मौलक्यशतमेकरूपत्वादेकगुणमेतदेव । द्वादशमिरष्टनवत्यधि(क)शतस्य भागे लब्धं पोडश; शेषग्रपरि षट्,
अधश्च द्वादश । अनयोः पड्मिरपवर्ते क्रमादेको द्वौ, यथा { १६६ } । अङ्कद्वयेन
पर (१) एकैकं गतसमयफलमायातीति तत्त्वम् ॥

अथ दितीयपत्रे प्रथमाङ्के "छेदनिन्ने"त्यादिना शताघो जाताश्रतुरछेदास्यो-दश र्ें है। दितीयाङ्के "छेदनिन्ने"त्यादिना पश्चविंशतिस्विच्छेदा, यथा रें है। पश्चविंशत्या गुणितास्त्रयोदश जाता पश्चविंशत्यिष(क)त्रिशती; तदधिस्तृगा-श्रत्वारो जाता द्वादश, यथा रिंहें । अत्र दिशतीपत्रे ततो गुणनाफलिन-श्रत्यादिना स्वरूपेण दिगुणा पश्चविंशत्यधि(क)त्रिशती जाता पदशती पश्चाशत् च, यथा ६५०। अस्या एकच्छेदगुणद्वादशभागे लब्धं चतुःपश्चाशत्; शेष-ग्रुपरि द्वी, अधश्च द्वादश; अनयोरधीपवर्ते क्रमादेकः पद्, यथा रिंहें ।।

अथ तृतीयपत्रे प्रथमाङ्के "छेदनिन्ने"त्यादिना श्रताधश्रतुरुछेदाः सप्तद्य । दितीयाङ्के "छेदनिन्ने"त्यादिना त्रिच्छेदा एकोनविंशतिः । एतद्गुणाः सप्तद्य १५ जाता त्रयोविंशत्यधि(क)त्रिशती, तद्धिस्त्रगुणाश्चत्वारो जाता द्वाद्य { ३९३ } । अत्र पत्रे त्रिशतीतिस्वरूपेण त्रिगुणा त्रिशती त्रयोविंशतिर्जाता (एकोनसप्तस्य-धिका नवशती) । अस्या एकच्छेदगुणद्वादशिमर्भागे लब्धमशीतिः; शेषम्रपरि नव, अधश्र द्वाद्यः अनयोस्त्रिभिरपवर्ते क्रमात् त्रयश्चत्वारः, यथा { ५३ } ॥

अथ चतुर्थपत्रे प्रथमाङ्के शताधः "छेदनिन्ने"त्यादिना जाताश्रतुक्छेदा एकविं२० श्रतिः । द्वितीयाङ्के त्रिच्छेदा सप्ततिंशत् । एतया गुणिता एकविंशतिर्जाता सप्तश्रती सप्तसप्तत्यधि(का), तद्धिस्तिगुणाश्रत्वारो जाता द्वाद्य, यथा {ँँ। ।
अत्र पत्रे चतुःशतीतिस्ररूपेण चतुर्गुणा सप्तशत्यादिर्जाता एकत्रिंशत् शतान्यष्टाधिकानि। एषामेकच्छेदगुणद्वादशिमभीगे लब्धं द्विश्रती एकोनपष्टिश्च रूप्पः ।
एषां चतुर्थपत्राश्रितगतसमयफलानां क्रमात्, यथा र्वे । । ऐक्ये
२५ कृते प्रथमाङ्के "छेदनिन्ने"त्यादिना जाता त्रयस्त्रिशत् द्विच्छेदा, द्वितीयाङ्के "छेदे"त्यादिना त्रयोविंशत्यिधि(कत्रिशती) चतुरुछेदा, यथा रविंशिक्षेत्रविंशिक्

पराङ्क एकगुणः स एव । ततः पश्चविंशत्यधि(क)त्रिशतमध्ये नवनवतिक्षेपे जाता चतुर्विंशत्यिध(क)चतुःशती पद्छेदा, यथा (४२६) । ततस्तृतीयाङ्का-धःस्यचतुष्कच्छेदस्य पद्मच्छेदस्य चार्धापवर्ते विनिमये च यथा { * र् 🔭 💃 }। प्रथमाङ्क ऊर्ध्वं द्विगुणो जाता अष्टाचत्वारिंशद्धिकाष्ट्यती, द्विगुणाः षद् जाता द्वादश, यथा { '६६}। पराङ्क उपरि त्रिगुणो जाता नवश्वती एकोनसप्ततिश्र, ५ त्रिगुणाश्रत्वारो जाता द्वादश, यथा { भै है । अस्य मध्ये प्रश्चत्यादिक्षेपे जाता अष्टादशञ्जती सप्तदश च द्वादशच्छेदाः, यथा (१६३३) । अथ चतुर्थाङ्कस्य एक-च्छेदस द्वादशच्छेदस्य विपर्यये यथा { विश्वित्व विश्वित एकगुणः स एव। पराङ्क उपरि द्वादश्रमुणो जाता एकत्रिंशत्श(च्छ)ती अष्टौ च, द्वादश्रमुण एकोऽपि स एव, यथा (ँ भे 💲 । अस्य मध्ये अष्टादश्रशत्यादिक्षेपे जाता एकोनपश्चाश्चत् 👀 श(च्छ)ती पश्चविंशतिश्र द्वादशच्छेदा, यथा (४९३५)। एतद् गतसमयफलैक्यम्। तिसन् भाज्ये पत्रचतुष्टये क्रमात् एकद्विशतादिगुणा मासवृद्धिर्थथा (र्वे कि क्षेत्र है । चतुर्थ''च्छेदनिघ्ने''त्यादिना सवर्णितेषु ऋमात् यथा (६०३०४) ३ । चतुर्थे भागा-नुबन्धो नास्ति। ''अंशच्छेदा''वित्यादिना चतुर्णां मीलने जातं सप्तत्यधि(क)शतं चतुइछेदम् । एतत् मासवृद्ध्यैक्यम् । अस्य भागदायित्वात् छेदांशविपर्यासे उपरि १५ (चत्वारः, अधः) सप्तत्यधि(क)शतम् , यथा { 🕉 है। ततो भाज्यस्य प्रागुक्तस्य छेट्टा द्वादश । ततः कुलिशापवर्ते चतुर्णो द्वादशकस्य (च) चतुर्भिरपवर्ते एकस्रयः, यथा { , ु. ४९२५} । सङ्गणना–भागवधेत्यादिना उपर्येकगुणे तदेव । अधश्र त्रिगुणं सप्तत्यिध(क)शतं जाता पश्चशती दशोत्तरा । अनया एकोनपश्चाशदादेभीगे लब्धं नव मासाः। शेषग्रुपरि पश्चित्रंशदधि(क)त्रिशती, अधः पश्चशती दश २० च । अनयोः पश्चभिरपवर्ते उपरि सप्तषष्टिः, अधश्च द्यधि(क)शतम्, यथा { 🐫 है 🔭 } । एवं ''गतसमये''त्यादिगतकाल इत्यायातम् । अथ मासलाभैक्यभावे सप्तत्यधि(क)शते गुणे जाता सप्तदश सहस्राः, यथा १७००० । चतुक्छे-दित्वात् द्रविणयुतिः शतसहस्रमेकच्छेदित्वाच्छेदांशविपर्यये उपर्येकः, अधः सहस्रम् । एकगुणाः सप्तदश सहस्रास्त एव । चतुर्गुण एकः सहस्रो जाता चतुः- २५ सहस्री । अनया द्रविणयुत्या सप्तदश्वसहस्राणां भागे लब्धं सपादाश्वत्वारः, यथा [🖔 🕽 । एतत् शतफलं दशगुणं जाता साधेद्विचत्वारिंशत् , मूले सहस्रधन-त्वात्, यथा (क्षेर् । ''छेदनिभे"त्यादिना जाता पश्चाशीतिर्द्धिच्छेदा, यथा (६९) । गुणनाफलिमिति न्यायात् नव मासा द्विरुत्तरशतसप्तपष्टि(:)। "छेदनिन्ने"-

१ उपजातिः ।

त्यादिना पश्चाशीत्यधि(क)नवश्वती द्यधि(क)शतच्छेदा गुणिता जातास्यशीति-सहस्राः सप्तश्वती पश्चित्रिश्वतिश्व । द्विच्छेदगुणद्यधि(क)श्वतेन जातचतुरुत्तर-द्विशितिकेन भागे लब्धं दशाधि(क)चतुःश्वती । श्रेषप्रपरि पश्चाशितिः, अधश्च चतुरुत्तरद्विश्वती । अनयोः सप्तदशिभरपवर्ते उपरि पश्च, अधश्च द्वादश, यथा ५ (४१६) । एतत्रवमासैः समग्रव्याजं भवति । अस्य च संवादनाय एकोनपश्चाशत्-पश्चित्रंशतेर्गतसमयफलैक्यरूपायाः प्रायदृष्टद्वादशच्छेदैभीगे लब्धं दशाधि(क)-चतुःशती, द्वादशानां च पश्च भागाः, यथा (४१६) । एतद् व्याजं गृहीत्वा धनी तद्दिनप्रभृति एकपत्रं करोति ॥ एकपत्रीकरणं समाप्तम् ॥

अथ विभिन्नग्राहकप्रदत्तविषमकालधनखण्डानां समीकरणाय करणसूत्रं
१० वृत्तमाह—

व्यस्तांशहारैः पृथगेकरूप-लाभैविमिश्रस्यसमाहतैश्च। स्वकीययोगेन हृतैभवन्ति प्रयुक्तराशेः खलु खण्डकानि॥

व्याख्या-अत्रैक एकखण्डे कालसङ्ख्याद्वयं प्रमाणराशिः फलधनं चेति चतु-ष्ट्यं अंशहारशब्देनोक्तम् । तत् प्रत्युत्पन्नरीत्या विपर्ययगुणैरंशहारैः पृथग् व्यवस्थितैरेकरूपलामैः-जातैकद्रम्मव्याजैर्मिश्रधनसमाहतैश्च स्वकीययोगहृतैः-विन्यस्तसवर्णितशतादिधनयोगहृतैः प्रयुक्तराशेः-प्रदत्तधनराशेः खलु खण्ड-कानि विषमव्याजपरिहृत्या समव्याजानि भवन्तीति सम्बन्धः ॥

२० अत्रोदाहरणमाह—

शतद्वयं यद् दशभिर्विहीनं १९० चण्डेस्त्रिभिर्गाणितिक ! प्रयुक्तम् । त्रिके द्विके चाथ शते चतुष्के मासैर्गतैर्द्वित्रिचतुर्भिरेषाम् ॥ फलानि दष्टानि समानि शीघं पृथक्प्रमाणं खलु खण्डकानाम् ॥ १२५ ॥

न्यासः-{ २०३ वि २०३ वि २०३ वि २०३ वि मिश्रधनं १९० । अथ प्रत्युत्पन्नविधिः, परं व्यक्तांशहारिणी । तथाहि शतेन-प्रमाणधनेनाधक्तनेन उपर्यङ्को मास एको गु-णितो जातं शतम् । तथा ऊर्ध्वाङ्केन त्रिमासुरुक्षणेन शताधःफुरुधनं द्वौ गुणिता-

२५

१-२ उपजातिः । ३ उपेन्द्रवज्रा।

(१तौ) जाताः पद् । एतेन प्रमाणधनेन कालगुणनं कालेन च फलधनगुणनम् । ऊर्ध्वाधोरीत्या च यद् गुणनं स न्यस्तविधिरत्र ईयः। द्विखण्डे शतेन एको मासो गुणितो जातं शतम्, ऊर्ध्वद्विकेन त्रिकगुणिते जाताः पद्, यथा (' दे)। त्रिखण्डे शतेनैको गुणितो जातं शतम् । ऊर्ध्वचतुष्केनाधश्रतुष्को गुणितो जाताः षोडश । एतेन एकैकरूपं प्रति व्याजे मासद्विकादिति रूपकविंशोपाः षडादयो दर्शिताः। ५ "व्यक्तांशहारें"रित्यादि रूपलाभैरिति यावत् सिद्धम् । अथैषां खयुतिर्यथा— आद्यखण्डद्वये समयषद्भच्छेदत्वात् शतमध्ये शतक्षेपे जाता षर्छेदा द्विशती, यथा { * * १ । तु(त्रि)खण्डेन सह पद्षोडशकयोरर्धापवर्ते जातत्रिअ(त्य)ष्टच्छेद-योर्विनिमये यथा रिक्ट्वीक्ट्वी । प्राच्याङ्के अष्टगुणा द्विशती जाता पोडशशती । (पट्) क्षेपे जाता (अष्टचत्वा)रिंशच्छेदा । द्विस्थाने त्रिगुणं शतं पोडश च १० त्रि(त्रिः)जाता त्रिश्वती अष्टचत्वारिंश्चच्छेदा। समच्छेदत्वात् पोडशशतीमध्ये त्रि-शतीक्षेपे जाता एकोनविंशतिशती अष्टचत्वारिंशच्छेदा, यथा { " 👯 } । अयं खनिभोगदायी राशिः।। अथ खण्डत्रयेऽपि शतं विमिश्रधनेन-नवत्यधि(क)शतेन गुणितं जाता एकोनविंशतिसहस्राः { ' * * १ | १ * * १ | १ * १ १ १ । एतेन मिश्र-स्वसमाहतैश्रेति सिद्धम् । अमी च भाज्यराशयस्त्रयः । ततो भागदायित्वात् १५ प्रागराशेरेकोनविंशतिशत्या अष्टचत्वारिंशतश्र विपर्यये यथा रिव्हार्टी । तत्र प्रथमखण्डे यथा { ॰ ॰ ॰ ॰ ॄ} । कुलिशापवर्ते अष्टचत्वारिंशतः पड्मागेऽष्टौ पण्णां च षद्भागे एकः। एकोनविंशतिशत्या एकोनविंशतिशतभागे एकः। तथा एकोनविंशतिसहस्राणामेकोनविंशतिशतभागे दश, यथा 👯 । ततः "सङ्ख-णनाफल"मित्यादिना अष्ट्रगुणा दश जाता अशीतिः, एक(गुणा) एकच्छेदभक्ता २० च अशीतिरेव, यथा ८०। द्विखण्डेऽपि सद्द्यप्रियत्वादशीतिरेव, यथा ८०। अथ त्रिखण्डे यथा { ' भे भे । भागदायित्वादष्टचत्वारिंशता पोडशभिरपवर्ते त्रयः. पोडञ्चानां पोडञ्चभागे एकः । एकोनविञ्चतिञ्चत्या एकोनविञ्चतिञ्चतभागे एकः । एकोनविंशतिसहस्राणां प्राग्रीत्या दश । "सङ्गुणनाफल"मित्यादिना त्रिगुणा दश जाता त्रिंशत् । एकगुण(णा) एकच्छेदभक्ता सैव त्रिंशत् , यथा ३० । २५ एवां (र्॰) योगे नवत्यिध(क) शतं मिश्रधनम्, यथा ९०। एवां समष्टद्धि-व्योजरूपा कथं जायत इत्याह-पश्चराशिकेन समा बृद्धयः। तथाहि न्यासः-{ विद्वा ్కిక్స్ । ''आनीय पक्षमपर"िमत्यादिना यथा 🕬 ్రేగ్ अत्र छेदाभावान्न विपर्ययः। ततस्त्रिगुणा अशीतिर्जाता चत्वारिंशद्धि(क)द्विशती। इयं च द्विगुणा जाता चतुःशतान्यशीतिश्र । अस्य प्राक्पक्षे एकगुण(णेन) एकशतेन भागे लब्धं ३०

रूपाणि चत्वारः पश्च भागाश्च (चत्वारः) { हुँ } । एवं द्विखण्डेऽपि यथा { हुँ } । त्रिखण्डे पश्चराशिकेन यथा { रूप्ते व्रक्षे । अत्रापि "आनीय पक्षमपर"मित्या-दिना यथा { रूप्ते हुँ } । छेदा नात्रापि । ततश्चतुर्गुणा (त्रिंशत् जाता) विंशत्युत्तरं शतम् । एतद्पि चतुर्गुणं चत्वारि शतान्यशीतिश्च । अस्याः प्राग्वच्छतेन भागे ५ लब्धं रूपाणि चत्वारः पश्चभागाश्च चत्वारः, यथा { हुँ } । इति खण्डत्रयेऽपि समं व्याजमभूत् ॥

अथ एतदर्थसंवादकं लीलावत्युक्तं स्पष्टं खण्डकानयनाय करणसूत्रं इत्त-म्रुपदर्श्यते—

> अथ प्रमाणेर्गुणिताश्च काला व्यतीतकालझफलोज्दृतास्ते । खयोगभक्ताश्च विमिश्रनिझाः प्रयुक्तखण्डानि पृथग् भवन्ति ॥ १ ॥

असैवोदाहरणस्य न्यासः—{ ्रेड्डिंग् ॰०ड्डिंग ००ड्डिंग मिश्रधनं १००० । अत्र प्रमाणै:—शतसङ्ख्येर्गुणिताः काला-एकमासलक्षणाः जातम्रुपिर सर्वत्र शतम् । १५ व्यतीतकालै:—मासिद्धकादिभिर्गुणितानि फलानि, यथा—आद्यखण्डे मासत्रयगुणितौ जाताः शताधः षद्, यथा { १००० । द्विखण्डे व्यतीतमासद्वयगुणफल-त्रये जाताः शताधः पद्, यथा { १००० । त्रिखण्डे व्यतीतमासचतुष्कगुणित-चतुर्लक्षणफलगुणने जाताः शताधः षोडश, यथा { १००० । एतेः षडादि-व्यतीतकालप्तफलेरुद्धता दत्तमागा अधःकृतत्वात् अग्रुमर्थं विचिन्त्य "व्यस्तां-२० शहारे"रित्यत्राप्येतदेव दर्शितम् । तत्त्वं तु गाणितिका विदन्ति । उत्तरार्धप्रकिया प्रागेव दर्शिता, न तु तद् दर्श्यते इति ॥ छ ॥

१ प्रेश्यतामेकविंशं पृष्ठम् । २ 'ताः खकाला' इति लीलावतीपाठः । ३ उपेन्द्रवज्ञा ।

APPENDIX I

EXAMPLES AND ANSWERS

Exs. 1-2, p. 3. Oh learned man! if you know (addition), say quickly what 7, 8, 9, 16, 93, 60, 76 and 50 when added (together would come to), and what number is arrived at when 27 and 21 are united with 32, 15 and 5 as well.

Ans. 319; and 100.

Exs. 3-4, p. 4. If you know subtraction, say soon the remainders obtained by subtracting from 1000, the above-mentioned numbers (i. e., 319 and 100 separately).

Ans. 681; and 900.

Exs. 5-8, p. 6. Oh ganaka (calculator)! if you know multiplication, say quickly what 21586 will be when multiplied by 96, 93685 by 32 and 98510 by 273, and the number got when 12987013 is multiplied by 77 so that it may represent the number of clear, resplendent and circular pearls forming an ornament for the neck of S'iva.

Ans. 2072256; 2997920; 26893230; and 1000000001.

Exs. 9-12, p. 7. If the laksana (subject of division) is learnt by you, say quickly what the numbers obtained (before) by multiplication will become when divided by their own multipliers.

Ans. 21586; 93685; 98510; and 12987013.

- Exs. 13-25, p. 9. Tell (me) the squares of 1 to 9^1 , 12, 72, 93 and 163.

 Ans. 1; 4; 9; 16; 25; 36; 49; 64; 81; 144; 5184; 8649; and 26569.
- Exs. 26-39, p. 10. If you know the square-roots of the squares² formerly obtained tell them along with that of 11819844.

Ans. 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9; 12; 72; 93; 163; and 3438.

Exs. 40-51, p.13. Oh friend! after reflecting tell (me) the cubes of 1 to 93, 18, 73 and 317.

Ans. 1; 8; 27; 64; 125; 216; 343; 512; 729; 5832; 389017; and 31855013.

Exs. 52-63, p. 15. Oh proficient (individual)! if your study in operations is proper, tell the cube-roots of the cubes formerly got⁴.

Ans. 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9; 18; 73; and 317.

Ex. 64, p. 16. Quickly add (together) three and a half, six, nine less by one-fourth $(9-\frac{1}{4})$, and seven plus one-third $(7+\frac{1}{3})$.

Ans. 2517.

¹ Cf. Gaņitasārasangraha p. 13 (v. 32).

² Ibid., p. 14 (v. 37).

³ Ibid., p. 15 (v. 48).

⁴ Ibid. p. 16 (v. 53).

- Exs. 65-66, p. 18. Oh learned man! tell (me) the remainder (i) after having subtracted one-sixth, one half and one-third from one dramma, and (ii) after removing one and a half, one minus one-fourth $(1-\frac{1}{4})$, and one plus one-eighth $(1+\frac{1}{8})$ from six plus one-third $(6+\frac{1}{3})$ drammas. Ans. 0; and $2\frac{23}{24}$ drammas.
- Exs. 67-68, p. 20. Oh one with good intellect! tell me the product of three and a half $(3\frac{1}{2})$ by nine plus one-third $(9+\frac{1}{3})$. If you know ganita, (say) what one-fourth will really be when multiplied by a half.

Ans. $32\frac{2}{3}$; and $\frac{1}{8}$.

Exs. 69-72, p. 21. Oh ganaka! If division is known (to you) methodically, tell quickly what becomes when ten plus one-fourth $(10+\frac{1}{4})$ is divided by six plus one-third $(6+\frac{1}{3})$, eighty and a half by five less by one-third $(5-\frac{1}{3})$, a half by one-sixth, and one-fourth by three.

Ans. 147; 171; 3; and $\frac{1}{12}$.

Exs. 73-76, p. 23. Oh learned man! if you know pātā (arithmetic), tell (me) quickly the squares of five less by one fourth $(5-\frac{1}{4})$, eight and a half, one-third and one half.

Ans. $22\frac{9}{16}$; $72\frac{1}{4}$; $\frac{1}{6}$; and $\frac{1}{4}$.

Exs. 77-80, p. 24. Oh intelligent (one)! if fractional operations are known to you, tell (me) quickly the square-roots of the squares previously obtained.1

Ans. $4\frac{3}{4}$; $8\frac{1}{2}$; $\frac{1}{3}$ and $\frac{1}{2}$.

- Exs. 81-84, p. 25. Oh learned (one)! if you know pati, tell (me) the cubes of (i) nine plus one-fourth $(9+\frac{1}{4})$, (ii) six lessened by one-third $(6-\frac{1}{3})$, (iii) one-sixth, and (iv) one-third.
 - Ans. $791\frac{29}{64}$; $181\frac{26}{27}$; 218; and $\frac{1}{27}$.
- Exs. 85-88, p. 27. Oh friend! if you have great intelligence in the extraction of cube-root, tell me the cube-roots of the previous cubes.2

Ans. $9\frac{1}{4}$; $5\frac{2}{3}$; $\frac{1}{6}$; and $\frac{1}{3}$.

Exs. 89-94, p. 30. If you have (acquired) proficiency in kalāsavarņa, express $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{5}$ and $\frac{1}{7}$ as having the same denominator. Ans. $\frac{210}{420}$; $\frac{140}{420}$; $\frac{105}{420}$; $\frac{70}{420}$; $\frac{84}{420}$; and $\frac{60}{420}$.

Ex. 95, p. 34. Oh friend! if you have exerted yourself in ganita, tell me the sum of ten plus one fourth ($10+\frac{1}{4}$), one and a half and two - plus one-third $(2+\frac{1}{3})$.

Ans. $14\frac{1}{12}$.

¹ Cf. Ganitasārasangraha p. 27 (v. 17).

² Ibid., p. 28 (v. 21).

Ex. 96, p. 35. Tell me (the result) after reducing one and one-fourth plus its half together with one-third of its sum and one-sixth of that (last sum) when united with one-third, its one-sixth and one-fourth of its (sum).

Exs. 97-98, p. 37. Oh friend! if you know bhāgāpavāhana tell me (the result after reduction) when the numbers previously spoken (in exs. 95 and 96) are diminished by their (fractional) parts, i. e. to say simplify:—

(i)
$$(10 - \frac{1}{4}) + (1 - \frac{1}{2}) + (2 - \frac{1}{3});$$

and (ii) $(1 - \frac{1}{4}) - \frac{1}{2}$ of $(1 - \frac{1}{4})$
 $-\frac{1}{3}$ of $\{(1 - \frac{1}{4}) - \frac{1}{2}(1 - \frac{1}{4})\}$
 $-\frac{1}{6}$ of $[(1 - \frac{1}{4}) - \frac{1}{2}$ of $(1 - \frac{1}{4}) - \frac{1}{3}$ of $\{(1 - \frac{1}{4}) - \frac{1}{2}$ of $(1 - \frac{1}{4})\}]$
Ans. $11 \frac{11}{12};$ and $\frac{5}{12}(\frac{5}{24} + \frac{5}{24}).$

Ex. 99, p. 39. Oh friend! if you know (vallīsavarna) tell (me) soon the sum of 2 drammas, 5 panas and one kākinī less by one kapardikā together with one-fourth of itself i. s. \(\frac{3}{4}\) kapardikā.

Ans. $2\frac{335}{1024}$ drammas i. e. to say 2 drammas, 5 panas and $18\frac{3}{4}$ kapardikās.

Ex. 100, p. 41. After reflecting, tell (me) the measure of that post of which one half is immersed in water, one-twelfth in mud, one-sixth in sand and of which one and a half hastas are seen.

Ans. 6 hastas.

Ex. 101, p. 42. Out of (the total number) of elephants, one half together with its one-third fled to a summit of a mountain, one-sixth accompanied with its one-seventh drinks water at the river, one-eighth and its one-ninth play in a lotus-plant, and a lord of the elephants followed by 3 female elephants plays in the multitude of lotuses; (so) what must be the strength of the herd (of elephants)?

Ans. 1008.

Ex. 102, p. 44. One half of the herd of intoxicated lordly elephants has commenced to play somewhere. One-third of the remainder has run away in caves making noise on account of the fear of a lion. One-fourth of the (remaining) remainder removes the scratching (sensation) of cheeks. One-fifth of the remainder has entered (a river) to drink water, and sixty elephants are seen. Oh friend! tell (me their total number).

Ans. 300.

¹ Of Ganitasārasanaraha n. 47 (v. 5).

Ex. 103, p. 45. One half (of swans), two-thirds of the remaining, three fourths of the (then) remaining and four-fifths of the (then) remaining went away after flying somewhere, and another triad of swans is seen keeping a company. Oh intellegent (individual)! tell (me) as to how many swans were in that group.

Ans. 360.

Ex. 104, p. 46. One-fifth of the swarm of unsteady and large black bees went to a mango-tree, one-eighth to a lotus, their difference (vivara) i. e., $\frac{1}{5} - \frac{1}{8}$ ($=\frac{3}{40}$) multiplied by two, plus its half (i. e. $\frac{9}{40}$) remained on a kunda (flower), six times half of the difference between those bees which stayed on the kunda (flower) and those on the mango-tree, together with its one-third multiplied by three and lessened by its one-third (i. e. by $\frac{1}{3} \times \frac{7}{240}$) resorted to a $j\bar{a}t\bar{\imath}$ creeper, and a decuple of bees is seen seated on a blossom of a tilaka tree. Oh clever (individual)! if you know (vis'lesajāti), tell me quickly the number of the swarm of bees.

Ans. 40.

Ex. 105, p. 49. If the (number equal to the) square-root of the collection of leaves of blue-petalled lotuses used as an ornament for ears by a woman having beautiful eye-brows, fell on a bed on it being struck during the sport with (her) lover, and if two-thirds of the remaining as well as the square-root of the (then) remaining fell on the ground, and if a pair of leaves were seen, say how many leaves that blue lotus had.

Ans. 16.

Em. 106, p. 50. Three times the square-root of the group of parrots went to fields of rice, after having flown. One-tenth of the remaining resorted to mango trees full of fruits. Three times the square-root of what then remained fell (a victim) to the snare of a hunter and thus became subject to adversity. Oh learned (man)! if you know (s'esamūlajāti), then let the number of that group of parrots be now told.

Ans. 25.

Ex. 107, p. 51. One-third of the herd of deer along with its one-third fled owing to fear from a tiger. The square-root of the total number longing for singing, bereft of mouthfuls and having the eyes

¹ This difference is equal to $\frac{9}{40} - \frac{1}{5}$ i. e. $\frac{1}{40}$

² This comes to $\frac{24}{240}$.

³ This comes to $\frac{72}{240}$.

⁴ Cf. Gaņitasārasangraha p. 49 (v. 23-27).

closed, stayed. Two female deer having unsteady eyes and separated from the herd were seen wandering in a forest. If you know the process of ganita, tell (me) soon the strength of the herd.

Ans. 9.

Ex. 108, p. 52 Five-fifths of the herd of monkeys together with the square-root (of their total number) have their minds attached to the swinging of branches of a panasa tree. Ten monkeys desiring the fruit are seen (engaged in) duel. Oh ganaka! tell (me) quickly the strength of the herd.

Ans. 36.

Ex. 109, p. 53. Oh good calculator (suganaka)! one-eighth of the herd of hogs is sporting in mud in a small pool. Oh friend! one and a half times the square-root (of the total number) really dig musta (grass). A female hog with seven young ones is seen as separated from her herd and seeking it all around. If you really know pātī, tell (me) quickly as to how many hogs constitute that herd.

Ans. 16.

Ex. 110, p. 55. One elephant remained at the post. One-sixth of the remainder remained (engaged) in sport in a lake. One-fifth of what remained (then) grazes sprouts of s'allakī on the slope of a mountain. One-fourth of the (then) remainder along with the square-root of the total number is seen terrified by the roaring of a lion. Another elephant follows six elephants. Tell (me) the strength as to how many elephants (these) were.

Ans. 25.

Ex. 111, p. 56. A pair of bees made tawny by pollen, is seen on a white lotus. One half of the remainder along with one-seventh of it (i. e. of the swarm) went to a temple of a lordly elephant. A square-root of that swarm went humming to navamallikā, and a couple of bees is seen. Brother! tell (me) the (strength of the) swarm of bees.

Ans. 16.

Ex. 112, p. 57. A certain wealthy man gave to a Dvija one-fourth (of a dramma), then one-third of the remainder, (again) one-fourth of what then remained, (again) the square-root of the sum-total and (then) one-half and (thus) became penny-less. So how much wealth had he?

Ans. $6\frac{1}{4}$ (drammas).

Ex. 113, p. 58. The tenth part of a pillar multiplied by its seventh part (is hidden). Half of that (pillar) is seen to-day. Tell (me) quickly, oh friend! the correct measure of the post.

Ans. 35 (hastas).

¹ Cf. Ganitasārasangraha p. 56 (v. 69).

Ex. 114, p. 59. A portion equal to what is obtained by multipling five-twenty-fifths of a bamboo with three-fiftieths is seen by me. Having reflected upon $\frac{12}{25}$, oh $\bar{\alpha}rya$! tell me quickly the measure of the bamboo¹.

Ans. 40 (hastas).

Ex. 115, p. 60. (The number equal to) 18 times the square-root of one-eighth of the herd of elephants resembling a cloud (surcharged) with water and having their temples moist on account of the flow of rut trickling (therefrom), wanders on the top of a mountain. Other 18 (elephants) are seen as fear-stricken on hearing the roaring of a young one of a lion. Oh ganitavid! if you have taken pains in this connection, count as to what the number of elephants is.

Ans. 72.

Ex. 116, p. 61. Nine times the square-root of two-thirds of the herd of swans went to the sky. Six times the square-root of three-fifths of the remainder perished. And oh friend! three times eight swans are seen. (Tell me) how many they were (in) all.

Ans. 150.

Ex. 117, p. 63. The square of the three-fifth part of peacocks lessened by six is playing inside a mountain. But six are seen as having gone inside a forest. Tell (me) quickly the strength of their herd.

Ans. 15.

Ex. 118, p. 64. Thrice the eighth part of the herd (of viskas) is halved and then diminished by 16 viskas. (The number equal to that remainder) multiplied by itself is playing in the interior of a mountain, and four times (that sixteen) are wandering in a forest. (Tell me the total number of the viskas).

Ans. 128.

Ex. 119, p. 66. Oh friend! if you know $p\bar{a}t\bar{\imath}$, tell me what that number is, which when multiplied by 5, then increased by 9, then reduced to square-root, then decreased by 2, then squared, and then lessened by 1, and then divided by 8, oh ganaka! certainly comes to 3.

Ans. 8.

Ex. 120, p. 67. Oh young woman with unsteady eyes! if you indeed know the correct vilomakriyā (operation of inversion) tell (me) that number which when multiplied by 3, increased by three-fourths of it, divided by 7, lessened by one-third of it, multiplied by itself, lessened by 52, reduced to square-root, increased by 8 and divided by 10 comes to 2.

Ans. 28.

¹ This means solving the equation: $\frac{5x}{25} \times \frac{3x}{50} + \frac{13x}{25} = x$.

Ex. 121, p. 68. If one and a half palas of musk can be obtained for twelve and one-fourth drammas, then for what can we obtain seven and one-third palas?¹

Ans. 59 drammas, 14 paņas and 17% kapardikās.

Ex. 122, p. 69. Oh learned individual! if you know trairās'ika, let it be said as to how many palas of camphor can be had for 100 drammas when $1\frac{1}{2}$ palas of camphor can be had for $16\frac{1}{3}$ drammas—the camphor which vies with the beauty of the split of the tusks of a lordly elephant and to which a swarm of bees is called (attracted) by (its) odour.

Ans. 9 palas, 1 dhataka, and 11\frac{35}{49} vallas.

Ex. 123, p. 70. When the amount in futurity on 100 is 6, tell, oh friend! what is the amount in a total of 1000? [This comes to saying: Oh friend! tell (me) what 1000 will yield when 106 yield 6?]

Ans. $56\frac{32}{53}$.

Ex. 124, p. 70. Oh ganaka! if $1\frac{1}{2}$ dhatakas of kunkuma are obtained for $5\frac{1}{4}$ panas, how much will $1\frac{1}{3}$ palas cost?

Ans. 4 drammas, 10 panas, 2 kākinīs and 13\frac{1}{3} kapardakas.

Ex. 125, p. 71. Oh friend! if $2\frac{1}{2} m \bar{a} n i k \bar{a} s$ are obtained for 8 minus $\frac{1}{8} (8 - \frac{1}{8})$ panas, say for what $100\frac{1}{3} m \bar{a} n i k \bar{a} s$ can be had.

Ans. 19 drammas, 12 panas, and 4 kapardakas.

Ex. 126, p. 71. Oh learned man! if $2\frac{1}{4}$ $m\bar{a}n\bar{s}$ of corn can be had for $6\frac{1}{3}$ drammas, tell me quickly what can be had for $80\frac{1}{2}$ drammas, in case your intellect in $sankhy\bar{a}$ - $s'\bar{a}stra$ (the science of numbers) is developed.

Ans. 28 mānikās and $2\frac{15}{38}$ hārikās.

Ex. 127, p. 72. Oh one with good intelligence! if a certain lord of elephants having a series of bees roaming about his cheeks starts to go, on remembering the sport with a female elephant of Vindhya and goes one-third of one half (i. e. \(\frac{1}{6}\)) yojana in 1\(\frac{1}{2}\) days (lit. two less by half), then within how many days can he go 70 yojanas?

Ans. I year and 9 months.

Ex. 128, p. 73. If a serpent having a body three and a half hands (in length) goes in a hole one and a half angulas in one-third of a ghatī, oh ganaka! say quickly in what time it will enter it.

Ans. 18 ghatikās and 40 palas.

Ex. 129, p. 73. If one gadyānaka of gold along with one dharana of it is really obtained for $14\frac{1}{2}$ drammas, oh friend! how much gold can be had for ninety minus one-third $(90-\frac{1}{3})$ drammas?

Ans. 9 gadyānakas, 4 nispāvas and 214 yavas.

¹ Cf. Gaņitasārasaigraha p. 59 (v. 9).

Ex. 130, p. 74. What is the number of necklaces each containing 6 setikās that can be formed out of 16 necklaces each containing 8 setikās? Oh friend! tell (me that) definitely.

Ans. $21\frac{1}{3}$.

Ex. 131, p. 74. How much gold of 11 varnikas can be obtained by giving ninety gadyānakas of gold of 16 varnikas?

Ans. 13010 gadyānakas.

Exs. 132-135, p. 75. What is the interest of 76 in a year at the rate of 5 per cent per month? Oh learned man! if you know the operation of pañcarās'ikā (the rule of five), tell me time, rate and principal from two of them.

Ans. $45\frac{3}{5}$; 12 months; 5%; and 100;

- Ex. 136, p. 76. If $2\frac{1}{2}$ is the interest of $100\frac{1}{2}$ in $\frac{1}{3}$ month, say what the interest of twenty minus one-fourth $(20-\frac{1}{4})$ in $8\frac{1}{4}$ months will be?

 Ans. $12\frac{171}{1000}$.
- Ex. 137, p. 77. Oh learned man! if 3 workers get 20 panas (by working) for two days, tell me what 8 men will get (by working) for five days.

 Ans. 133 panas.
- Ex. 138, p. 78. If 8 mānikās of s'āli (rice) are carried to one yojana for 6 panas as wages, oh learned man! tell me the wages for (taking) 63 mānikās to 18 kros'as (literally six multiplied by three).²

Ans. 212 $\frac{5}{8}$ panas.

Ex. 139, p. 78. If a kambala having two for its breadth and eight for its length costs ten, let (me) be told what two others having three (for breadth) and nine for length will cost?

Ans. $33\frac{3}{4}$.

Ex. 140, p. 79. If a $s'il\bar{a}$ (stone) having 9, 5 and 1 $hastik\bar{a}$ (respectively) for its length, breadth and thickness costs 8, say for what will be got 2 stones each of which has for its length, breadth and thickness 10, 7 and 2 $hastik\bar{a}s$.

Ans. 497.

Ex. 141, p. 79. If 30 pattas, (each of which is) 12 angulas in thickness, 16 (lit. 4²) angulas in width and 14 hastas in length cost 100, oh friend! tell me what 14 pattas having their breadth, length and thickness each lessened by 4 cost?

Ans. $16\frac{2}{3}$ (drammas).

Ex. 142, p. 80. If 8 drammas are to be paid as wages to cart-drivers for bringing back the pattas which have their measures as stated

¹ Cf. Ganitasārasangraha p. 60 (v. 18).

² Ibid., p. 63 (v. 36).

before, when they have gone to one gavyūti, tell (me) what wages will have to be paid in the case of other pattas which are as stated later and whose measures are less by four than those (of the former), when they have gone to six gavyūtis.

Ans. 8 drammas.

- Ex. 143, p. 80. If 16 mangoes are indeed obtainable for one pana, and a hundred pomegranates for 3 panas, oh ganaka! tell me how many pomegranate-fruits can be had by exchanging them with 12 mangoes.

 Ans. 25.
- Ex. 144, p. 81. If two palas of aguru can be obtained for six, and one pala of musk for nine, let it be said as to how much musk can be had by (exchanging it) with seven palas of aguru.

Ans. $2\frac{1}{3}$ palas.

Ex. 145, p. 81. If a woman 16 years old get seventy, let it be said what another woman 20 years in age and having the same beauty and colour will get, in case you have exerted yourself in ganita.¹

Ans. 56.

Ex. 146, p. 82. Oh friend! if three camels ten years old are obtained for 108, tell (me) soon what eight camels nine years old and having the same beauty and speed cost.²

Ans. 320. -

Exs. 147-148, p. 83. Oh friend! at the rate of 5 per cent per month the sum of interest and principal (i. e. amount) is found (in a year) to be 96 (lit. hundred less by four). What is the principal and what is the interest?

Ans. 60; and 36.

Exs. 149-153, p. 83. The fruit of 100 in a month was, oh learned man! 5 (as interest), I for futurity (bhāvyaka), ½ dramma for profession (vrtti) and likewise ½ for the scribe (lekhaka). In 12 months the mixed amount was 905. Tell, oh friend! if you have proficiency in mis'rakavyavhrti (the treatment of mixed quantities), what were the principal etc.?"

Ans. mūladhana 500; kalāntara 300; bhāvyaka 60; vṛtti 30; and lekhaka 15.

Ex. 154, p. 85. If hundred drammas become 5 (in interest) per month, tell (me) what the interest will be in 12 months?

Ans. 60.

¹ Cf. Gaņitasārasangraha p. 63 (v. 40).

² Ibid., p. 63 (v. 39).

³ Ibid., p. 63 (v. 41).

¹⁴ गणित०

- Ex. 155, p. 85. If six drammas are the increase in two hundred per month, when will that sum be three times?
 - Ans. 5 years, 6 months and 20 days.
- Ex. 156, p. 86. If five panas are the increase in twenty panas in a couple of months, tell me in what time my wealth will be one and a half times as it is.
 - Ans. 4 months.
- Exs. 157-158, pp. 86-87. Oh dhīra! one increasing by one time 100 were applied at the rate of 2, 3, 4 and 5 per cent per month respectively; months elapsed were respectively 7, 8, 6 and 12. If ekapatra (average) be made of these 4 things tell me, oh friend! what that average will be.
 - Ans. time= $9\frac{7}{20}$; and rate 4%.
- Exs. 159-160, p. 87. Oh friend! make ekapatra of these very pramāṇas (amounts) with their phalas (rates of interest) increased by one fourth, and their months by one third.
 - Ans. time $9\frac{67}{102}$ months; and rate $4\frac{1}{4}\%$.
- Ex. 161, p. 91. Two hundred less by 10 were invested in three parts, oh gānitika! at the rates of interest 3, 2 and 4 per cent (respectively) per month. Interests obtained on these after 2, 3 and 4 months respectively were found to be the same. Tell quickly the values of the different parts.

Ans. 80, 80 and 30.

APPENDIX II

Tables of Measurements as recorded in Ganitatilaka

I Kaparda-vyavahāra²

20 varātakas (kapardikās³) $= I k \bar{a} k i n \bar{i}^{4}$

4 kākinīs

= " pana

16 panas

= ,, $dramma^{5}$ ($pur\bar{a}na^{6}$).

II Suvarņa⁷-vyavahāra

6 vavas

= I nispāva8

8 nispāvas

= ,, dharana

 $2 dharanas = ,, {}^{9}gady\bar{a}naka.$

III Meya-vyavahāra

14 nispāvakas

= I dhataka

10 dhatakas

= ,, pala.

IV Kaņamāna-vyavahāra

4 pādikās

= I mānaka

Some of the tables pertaining to weights and coins are given in "The coins and weights in ancient India" published in "The Indian Historical Quarterly" vol. VII, No. 4, pp. 689-702, December 1931.

- 2 Compare Lilavati v. 2. There we find as additional information the fact that $16 \ drammas = 1 \ niska$.
- 3 See p. 39. On p. 71 we have the word kapardaka. The corresponding word in Gujarātī is kodī.
- 4 The corresponding word in Gujarātī is khānkhaṇī (खाखणी). It is also known as bodī.
 - 5 Compare the Greek word drachme and the Gujarātī dāma.
 - 6 See p. 39.
- 7 In Prameyaratnamañjūṣā (p. 226a), the commentary on Jambūdvīpaprajnapti (sūtra 54) we find the following remark:-
- "चत्वारि मधुरतृणफलान्येकः श्वेतसर्षपः, षोडश श्वेतसर्षपा एकं धान्यमाषफलम्, द्वे धान्यमाषफले एका गुआ, पञ्च गुआ एकः कर्ममापकः, षोडश कर्ममापकाः एक सुवर्ण इति, एतादशैरष्टिभः सुवर्णेः काकिणीरलं निष्पद्यते"
 - 8 Simhatilaka explains this as "suvarnavalla". Vide p. 2.
 - 9 In Gujarātī this is called gadiyāņo.
- 10 Compare Līlāvatī v. 3 where it is said: 2 yavas = 1 guñjā; and 3 guñjas = 1 valla.

¹ Weights and measures used in ancient times in India have been discussed by Durgashankar K. Shastri in his Gujarātī article "हिंदुस्ताननां जूनां तील अने माप" published in "The Report and essays of the sixth Gujarātī Sāhitya-pariṣad" (pp. 53-70) in 1923.

```
4 m\bar{a}nakas^1 = I setik\bar{a}

10 setik\bar{a}s = J, h\bar{a}r\bar{i}^2.
```

V Ksetra-vyavahāra

```
6 yavas (without tuṣa) = 1 aṅgula<sup>8</sup>
24 aṅgulas = ,, hasta<sup>4</sup>, hastikā<sup>5</sup> or pāṇi
4 pāṇis = ,, daṇḍa or daṇḍaka
20 daṇḍakas = ,, rajju
2 rajjus (samās'ri) = ,, nivartana<sup>6</sup>
2000 daṇḍas = ,, kros'a<sup>7</sup>
4 kros'as = ,, yojana.
```

VI Kāla-vyavahāra

```
60 prāṇas = I vināḍī

,, vināḍīs = ,, ghaṭikā or ghatī

,, ghaṭīkās = ,, ahorātra

30 ahorātras = ,, māsa

I2 māsas = ,, sainvatsara<sup>8</sup>.
```

These tables may be compared with those given in the introduction on pp. XXXVII to XL. For further comparison, I may give here some of the tables from old works.

To begin with, in the S'atapatha Brāhmaṇa (c. 2000 B.C.) minute divisions of time are noted. They may be represented as under:—

```
I5 pr\bar{a}nas^9 = I id\bar{a}n\bar{i}

,, id\bar{a}n\bar{i}s = ,, itarhi

,, itarhis = ,, ksipra

,, ksipras = ,, muh\bar{u}rta.
```

- 1 Mānikā and mānī are used on p. 78.
- 2 400 hārikās go by the very name. So says Simhatilaka on p. 2.
- 3 In $L\bar{\imath}l\bar{a}vat\bar{\imath}$ (v. 5) we have: 8 yavodaras = 1 aigula; and 10 dandas = 1 vains'a.
- 4 As regards hasta and its varieties, the reader may refer to "Inductive Metrology" or "The recovery of Ancient measurements from the monuments" (pp. 125-130) by W. M. Flinders Petrie.
 - 5 See p. 79. On p. 73 we have the word kara.
- 6 See *Upāsakadas'āiga* where its Prākrit equivalent niyattaņa occurs. See Dr. Hærnle's edn. (Biblotheca Indica, pp. 14 and 80).
 - 7 The word gavyūti occurs on p. 80.
 - 8 In this connection Simhatilaka mentions pravālaka. Vide p. 3.
 - 9 The $pr\bar{u}na$ here referred to, is approximately equal to $\frac{1}{17}$ second.

30 $muh\bar{u}rtas = 1 divasa^1$.

In Lalitavistara (p. 168)² linear measures are noted as under:—

```
7 paramāņuraja
                        = I renu
                        = ,, truti
  ,, renus
                        = ,, vātāyanaraja
  ,, truțis
                        = ,, s'as'araja
  " vātāyanarajas
  "s'as'arajas
                        = ,, edakaraja
  " edakarajas
                        = ,, goraja
  " gorajas
                        = ,, likṣāraja
  "likṣārajas
                        = ,, sarṣapa
                        = ,, yava^3
  ,, sarsapas
                        = ,, anguliparvan4
  ,, yavas
  12 anguliparvans
                        = ,, vitasti
  2 vitastis
                        = ,, hasta
  4 hastas
                        = ,, dhanusya
                        = ,, kros'a
1000 dhanusyas
                        = ,, yojana^5.
   4 kros'as
```

Kauţilya's Arthas'āstra (II. 18. 17) furnishes us with weights and measures as under:—

```
10 dhānyamāṣas = I suvarṇamāṣaka
5 guñjās<sup>6</sup> = ,, ,,
16 suvarṇamāṣakas = ,, karṣa or suvarṇa
4 karṣas = ,, pala
80 gaurasarṣapas = ,, rūpyamāṣaka
16 rūpyamāṣakas = ,, dharaṇa
20 s'aiblyas = ,, ,,
,, taṇḍulas = ,, vajradharaṇa.
```

In Abhidhānappadīpikā, some of the weights and measures are mentioned. The pertinent verses given on pp. 70-71 are as under:—

¹ Ārhatadars'anadīpikā (pp. 587-589) may be consulted.

² This page refers to R. Mitra's edition, Calcutta, 1877. Cf. Datta and Singh, l. c., p. 187.

³⁻⁴ These are translated as 'breadth of barley' and 'breadth of finger' respectively by Datta and Singh, l. c., p. 187.

⁵ From this it can be seen that a paramanu = 1.3×7^{-10} inches,

"(चत्तारो बीहयो) गुंजा. (हे गुंजा) मासको. (भवे)।
(हे) अक्खा. (मासका पंचाक्खानं) धरणं. (अट्टकं)॥ ४७९॥
सुवण्णो. (पंच धरणं) निक्खं. (त्वनित्थि पंच ते)।
पादो. (भागे चतुत्थे थ) (धरणानि) पळं. (दस)॥ ४८०॥
तुळा (पळसतं चाथ) भारो. (वीसति ता तुळा)।
(अथो) कहापणो, (नित्थि कथ्यते) करिसापणो.॥ ४८१॥
कुडुबो, पसतो. (एको) पत्थो. (ते चतुरो सियुं)।
आळहको. (चतुरो पत्था) दोणं. (वा चतुराळहकं)॥ ४८२॥
माणिका. (चतुरो दोणा) खारि. (तथी चतुमाणिका)।
(खारियो वीस) वाहो. (थ) (सिया) कुंभो. (दसम्मणं)॥ ४८३॥
आळहको, (नित्थियं) तुंवो. पत्थो, (तु) नाळि. (नारियं)।
वाहो, (तु) सकटो, (चेकादस दोणा तु) अम्मणं.॥ ४८४॥"

One can easily proceed on these lines. So I shall simply mention a few more works wherein the topic of weights and measures is dealt with. They are: (1) Manusmṛti¹ (VIII, v. 131-138), (2) Bhaviṣyatpurāṇa², (3) Sus'ruta (cikitsāsthāṇa, adhyāya XXXI), (4) Caraka (kalpasthāṇa, adhyāya XII), (5) Amarakos'a (II; v. 938-943), (6-7) S'rīdharācārya's Pāṭīgaṇita and Tris'atī, (8) Gaṇitasārasaṅgraha (I, v. 25-45), (9) Abhidhānacintāmaṇi (III. v. 547-549)³ and (10) Pūrṇakalas'a's commentary on Dvyās'raya.⁴

¹ Yājñavalkyasmṛti and Nāradasmṛti, too, may be consulted.

² Padmapurāna may be also referred to.

^{3 &}quot;Positive sciences of the ancient Hindus" (pp. 80-84 and 148) by Dr. Brajendranath Seal may be consulted.

⁴ See Bombay Sanskrit and Prakrit Series No. LXIX (p. 328) and No. LXXVI (pp. 381-386 etc.). These numbers represent Parts I and II

APPENDIX III1

Sanskrit words and their numerical significations

अ		अभ्र (गो.)	0
*अंह (ग. ति. पृ.३९²)	१	अमर (गो.)	33
अक्ष	eq	अम्बक (ग. सा. सं.)	२
अश्चि (ग. सा. सं. ³)	ર	अम्बर् (गो.; ग. सा. सं.)	0
अक्षोहिणी (भा. प्रा. लि. मा. ⁴)	११	अम्बुधि (ग. सा. सं.)	ક
अग (भा. प्रा. लि. मा.)	છ	अम्बुनिधि (भा. प्रा. लि. मा.)	8
अग्नि (गो⁵.; ग. सा. सं.)	3	अम्भोधि (ग. सा. सं.)	8
अघोष (भार्या. लि. मा.)	१३	अय (भा. प्रा. लि. मा.)	8
अङ्क (गो.; ग. सा. सं.)	९	अयुन (भा. प्रा. लि. मा.)	₹
अङ्ग (गो.; ग. सा. सं.)	દ્દ	अरि (भा. प्रा. लि. मा.)	६
अङ्गुलि (भा. प्रा. लि. मा.)	१०	*अर्क (गो; ग. ति. पृ. ६)	१२
अचल (गो.; ग. सा. सं.)	૭	अर्ण्च	ક
अतिजगती (भा. प्रा. लि. मा.)	१३	अर्थ	3
अतिधृति (भा. प्रा. लि. मा.)	१९		ų,
अत्यप्टि (भा. प्रा. लि. मा.)	१७		રક
अत्रि (भा. प्रा. लि. मा.)	૭	अवतार (भा. प्रा. छि. मा.)	१०
अद्भि (गो.; ग. सा. सं.)	હ	अथ्रव (गो.; ग. सा. सं.)	9
अनन्त (ग. सा. सं.)	0	अश्वि (गो.)	२
अनल (ग. सा. सं.)	3	अश्विन (भा. प्रा. लि. मा.)	२
अनीक (ग . सा. सं.)	૪	अश्विन् (ग. सा. सं.)	O
अनुत्तर (भा. प्रा. लि. मा.)	Ų	अष्टि (गो.)	१६
अनुष्टुभू (भा. त्रा. लि. मा.)	<	अहन् (भा. प्रा. लि. मा.)	१५
*अन्तरिक्ष (गो.; ग. सा. सं; ग.ति.पृ.२९	,) o	अहि (गो.)	4
अब्ज (भा. त्रा. लि. मा.)	१	आ	
*अब्धि (गो.; ग. सा. सं; ग. ति. पृ. १०) ક	आकारा (ग. सा. सं.)	0
अब्रह्म (भा. थ्रा. लि. मा.)	१८	आदि (भा. प्रा. लि. मा.)	8

I In this Appendix referred to in the introduction on p. XXIII, are given words collected from various sources, the names of all of which, I regret, I cannot mention now, as they have not been so noted. I have, however, tried to find out words which occur in Golādhyāya and in Ganitasārasaṅgraha, and then in order to find out the remaining words I have referred to Bhāratīya prācīna lipimālā. Side by side I have taken note of words found for the first time in Ganitatilaka and have marked them with an asterisk.

² η. fd. stands for Ganitatilaka and q. for 'page'.

³ This is the abbreviation here used for Ganitasārasa igraha.

⁴ This is the abbreviation here used for Bhāratīya prācīna lipimālā (p.120).

⁵ This stands for Goladhyaya.

आदित्य (भा. प्रा. लि. मा.)	१२	कर्मन् (भा. प्रा. लि. मा.)	१०
आय (भा. प्रा. लि. मा.)	ક	कलत्र (भा. प्रा. लि. मा.)	9
आशा (भा. प्रा. लि. मा.)	१०	कला (भा. प्रा. लि. मा.)	१६
आश्रम (भा. प्रा. लि. मा.)	ક	कलाधर (ग. सा. सं.)	१
इ		कलि	१
इन (ग. सा. सं.)	१२	कषाय (ग. सा. सं.)	ક
इन्दु (गो.; ग. सा. सं.)	१	काम (भा. प्रा. लि. मा.)	१३
इन्दुकला	१६	कामगुण	ધ્ય
इन्द्र (गो.; ग. सा. सं.)	१४	काय (भा. प्रा. लि. मा.)	६
इन्द्रिय (ग. सा. सं.)	ų	कारक (भा. प्रा. लि. मा.)	ફ
इभ (ग. सा. सं.)	۷	काल (भा. प्रा. लि. मा.)	3
इला (भा. प्रा. लि. मा.)	१	कु (गो.)	१
*इषु (गो.; ग. सा. सं.; ग. ति. प	z. 84) 4	कुच (भा. प्रा. लि. मा.)	ર
- do		कुञ्जर (भा. प्रा. लि. मा.)	۷
ईक्षण (ग. सा. सं.)	ર	कुटुम्ब (भा. प्रा. लि. मा.)	२
इंश (भा. प्रा. लि. मा.)	११	कुमारवद्न (ग. सा. सं.)	६
इंश्वर (भा. प्रा. लि. मा.)	११	कृत (गो.)	ક
3		कृति (भा. प्रा. लि. मा.)	२०
उडु (भा. प्रा. लि. मा.)	২ও	कृती (भा. प्रा. लि. मा.)	२२
उत्कृति (भा. प्रा. लि. मा.)	२ १	कृशानु (भा. प्रा. लि. मा.)	3
उद्धि (ग. सा. सं.)	૪	केन्द्र (भा. प्रा. लि. मा.)	ક
उपेन्द्र (ग. सा. सं.)	९	केशव (ग. सा. सं.)	९
उर्वरा (भा. प्रा. लि. मा.)	१	कोष्ठ (भा. प्रा. लि. मा.)	૪
उष्णांशु	१२	क्रियास्था न	१३
* ''S 報		क्षमाकर (ग. सा. सं.)	१
ऋतु (गो.; ग. सा. सं.)	દ્ધ	क्षिति (भा. प्रा. लि. मा.)	१
ऋषि (भा. प्रा. लि. मा.)	و	क्ष्मा (ग. सा. सं.)	१
ओ		क्ष्माखण्ड	Ę
ओष्ठ (भा. प्रा. लि. मा.)	ર	ख	
औ		*ख (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ.	£) 0
औषधीश	१	स्त्र (गो.; ग. सा. सं.)	9
क व	•	खग	٩
•	१०	खर (ग. सा. सं.)	Ę
ककुभ् (भा. प्रा. लि. मा.) कर (गो.; ग. सा. सं.)	1	ग	
कर्र (गा.; ग. सा. स. <i>)</i> करटिन्	۲	*गगन (गो.; ग. सा. सं.; ग.ति.पू.	. २९) ०
करादन् करणीय (ग. सा. सं.)	ų	गज (गो; ग. सा. सं.)	٥
करणाय (ग. सा. सं.) करिन् (ग. सा. सं.)	3	गति (ग. सा. सं.)	૪
कारन् (ग. सा. च.) कर्ण (भा. प्रा. लि. मा.)	ર	गायत्री (भा. प्रा. लि. मा.)	રક
. •	-	निरि (ग. सा. सं.)	9
कर्मन् (ग. सा. सं.)	•	Letter Land and M. V.	•

4	$\Delta \Delta$
T	UУ

APPENDIX III

गुण (गो.; ग. सा. सं.)	3	तस्व	3
गुण (भा. प्रा. लि. मा.)	દ	तत्त्व (भा. प्रा. लि. मा.)	ونز
गुणस्थान	१४	तस्व (ग. सा. सं.)	9
गुप्ति	3	तस्व (भा. प्रा. लि. मा.)	९
गुल्फ (भा. प्रा. लि. मा.)	ર	*तत्त्व (गो.; ग. ति. पृ. ५९)	રૂષ
गुहक	ફ	तनु (भा. प्रा. लि. मा.)	१
गुहवक्त्र	દ્દ	तनु (ग. सा. सं.)	۷
*गो (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. १०)	१	तपन (भा. प्रा. लि. मा.)	3
गो (गो.)	ઇ	तर्क (ग. सा. सं.)	Ę
गो (भा. प्रा. लि. मा.)	९	तान (भा. प्रा. लि. मा.)	૪ ९
त्रह (ग. सा. सं.)	९	ताक्ष्येध्वज (ग. सा. सं.)	९
ग्रैवेयक	९	तिथि (गो.)	१५
घ		तीर्थक (ग. सा. सं.)	રક
घस्न (भा. प्रा. लि. मा.)	१५	तुरग (भा. प्रा. लि. मा.)	9
च		*तुरङ्ग (ग. ति. पृ. ६)	र्
चिक्रिन्	१२	तुर्य (भा. प्रा. लि. मा.)	ક
चक्षुस् (ग. सा. सं.)	ર	त्रिकाल (भा. प्रा. लि. मा.)	3
*चन्द्र (गो.; ग. सा. सं.; ग. ति. पृ. १०	·) {	त्रिगत (भा. प्रा. लि. मा.)	રૂ
चन्द्रमस् (ग. सा. सं.)	१	त्रि गुण (भा. प्रा. लि. मा.)	રૂ
*चरण (गे. ति. पृ. २०)	8	त्रिजगत् (भा. प्रा. लि. मा.)	-3
.		त्रिदश (भा. प्रा. लि. मा.)	३३
छन्दस् (भा. प्रा. लि. मा.)	૭	त्रिनेत्र (भा. प्रा. लि. मा.)	3
छिद्र	0	त्रिपदी	3
छिद्र (गो.)	९	त्रैत	3
		द	
जगत्	3	दन्त (भा. प्रा. लि. मा.)	32
जगती (भा. प्रा. लि. मा.)	ક્ટ	दन्तिन् (ग. सा. सं.)	۷,
जङ्गा (भा. प्रा. लि. मा.)	ર	दर्शन (भा. प्रा. लि. मा.)	ફ
जलधरपथ (ग. सा. सं.)	0	*द्छ (ग. ति. पृ. २०)	શે
जलिध (ग. सा. सं.)	ઇ	दल (गो.)	१
जलिंघ (भा. प्रा. लि. मा.)	७	दशन (गो.)	ર ર
*जलनिधि (ग. सा. सं.; ग.ति.पृ. ४५)	ક	दस्न (गो.)	3
जाति (भा. प्रा. लि. मा.)	२२	दहन (भा. प्रा. लि. मा.)	ર
जानु (भा. प्रा. लि. मा.)	ર	दाक्षायणीप्राणेश	8
जिन (गो.; ग. सा. सं.)	રક્ષ	दिग्गज (भा. प्रा. लि. मा.)	ં
जैवातृक	१	दिन (भा. प्रा. लि. मा.)	१५
ज्वलन (ग. सा. सं.)	३	दिनकर	१२
त		दिव (ग. सा. सं.)	•
तक्स (भा. प्रा. लि. मा.)	4	A	१५
15 गणित ०		•	-

दिवाकर (भा. प्रा. लि. मा.)	१२	नाग (गो.; ग. साः सं.)	4
दिश् (भा. प्रा. लि. मा.)	ઇ :	नागेन्द्र	4
दिश् (भा. प्रा. लि. मा.)	८	नायक (भा. प्रा. लि. मा.)	१
दिश् (गो.; ग. सा. सं.)	१०	नारद	९
दिशा (भा. प्रा. लि. मा.)	8 ર	नासत्य (भा. प्रा. लि. मा.)	२
दिशा (भा. प्रा. लि. मा.)	१०	निधि (ग. सा. सं.)	९
दुरित (ग. सा. सं.)	٠ ١	निशाकर	१
दुर्गा (ग. सा. सं.)	९	निरोदा	१
द्वक् (ग. सा. सं.)	२ ∖	नीरनिधि	8
दृष्टि (ग. सा. सं.)	2	नीरधी	ક
देव (भा. प्रा. लि. मा.)	33	नृप (भा. प्रा. लि. मा.)	१६
दोस्	२	नेत्र (ग. सा. सं.)	३
द्युमणि (भा. प्रा. लि. मा.)	१२	प	
द्रव्य (ग. सा. सं.)	६	पक्ष (भा. प्रा. लि. मा.)	२
द्वन्द्व (भा. प्रा. लि. मा.)	2		१५
द्धय (भा. प्रा. छि. मा.)	2	पक्ष (भा. प्रा. लि. मा.)	80
द्वार (भा. प्रा. लि. मा.)	९	पङ्कि (भा. प्रा. लि. मा.) पदार्थ (ग. सा. सं.)	९ ० ९
द्विप (ग. सा. सं.)	٤		9
द्विरद् (ग. सा. सं.)	4	पन्नग (ग. सा. सं.)	
द्वीप (ग . सा. सं.)	9	पयोधि (ग.सा.सं.)	ક
৸		पयोनिधि (ग. सा. सं.)	
धरणी (भा. प्रा. लि. मा.)	१	परमाधार्मिक	१५
धरा (भा. प्रा. लि. मा.)	ર	परीषह	२ २
धातु (भा. प्रा. छि. मा.)	છ	पर्वत (भा. प्रा. लि. मा.)	હ પ
धातु (ग. सा. सं.)	૭	पर्वन् (भा. प्रा. लि. मा.)	\$
धी (भा. प्रा. लि. मा.)	G	पवन (भा. प्रा. लि. मा.)	
घीगु ण	4	पशुपति	११ २
धृति (गो.; ग. सा. सं.)	१८	पाणि	4
ध्यान	ં	पाण्डव (मा. प्रा. लि. मा.)	<u>8</u> जै:
		*पाद् (ग. ति. ष्ट. ३५)	१८
न (२)	5 16	पापस्थानक	3c
नक्षत्र (भा. प्रा. लि. मा.)	२७	पावक (ग. सा. सं.)	
नख (गो.)	ર ૦		१
नग (ग. सा. सं.)	હ		ર
नन्द् (गो.; ग. सा. सं.)	९	1 '-	
नभ	0	पुरुषकला	७२ ३
नभस् (गोः, ग. सा. सं.)	0	· \	
नय (ग. सा. सं.)	२		۷ و
नयन (ग. सा. सं.)	२	पूर्ण (गो.)	
नरक (भा. प्रा. लि. मा.)	४०	पूर्व	१ ४

पृथ्वी (भा. त्रा. लि. मा.)	१	भूभृत् (गो.)	v
प्रकृति (भा. प्रा. लि. मा.)	२१	भूमि (गो.)	१
प्रभावक 🛴 🧢	۷	#	
प्राण (भा. प्रा. लि. मा.)	ષ	मङ्गल (भा. प्रा. लि. मा.)	6
प्राण	१०	मद् (ग. सा. सं.)	4
प्रालेयांशु (ग. सा. सं.)	१	मनु (भा. प्रा. लि. मा.)	१४
*		महादेव (भा. प्रा. लि. मा.)	११
*फण(जिन्) (ग. ति. पृ. १०)	۷	महाभूत (भा. प्रा. लि. मा.)	Cq.
ৰ		महावत	ų
बन्ध (ग. सा. सं.)	ક	मही (भा. प्रा. लि. मा.)	१
बन्धु (भा. प्रा. लि. मा.)	ક	महीध्र (ग. सा. सं.)	૭
बाण (गो.; ग. सा. सं.)	4	मातङ्ग (भा. त्रा. लि. मा.)	6
बाहु (भा. प्रा. लि. मा.)	२	मातृका (ग. सा. सं.)	૭
बिर्दु	0	मार्तण्ड (भा. प्रा. लि. मा.)	१२
बुद्धिगुण	۷	मास (भा. प्रा. लि. मा.)	१२
ब्रह्मगुप्ति	९	मासार्थ (भा. प्रा. लि. मा.)	દ્
ब्रह्मन्	રૂ	मुनि (ग . सा. सं.)	હ
ब्रह्मवृत्ति	९	मृगाङ्क (ग. सा. सं.)	१
.		मृड (ग. सा. सं.)	११
भ (गो.; ग. सा. सं.)	-	य	
# (41.3 40 Alle All)	२७	9	
भय (ग. सा. सं.)	७	यक्ष	१३
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. त्रा. लि. मा.)		यक्ष यति (ग. सा. सं.)	१३ ७
भय (ग. सा. सं.)	૭	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म	
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. त्रा. लि. मा.)	७ ११	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा	૭
मय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.)	७ ११ ११	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.)	७ १०
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भघ (गो.) भानु (भा. प्रा. लि. मा.)	<i>७</i> ११ ११ १२	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमछ (भा. प्रा. हि. मा.)	७ १० १२
भय (ग. सा. सं.) भग (भा. प्रा. लि. मा.) भघ (गो.) भाचु (भा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.)	७ २ २ २ २ १ १ १	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.)	902223
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भघ (गो.) भाचु (भा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना	9 % % % % %	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमळ (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगळ (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५)	902223
भय (ग. सा. सं.) भग (भा. प्रा. लि. मा.) भघ (गो.) भाचु (भा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.)	9 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.)	902223
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.) भाव (भा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिक्षुप्रतिमा	9 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमळ (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगळ (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५)	७ ११ १२ १२ १२ १२ १२ १२ १२ १२ १२ १२
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.) भावु (भा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिश्चप्रतिमा भुज	9 80 80 80 80 80 80 80 80 80 80 80 80 80	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमळ (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगळ (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५)	9 0 2 2 2 3 2 2)
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.) भाव (गा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिश्चप्रतिमा भुज *भुजङ्ग (गो.; ग. ति. पृ. ६) भुवन (ग. सा. सं.)	9 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगल (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५) युगम (भा. प्रा. लि. मा.) र रजनीकर (ग. सा. सं.)	90222322
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भय (गो.) भाव (गा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिश्चप्रतिमा भुज *भुजङ्ग (गो.; ग. ति. पृ. ६) भुवन (ग. सा. सं.)	9 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगल (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५) युगम (भा. प्रा. लि. मा.) र	90222322 88
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.) भाव (गा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिश्चप्रतिमा भुज *भुजङ्ग (गो.; ग. ति. पृ. ६) भुवन (ग. सा. सं.)	9 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगल (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५) युग्म (भा. प्रा. लि. मा.) र रजनीकर (ग. सा. सं.)	90222322 2322
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.) भाव (गा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिश्चप्रतिमा भुज *भुजङ्ग (गो.; ग. ति. पृ. ६) भुवन (ग. सा. सं.) भुवन भू (गो.) भूत्रप्राम	9 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगल (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५) युगम (भा. प्रा. लि. मा.) र रजनीकर (ग. सा. सं.) रज्ज (ग. सा. सं.)	90222322 88
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.) भाव (ग. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिश्चप्रतिमा भुज *भुजङ्ग (गो.; ग. ति. पृ. ६) भुवन (ग. सा. सं.) भुवन भू (गो.) भूत (ग. सा. सं.) भूतश्रम	9 80 80 80 80 80 80 80 80 80 80 80 80 80	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगल (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५) युगम (भा. प्रा. लि. मा.) र रजनीकर (ग. सा. सं.) रज्ज रत्न (ग. सा. सं.) रत्न (भा. प्रा. लि. मा.)	७०२२२४२२ २४३५)
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.) भाव (गा. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिश्चप्रतिमा भुज *भुजङ्ग (गो.; ग. ति. पृ. ६) भुवन (ग. सा. सं.) भुवन भू (गो.) भूत (ग. सा. सं.) भूतप्राम भूति (भा. प्रा. लि. मा.) भूत्र (ग. सा. सं.)	9 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगल (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५) युग्म (भा. प्रा. लि. मा.) र रजनीकर (ग. सा. सं.) रज्ज रत्न (ग. सा. सं.) रत्न (भा. प्रा. लि. मा.) रत्न (भा. प्रा. लि. मा.)	90222322 2322 23245 Q
भय (ग. सा. सं.) भर्ग (भा. प्रा. लि. मा.) भव (गो.) भाव (ग. प्रा. लि. मा.) भाव (ग. सा. सं.) भावना भास्कर (ग. सा. सं.) भिश्चप्रतिमा भुज *भुजङ्ग (गो.; ग. ति. पृ. ६) भुवन (ग. सा. सं.) भुवन भू (गो.) भूत (ग. सा. सं.) भूतश्रम	9 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	यक्ष यति (ग. सा. सं.) यतिधर्म यतिप्रतिमा यम (गो.) यमल (भा. प्रा. लि. मा.) युग (गो.) *युगल (भा. प्रा. लि. मा.; ग. ति. पृ. ४५) युगम (भा. प्रा. लि. मा.) र रजनीकर (ग. सा. सं.) रज्ज रत्न (ग. सा. सं.) रत्न (भा. प्रा. लि. मा.) रत्न (भा. प्रा. लि. मा.) रत्न (भा. प्रा. लि. मा.) रत्न (ग. सा. सं.)	902223322 2322503

रन्ध्र (ग. सा. सं.)	९	*वियत् (ग. सा. सं.; ग. ति. पृ. २९)	,1
रवि (गो.)	१२		३
रविचन्द्र (भा. प्रा. लि. मा.)	2		र ३
*रस (गो.; ग. सा. सं.; ग. ति. पृ. ९)	Ę		۲ ۶
राग (भा. प्रा. लि. मा.)	Ę	0 00 / 1	ક
राम (गो.)	3		ુ પ્
रावणशिरस् (भा. प्रा. लि. मा.)	१०	विष्णुपाद (ग. सा. सं.)	,
राशि (भा. प्रा. लि. मा.)	१२	W3_ / \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	ષ્ટ
*रुद्भ (गो.; ग. सा. सं.; ग. ति. पृ. १०)	1		3
*रूप (ग. सा. सं.; ग. ति. पृ. २४)	१		ر ع
ल		• • • •	 'S
लब्ध (ग. सा. सं.)	९	*द्योमन् (ग. सा. सं.; ग. ति. पृ. २९)	٥
लब्धि (ग. सा. सं.)	९		ų
लेख्य (ग. सा. सं.)	ફ	•	7
लेश्या	ફ	श शक्ति	2
लोक (भा. प्रा. लि. मा.)	3		₹ '
लोक [`]	و		ક
लोक (भा. प्रा. लि. मा.)	१४		8
लोचन (गो.; ग. सा. सं.)	ર	_ `	4
होचन (गो.)	રૂ		4
व	•	्राश्चायर (ग. सा. सं.)	१
वचन	3	रारालाञ्छन (ग. सा. सं.)	१
वर्ण (भा. प्रा. लि. मा.)	ક	्रश्राङ्क (ग. सा. सं.)	3
वर्ण (ग. सा. सं.)	દ		દ્
वर्षान्	ષ	शशिन् (ग. सा. सं.)	8
*वसु (ग. सा. सं.; ग. ति. पृ. १०)	6		4
वसुधा (भा. प्रा. लि. मा.)	१	शास्त्र (भा. प्रा. लि. मा.)	દ્
वसुन्धरा (भा. प्रा. लि. मा.)	१	श्चित् (ग. सा. सं.)	3
विद्धे (ग. सा. सं.)	३	शिलीमुखपद (ग. सा. सं.)	દ્
वाजिन् (गो.)	૭		1
वार (भा. प्रा. लि. मा.)	હ	शीतरिंग (भा. प्रा. लि. मा.)	१
वारण (ग. सा. सं.)	6	शीतांद्यु (भा. प्रा. लि. मा.)	8
वारिधि	ક	ह्यून्य (भा. प्रा. लि. मा.)	0
वारिनिधि	ક		8
वार्धि (ग. सा. सं.)	ક	*शैल (गो.; ग. सा. सं.; ग. ति. पृ. ६)	Ø
वासव	१४	श्रमणधर्म १	0
विकृति (भा. प्रा. लि. मा.)	२३	श्रुति (भा. प्रा. लि. मा.)	ક
विद्या (भा. प्रा. लि. मा.)	१४	श्रोत्र	ર
विधु (ग. सा. सं.)	१	श्वेत (ग. सा. सं.)	१
1 A - a Vida //ha Standand S	Same of Lan	it Facilish Distingues by T. R Vaidy	a.

¹ विवर ९. Vide The Standard Sanskrit-English Dictionary by L. R. Vaidya, 1889.

APPENDIX III				
ष		सुर (भा. प्रा. लि. मा.)	३३	
षण्मुख	SC	सूर्य (गो.; ग. सा. सं.)	१२	
स		सोम (ग. सा. सं.)	8	
सञ्ज्ञा	8	स्तम्बेरम (ग. सा. सं.)	4	
सन्ध्या	3	स्रीकला	६४	
समिति	ų	स्वर (ग. सा. सं.)	৩	
समास	६	स्वर्ग (भा. प्रा. लि. मा.)	२१	
स मुद्र (भा. प्रा. लि. मा.)	ક	ह	~	
सर्प (भा. प्रा. लि. मा.)	ક	ह्य (ग. सा. सं.)	૭	
सिळिळाकर (ग. सा. सं.)	ક	हर (ग. सा. सं.)	११	
सहोदरा (भा. प्रा. लि. मा.)	३	हरनेत्र (ग. सा. सं.)	ર	
सागर (गो.; ग. सा. सं.)	ક	हरि	۹,	
सागर	ø	हस्त ¹	२	
सायक (गो.; ग. सा. सं.)	4	हस्तिन् (भा. प्रा. लि. मा.)	6	
सितरुच्	१	हिमकर (ग. सा. सं.)	१	
सिद्ध (गो.)	રક	हिमगु (ग. सा. सं.)	१	
सिद्धगुण	6	हिमांशु (ग. सा. सं.)	8	
सिद्धि (भा. प्रा. लि. मा.)	۷	हुतवह (ग.सा.सं.)	३	
सिन्धुर (ग. सा. सं.)	۷	हुताशन (ग. सा. सं.)	~ ३	
सुधांशु (भा. प्रा. लि. मा.)	१	होतु (भा. प्रा. लि. मा.)	3	

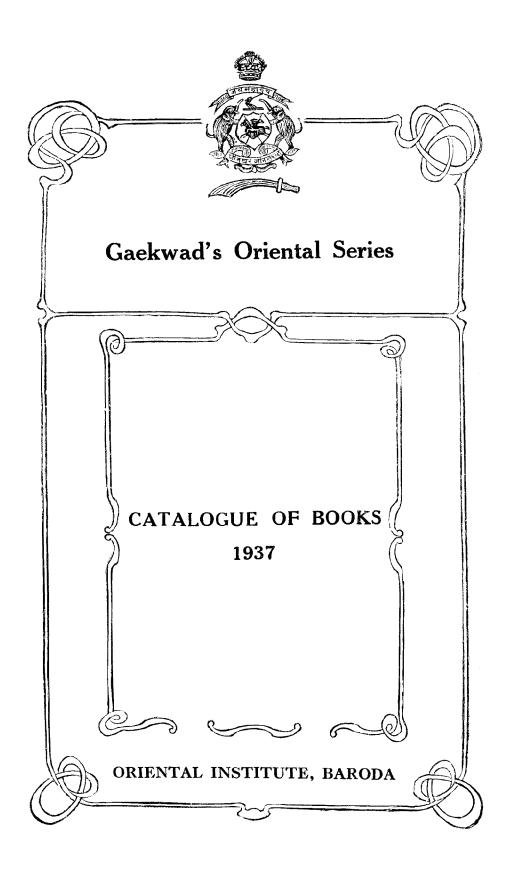
¹ This and several other words (except Ṣanmukha) for which no source is mentioned, are noted in Jainacitrakalpadruma (pp. 66-69), and Ṣanmukha, in "History of Hindu Mathematics" (p. 55).

ग्रुद्धिवृद्धिपत्रकम् ।

(Addenda et Corrigenda)

पृष्ठम्	पङ्कि	ः अशुद्धिः	शुद्धिवृद्धी
VII	26	Upāsakadas'ā	Upās'akadas'a
XVII	8	Sūryaprajñapti ()	Sūryaprajñapti (sūtra
			29, p. 86°)
XXIII	38	o	Add: See p. 6.
XXXIV	- 3 4	Avalı	$Avalar{\imath}$
XXXV		Brahma°	Brāhma°
XLIX		कोटी	कोटि
LXIV		9, 42 and 92	9,29,42,78,80,82 and 92
LXV	21	9 and 39	9, 11, 17 and 39
LXVII	1	p. 85 l. 6	p. 85, l. 6
2	९	परार्द्ध(घ)कोटीकोटी-	परार्द्ध्यं(र्धं) कोटीकोटी-
₹	, २३	द्वात्रिंशत्(?ता)संयुता	द्वात्रिंशत्(ता) संयुता
8	3 3	पात्यन्यस्य	पात्य(त्यं) न्यस्य
8	२६	त्रिशत्युक्त०	त्रिदात्युक्त० 💮 💮
પ	ુષ	षडशीतिषण्णवत्या	षडशीति(तिं) षण्णवत्या
ч	ફ	०विंशतिः षण्णवत्या	०विंशतिः(तिं) षण्णवत्या
ч :	33	विभज्य	विभज्य-
ч	93	शतावेलाद्वयं	शता वेलाद्वयं
ષ	२८	०गुणकलीनता कारिष(ख)ण्ड०	०गुणकलीनताकारि ष(ख)ण्ड०
પ	२९	उपजातिः	इन्द्रवज्रा
Ę	२७	हरो	हरः —
હ	ς	राशिरेकविंशति ०	राशि[रेक]विं(विं)शति०
৩		०मन्त्यम् । ^२	०मन्त्यम् ।
৩	२५	० हेतोः ॥	०हेतोः ॥ ^२
6	६	पदात्	पदात्–
ć	९	षटूत्रिंशत्	षट्रत्रिंशत्
6	९	ऽधःऋमाद्	ऽधः ऋमाद्
C	२८	०लक्षणाद् द्वाद्-	लक्षणा(णो) द्वाद–
٤	३०	उपजातिः	इन्द्रवज्रा
٩.	33	यथा ''पूर्व सदश०	यथापूर्वं ''सदृश०
30	२१	० फणरुद्ध ०	०फण(णि)रुद्ध ०
3 3	4	० निष्नादिघनश्च	०निष्ठाऽऽदिघनश्च
93	२१	लब्धम् ॥	स्टबम् ॥ ३

पृष्ठम्	पङ्किः	अशुद्धिः	शुद्धिवृद्धी
१३		०लब्ध्ये ॥	०लब्ध्यै ॥
3 🕏	3 3	•	३–४ उपजातिः ।
३६	२९	षण्णवपादहीना-	षण्णव पादहीना(नां)-
२६	२७	ાષ્ટ્રાા ^ર	แลฮ์แ _ร
२७	३०	०षट्लक्षण०	०षड्कक्षण०
३२	9 9	\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 5 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ \ 3 & 6 & 6 \\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
३२	२८	०र्विशतिछेदः	०विंशतिच्छेदः
રૂ દ્	₹	०दशाष्टछेदाः	०दशाष्ट्रच्छेदाः
३७	98	9 २ २ २	9 9 9 3 8
83	38	षट्मध्ये	षट्(ण्)मध्ये
४६	२२	कुन्दाम्र(१व)स्थित०	कुन्दाम्रस्थित ०
४७	99	कुन्दावस्थित०	कुन्दाव(म्र)स्थित०
88	२३	शेषमूलजतौ	शेषमूलजातौ
५०	3	उ ड्डीय	उड्डीय
46	२०	०षट्मध्यात्	०षट्(ण्)मध्यात्
46	२२	पञ्चविशतिः	पञ्चविंशतिः
६३	२०	०शराश्च	०शरा(र)श्र(स्य)
६४	२६	अष्टप्रध्य ०	अष्टपष्ट्य ०
৩५	9	षट्सप्तते०	षट्सप्तते०
८०	२३	षोडशाप्याप(ः)णेन	षोडशाप्या(ः) पणेन



SELECT OPINIONS

- Sylvain Levi: The Gaekwad's Series is standing at the head of the many collections now published in India.
- Asiatic Review, London: It is one of the best series issued in the East as regards the get up of the individual volumes as well as the able editorship of the series and separate works.
- Presidential Address, Patna Session of the Oriental

 Conference: Work of the same class is being done in Mysore, Travancore, Kashmir, Benares, and elsewhere, but the organisation at Baroda appears to lead.
- Indian Art and Letters, London: The scientific publications known as the "Oriental Series" of the Maharaja Gaekwar are known to and highly valued by scholars in all parts of the world.
- Journal of the Royal Asiatic Society, London:

 Thanks to enlightened patronage and vigorous management the "Gaekwad's Oriental Series" is going from strength to strength.
- Sir Jadunath Sarkar, Kt.: The valuable Indian histories included in the "Gaekwad's Oriental Series" will stand as an enduring monument to the enlightened liberality of the Ruler of Baroda and the wisdom of his advisers.
- The Times Literary Supplement, London: These studies are a valuable addition to Western learning and reflect great credit on the editor and His Highness.

GAEKWAD'S ORIENTAL SERIES

Critical editions of unprinted and original works of Oriental Literature, edited by competent scholars, and published at the Oriental Institute, Baroda

I. BOOKS PUBLISHED.

Rs. A.

 Kāvyamīmāmsā: a work on poetics, by Rājaśekhara (880-920 A.D.): edited by C. D. Dalal and R. Anantakrishna Sastry, 1916. Reissued, 1924. Third edition revised and enlarged by Pandit K. S. Ramaswami Shastri of the Oriental Institute, Baroda, 1934 . . .

2-0

This book has been set as a text-book by several Universities including Benares, Bombay, and Patna.

- 3. Tarkasangraha: a work on Philosophy (refutation of Vaisesika theory of atomic creation) by Ānandajñāna or Ānandagiri, the famous commentators on Śankarācārya's Bhāṣyas, who flourished in the latter half of the 13th century: edited by T. M. Tripathi, 1917. Out of print.
- 4. Pārthaparākrama: a drama describing Arjuna's recovery of the cows of King Virāta, by Prahlādanadeva, the founder of Pālanpur and the younger brother of the Paramāra king of Chandrāvatī (a state in Mārwār), and a feudatory of the kings of Guzerat, who was a Yuvarāja in Samvat 1220 or A.D. 1164: edited by C. D. Dalal, 1917 Out of print.
- 5. Rāṣṭrauḍhavaṃśa: an historical poem (Mahākāvya) describing the history of the Bāgulas of Mayūragiri, from Rāṣṭrauḍha, king of Kanauj and the originator of the dynasty, to Nārāyana Shāh of Mayūragiri, by Rudra Kavi, composed in Saka 1518 or A.D. 1596: edited by Pandit Embar Krishnamacharya with Introduction by C. D. Dalal, 1917 ... Out of print.
- 6. Lingānuśāsana: on Grammar, by Vāmana, who lived between the last quarter of the 8th century and the first quarter of the 9th century: edited by C. D. Dalal, 1918 0-8
- Vasantavilāsa: an historical poem (Mahākāvya) describing the life of Vastupāla and the history of

		Rs. A.
	Guzerat, by Bālachandrasūri (from Modheraka or Modhera in Kadi Prant, Baroda State), contemporary of Vastupāla, composed after his death for his son in Samvat 1296 (A.D. 1240): edited by C. D. Dalal, 1917	1-8
8.	,	f print.
9.	Mohaparājaya: an allegorical drama describing the overcoming of King Moha (Temptation), or the conversion of Kumārapāla, the Chalukya King of Guzerat, to Jainism, by Yaśaḥpāla, an officer of King Ajayadeva, son of Kumārapāla, who reigned from A.D. 1229 to 1232: edited by Muni Chaturvijayaji with Introduction and Appendices by C. D. Dalal, 1918	2-()
10.	Hammīramadamardana: a drama glorifying the two brothers, Vastupāla and Tejahpāla, and their King Vīradhavala of Dholka, by Jayasimhasūri, pupil of Vīrasūri, and an Ācārya of the temple of Munisuvrata at Broach, composed between Samvat 1276 and 1286 or A.D. 1220 and 1239: edited by C. D. Dalal, 1920	2-0
11.	Udayasundarīkathā: a romance (Campū, in prose and poetry) by Soddhala, a contemporary of and patronised by the three brothers, Chchittarāja, Nāgārjuna, and Mummunirāja, successive rulers of Konkan, composed between A.D. 1026 and 1050: edited by C. D. Dalal and Pandit Embar Krishnamacharya, 1920	2-4
12.	Mahāvidyāvidambana: a work on Nyāya Philosophy, by Bhaṭṭa Vādīndra who lived about A.D. 1210 to 1274: edited by M. R. Telang, 1920	2-8
13.	Prācīnagurjarakāvysangraha: a collection of old Guzerati poems dating from 12th to 15th centuries A.D.: edited by C. D. Dalal, 1920	2-4
14.	Kumārapālapratibodha: a biographical work in Prākṛta, by Somaprabhāchārya, composed in Samvat 1241 or A.D. 1195: edited by Muni Jinavijayaji, 1920	7-8
15.	Gaṇakārikā: a work on Philosophy (Pāśupata School), by Bhāsarvajña who lived in the 2nd half of the 10th century: edited by C. D. Dalal, 1921	1-4
16.	Sangītamakaranda: a work on Music, by Nārada: edited by M. R. Telang, 1920	2-0
17.	Kavīndrācārya List: list of Sanskrit works in the collection of Kavīndrācārya, a Benares Pandit (1656 A.D.): edited by R. Anantakrishna Shastry, with a foreword by Dr. Ganganatha Jha, 1921	
18.	Vārāhagrhyasūtra: Vedic ritual (domestic) of the Yajurveda: edited by Dr. R. Shamasastry, 1920	0-10
19.	Lekhapaddhati: a collection of models of state and private documents, dating from 8th to 15th centuries A.D.:	

						В	S. A.
edi 19		C. D. Dal	al and \ldots	G. K.	Shrigon	dekar,	2-0
\mathbf{A}_{I}	abhramsa	kahā o r I language, I by C. D. I	by Dhan	apāla (circa 12tl	h cen-	6-0
po m	rtant Par	e Catalogu per MSS. iled by C. i, 1923	in the	Bhanda	ars at Jo	essal-	3-4
me		kalpasūtra Rāmeśva 1923					print.
by B.	Umānano	a supplement danātha: e Second rev 1930	dited by	A. Ma	hadeva S	Sastry,	5-0
of	trarahasy Pürvamin Shamasas	va: a wor nāmsā, by l try, 1923	k on tl Rāmānu 	he Prāl jācārya	ohākara : edited 	School by Dr. Out of	print.
pla (1)	nning, an lth centu	gaṇa: a v d engineer ry): edite stri, Ph.D.	ing, by d by M	king I Iahamal	Bhoja of hopadhya	Dhara ya T.	10-0
da po Bh	ted 1165 a sed by dis	nālā: a B A.D., consistinguished ya, M.A., Pl	sting of writers	312 sm: edited	all works by Ben	, com- oytosh	14-0
Li M. by	brary, Bard K. A., and K. B. Bhatta	e Catalog aroda: co l. S. Rama acharyya, l , and Upan	mpiled l swāmi 8 Ph.D., in	oy G. K Shastri, i 12 vols	. Shrigon with a I	dekar, Preface	6-0
ele eo: eo: cei	pædic wor nnected w urt, by Sor	or Abhila rk treating ith the Ro meśvaradev ted by G. I	of one loyal housa, a Cha	iundred isehold ilukya l	different and the sing of th	topics Royal e 12th	2-12
He Na	emachandr da and Da	a drama l asūri, desc imayantī: B. Gandhi	ribing tl edited b	ne Paur	ānika st	ory of	2-4
of Ne Ka	the 8th īlandā wi [.] amalasīla,	igraha: a century, by th Pañjikā also a Pro par Krishn	y Śāntar (comm ofessor a	aksita, entary) t Nālai	a Profes by his o ndā: edi	sor at lisciple ted by	
		acharyva					24-0

		Rs. A.
33, 34.	. Mirat-i-Ahmadi: by Ali Mahammad Khan, the	
	last Moghul Dewan of Gujarat: edited in the original	
	Persian by Syed Nawab Ali, M.A., Professor of Persian,	
	Baroda College, 2 vols., illustrated, 1926–1928	19-8
35. N	Mānavagrhyasūtra: a work on Vedic ritual (domestic)	
	of the Yajurveda with the Bhasya of Astavakra:	
	edited with an introduction in Sanskrit by Pandit	
	Rāmakrishna Harshaji Śāstri, with a Preface by Prof.	
	B. C. Lele, 1926	5-0
36 68	. Nātyaśāstra: of Bharata with the commentary of	
00,00	Abhinavagupta of Kashmir: edited by M. Ramakrishna	
	Kavi, M.A., 4 vols., vol. I, illustrated, 1926, vol. II, 1934	11-0
	Vol. I (out of print).	
37. <i>I</i>	Apabhramśakāvyatrayī: consisting of three works,	
<i>.</i>	the Carcari, Upadeśarasāyana, and Kālasvarūpakulaka,	
	by Jinadatta Sūri (12th century) with commentaries:	
	edited with an elaborate introduction in Sanskrit by	
	L. B. Gandhi, 1927	4-0
90 1	Nyāyapraveśa, Part I (Sanskrit Text): on Buddhist	
38. I	Logic of Dinnaga, with commentaries of Haribhadra	,
	Sūri and Pārśvadeva: edited by Principal A.B. Dhruva,	,
	M.A., LL.B., Pro-Vice-Chancellor, Hindu University,	,
		4-0
90 7	Benares, 1930	_
39. I	Nyāyapraveśa, Part II (Tibetan Text): edited with	
	introduction, notes, appendices, etc., by Pandit Vidhu-	•
	sekhara Bhattacharyya, Principal, Vidyabhavana, Vis-	1-8
4.0	vabharati, 1927	
4 0. <i>I</i>	Advayavajrasangraha: consisting of twenty short	
	works on Buddhist philosophy by Advayavajra, a Bud	•
	dhist savant belonging to the 11th century A.D.	,
	edited by Mahāmahopādhyāya Dr. Haraprasad Sastri	, 2-0
40.00	M.A., C.I.E., Hon. D.Litt., 1927	
42, 60	Malpadrukośa: standard work on Sanskrit Lexico	-
	graphy, by Keśava: edited with an elaborate introduc	
	tion by the late Pandit Ramavatara Sharma	
	Sahityacharya, M.A., of Patna and index by Pandi	ს
	Shrikant Sharma, 2 vols., vol. I (text), vol. II (index)	, . 14-0
	1928–1932	-
43.	Mirat-i-Ahmadi Supplement: by Ali Muhammad	1
	Khan. Translated into English from the origina	
	Persian by Mr. C. N. Seddon, I.C.S. (retired), and Prof	•
	Syed Nawab Ali, M.A. Illustrated. Corrected reissue	,
	1928 \cdots	. 6-8
44.	Two Vajrayāna Works: comprising Prajñopāyavinis	-
	cayasiddhi of Anangavajra and Jñānasiddhi of Indra	-
	bhūti-two important works belonging to the little	e
	known Tantra school of Buddhism (8th century	
	A.D.): edited by B. Bhattacharyya, Ph.D., 1929	
4 5.	Bhāvaprakāśana: of Sāradātanaya, a comprehensiv	
	work on Dramaturgy and Rasa, belonging to	
	A.D. 1175-1250; edited by His Holiness Yadugir	ri
	Yatiraja Swami, Melkot, and K. S. Ramaswami Sastri	
	Oriental Institute, Baroda, 1929	. 7-0

S. A.	j	
7-8	Rāmacarita: of Abhinanda, Court poet of Hāravarṣa probably the same as Devapāla of the Pāla Dynasty of Bengal (cir. 9th century A.D.): edited by K. S. Ramaswami Sastri, 1929	46.
5 -0	Nañjarājayaśobhūṣaṇa; by Nṛsimhakavi alias Abhinava Kalidāsa, a work on Sanskrit Poetics and relates to the glorification of Nañjarāja, son of Vīrabhūpa of Mysore: edited by Pandit E. Krishnamacharya, 1930	47.
4-8	Nāṭyadarpaṇa: on dramaturgy, by Rāmacandra Sūri with his own commentary: edited by Pandit L. B. Gandhi and G. K. Shrigondekar, M.A. 2 vols., vol. I, 1929	48.
9-0	Pre-Dinnāga Buddhist Texts on Logic from Chinese Sources: containing the English translation of Śatáśāstra of Āryadeva, Tibetan text and English translation of Vigraha-vyāvartanī of Nāgārjuna and the re-translation into Sanskrit from Chinese of Upāyahrdaya and Tarkaśāstra: edited by Prof. Giuseppe Tucci, 1930	49.
6-0	Mirat-i-Ahmadi Supplement: Persian text giving an account of Guzerat, by Ali Muhammad Khan: edited by Syed Nawab Ali, M.A., Principal, Bahaud- din College, Junagadh, 1930	50.
15-0	77. Trişaşţiśalākāpuruşacaritra: of Hemacandra, translated into English with copious notes by Dr. Helen M. Johnson of Osceola, Missouri, U.S.A. 4 vols., vol. I (Ādīśvaracaritra), illustrated, 1931; vol. II, 1937 (shortly)	51,
8-8	Dandaviveka: a comprehensive Penal Code of the ancient Hindus by Vardhamāna of the 15th century A.D.: edited by Mahamahopadhyaya Kamala Kṛṣṇa Smṛtitīrtha, 1931	52
44	Tathāgataguhyaka or Guhyasamāja: the earliest and the most authoritative work of the Tantra School of the Buddhists (3rd century A.D.): edited by B. Bhatta- charyya, Ph.D., 1931	53
12-0	Jayākhyasamhitā: an authoritative Pāñcarātra work of the 5th century A.D., highly respected by the South Indian Vaiṣṇavas: edited by Pandit E. Krishnamacharyya of Vadtal, with one illustration in nine colours and a Foreword by B. Bhattacharyya, Ph.D., 1931	54
2-0	Kāvyālankārasārasamgraha: of Udbhaṭa with the commentary, probably the same as Udbhaṭaviveka of Rājānaka Tilaka (11th century A.D.): edited by K. S. Ramaswami Sastri, 1931	55
3-0	Hindus in Sūtra form giving details of many practices and rites of a new School of Tantra: edited by Swami Trivikrama Tirtha with a Foreword by B. Bhatta-	56
9-0	charyya, Ph.D., 1931	

]	Rs. A.
57,6	9. Ahsan-ut-Tawarikh: history of the Safawi Period of Persian History, 15th and 16th centuries, by Hasan-i-Rumlu: edited by C. N. Seddon, I.C.S. (retired), Reader in Persian and Marathi, University of Oxford. 2 vols. (Persian text and translation in English), 1932–34	19-8
58.	Padmānanda Mahākāvya: giving the life history of Rṣabhadeva, the first Tirthankara of the Jainas, by Amarachandra Kavi of the 13th century: edited by H. R. Kapadia, M.A., 1932	14-0
59.	Sabdaratnasamanvaya: an interesting lexicon of the Nāṇārtha class in Sanskrit compiled by the Maratha King Sahaji of Tanjore: edited by Pandit Viṭṭhala Śāstrī, Sanskrit Pathaśāla, Baroda, with a Foreword by B. Bhattacharyya, Ph.D., 1932	11-0
61.	Saktisangama Tantra: a voluminous compendium of the Hindu Tantra comprising four books on Kālī, Tārā, Sundarī and Chhinnamastā: edited by B. Bhatta- charyya, M.A., Ph.D., 4 vols., vol. I, Kālīkhanda, 1932	2-8
62.	Prajñāpāramitās: commentaries on the Prajñāpāramitā, a Buddhist philosophical work: edited by Giuseppe Tucci, Member, Italian Academy, 2 vols., vol. I, 1932	12-0
63.	Tarikh-i-Mubarakhshahi: an authentic and contemporary account of the kings of the Saiyyid Dynasty of Delhi: translated into English from original Persian by Kamal Krishna Basu, M.A., Professor, T.N.J. College, Bhagalpur, with a Foreword by Sir Jadunath Sarkar, Kt., 1932	7-8
64.	Siddhāntabindu: on Vedānta philosophy, by Madhusūdana Sarasvatī with commentary of Purusottama: edited by P. C. Divanji, M.A., LL.M., 1933	11-0
65.	Istasiddhi: on Vedānta philosophy, by Vimuktātmā, disciple of Avyayātmā, with the author's own commentary: edited by M. Hiriyanna, M.A., Retired Professor of Sanskrit, Maharaja's College, Mysore, 1933	14-0
66,	70, 73. Shabara-Bhāṣya: on the Mīmāmsā Sūtras of Jaimini: Translated into English by Mahāmahopādhyāya Dr. Ganganath Jha, M.A., D.Litt., etc., Vice-Chancellor, University of Allahabad, in 3 vols., 1933—1936	
67.	Sanskrit Texts from Bali: comprising a large number of Hindu and Buddhist ritualistic, religious and other texts recovered from the islands of Java and Bali with comparisons: edited by Professor Sylvain Levi, 1933	I
71.	Nārāyaṇa Śataka: a devotional poem of high literary merit by Vidyākara with the commentary of Pītāmbara edited by Pandit Shrikant Sharma, 1935	

		Rs. A.
72.	Rājadharma-Kaustubha: an elaborate Smṛti work on Rājadharma, Rājanīti and the requirements of kings, by Anantadeva: edited by the late Mahamahopadhyaya Kamala Krishna Smṛtitirtha, 1935	10-0
74.	Portuguese Vocables in Asiatic Languages: translated into English from Portuguese by Prof. A. X. Soares, M.A., LL.B., Baroda College, Baroda, 1936	12-0
75.	Nāyakaratna: a commentary on the Nyāyaratnamālā of Pārthasārathi Miśra by Rāmānuja of the Prābhākara School: edited by K. S. Ramaswami Sastri of the Oriental Institute, Baroda, 1937	4-8
76.	A Descriptive Catalogue of MSS. in the Jain Bhandars at Pattan: edited from the notes of the late Mr. C. D. Dalal, M.A., by L. B. Gandhi, 2 vols., vol. I, 1937	8-0
78.	Ganitatilaka: of Śrīpati with the commentary of Simhatilaka, a non-Jain work on Arithmetic with a Jain commentary: edited by H. R. Kapadia, M.A.,	
	1937	4-0
	II. BOOKS IN THE PRESS.	
1.	Nāṭyaśāstra: edited by M. Ramakrishna Kavi, 4 vols., vol. III.	
2.	Mānasollāsa or Abhilasitārthacīntāmaņi, edited by G. K. Shrigondekar, M.A., 3 vols., vol. II.	
3.	Alamkāramahodadhi: a famous work on Sanskrit Poetics composed by Narendraprabha Sūri at the request of Minister Vastupāla in 1226 A.D.: edited by Lalchandra B. Gandhi of the Oriental Institute, Baroda.	
4.	Sūktimuktāvalī: a well-known Sanskrit work on Anthology, of Jalhana, a contemporary of King Kṛṣṇa of the Northern Yādava Dynasty (A.D. 1247): edited by Pandit E. Krishnamacharya, Sanskrit Pāṭhaśālā, Vadtal.	
5.	Dvādaśāranayacakra: an ancient polemical treatise giving a résumé of the different philosophical systems with a refutation of the same from the Jain standpoint by Mallavādi Suri with a commentary by Simhasuri Gani: edited by Muni Caturvijayaji.	
6.	Hamsa-vilāsa: of Hamsa Bhikṣu: forms an elaborate defence of the various mystic practices and worship: edited by Swami Trivikrama Tirtha.	
7.	Tattvasangraha: of Śāntarakṣita with the commentary of Kamalaśīla: translated into English by Mahamahopadhyaya Dr. Ganganath Jha.	
8.	Krtyakalpataru: of Laksmidhara, minister of King Govindachandra of Kanauj: edited by Principal K. V. Rangaswami Aiyangar, Hindu University, Benares.	

 Bṛhaspati Smṛti, being a reconstructed text of the now lost work of Bṛhaspati: edited by Principal K. V. Rangaswami Aiyangar, Hindu University, Benares.

III. BOOKS UNDER PREPARATION.

- 1. A Descriptive Catalogue of MSS. in the Oriental Institute, Baroda: compiled by the Library staff, 12 vols., vol. II (Śrauta, Dharma, and Gṛhya Sūtras).
- Prajñāpāramitās: commentaries on the Prajñāpāramitā, a Buddhist philosophical work: edited by Prof. Giuseppe Tucci, 2 vols., vol. II.
- Saktisangama Tantra: comprising four books on Kāli, Tārā, Sundarī, and Chhinnamastā: edited by B. Bhattacharyya, Ph.D., 4 vols., vols. II-IV.
- 4. Nāṭyadarpaṇa: introduction in Sanskrit giving an account of the antiquity and usefulness of the Indian drama, the different theories on Rasa, and an examination of the problems raised by the text, by L. B. Gandhi, 2 vols., vol. II.
- Gurjararāsāvalī: a collection of several old Gujarati Rāsas: edited by Messrs. B. K. Thakore, M. D. Desai, and M. C. Modi.
- 6. Paraśurāma-Kalpasūtra: an important work on Tantra with the commentary of Rāmesvara: second revised edition by Swami Trivīkrama Tirtha.
- Tarkabhāṣā: a work on Buddhist Logic, by Mokṣākara Gupta of the Jagaddala monastery: edited with a Sanskrit commentary by Pandit Embar Krishnamacharya of Vadtal.
- 8. Mādhavānala-Kāmakandalā: a romance in old Western Rajasthani by Ganapati, a Kāyastha from Amod: edited by M. R. Majumdar, M.A., LL.B.
- 9. A Descriptive Catalogue of MSS. in the Oriental Institute, Baroda: compiled by the Library staff, 12 vols., vol. III (Smrti MSS.).
- 10. An Alphabetical List of MSS. in the Oriental Institute, Baroda: compiled from the existing card catalogue by the Superintendent, Printed Section.
- 11. Nītikalpataru: the famous Nīti work of Kṣemendra: edited by Sardar K. M. Panikkar, M.A., of Patiala.
- 12. Chhakkammuvaeso: an Apabhramsa work of the Jains containing didactic religious teachings: edited by L. B. Gandhi, Jain Pandit.

- Samrät Siddhänta: the well-known work on Astronomy of Jagannatha Pandit: critically edited with numerous diagrams by Pandit Kedar Nath, Rajjyotisi, Jaipur.
- 14. Vimalaprabhā: the famous commentary on the Kālaeakra Tantra and the most important work of the Kālacakra School of the Buddhists: edited with comparisons of the Tibetan and Chinese versions by Giuseppe Tucci of the Italian Academy.
- 15. Nispannayogāmbara Tantra: describing a large number of maṇdalas or magic circles and numerous deities: edited by B. Bhattacharyya.
- 16. Basatin-i-Salatin: a contemporary account of the Sultans of Bijapur: translated into English by M. A. Kazi of the Baroda College and B. Bhattacharyya.
- 17. Madana Mahārṇava: a Smṛti work principally dealing with the doctrine of Karmavipāka composed during the reign of Māndhātā son of Madanapāla: edited by Embar Krishnamacharya.
- Trişaşţiśalākāpuruşacaritra: of Hemacandra: translated into English by Dr. Helen Johnson, 4 vols., vols. III-IV.

For further particulars please communicate with—

THE DIRECTOR,
Oriental Institute, Baroda.

THE GAEKWAD'S STUDIES IN RELIGION AND PHILOSOPHY.

	PHILOSOPHY.	
	R	S. A.
1.	The Comparative Study of Religions: [Contents: I, the sources and nature of religious truth. II, supernatural beings, good and bad. III, the soul, its nature, origin, and destiny. IV, sin and suffering, salvation and redemption. V, religious practices. VI, the emotional attitude and religious ideals]: by Alban G. Widgery, M.A., 1922	15-0
2.	Goods and Bads: being the substance of a series of talks and discussions with H.H. the Maharaja Gaekwad of Baroda. [Contents: introduction. I, physical values. II, intellectual values. III, æsthetic values. IV, moral value. V, religious value. VI, the good life, its unity and attainment]: by Alban G. Widgery, M.A., 1920. (Library edition Rs. 5)	3-0
3.	Immortality and other Essays: [Contents: I, philosophy and life. II, immortality. III, morality and religion. IV, Jesus and modern culture. V, the psychology of Christian motive. VI, free Catholicism and non-Christian Religions. VII, Nietzsche and Tolstoi on Morality and Religion. VIII, Sir Oliver Lodge on science and religion. IX, the value of confessions of faith. X, the idea of resurrection. XI, religion and beauty. XII, religion and history. XIII, principles of reform in religion]: by Alban G. Widgery, M.A., 1919. (Cloth Rs. 3)	2-0
4.	Confutation of Atheism: a translation of the $Hadis$ -i- $Halila$ or the tradition of the Myrobalan Fruit: translated by Vali Mohammad Chhanganbhai Momin, 1918	0-14
	Conduct of Royal Servants: being a collection of verses from the Viramitrodaya with their translations in English, Gujarati, and Marathi: by B. Bhattacharyya, M.A. Ph. D.	0-6

SELLING AGENTS OF THE GAEKWAD'S ORIENTAL SERIES

England

- Messrs. Luzac & Co., 46, Great Russell Street, London, W.C. 1.
- Messrs. Arthur Probsthain, 41, Great Russell Street, London, W.C. 1.
- Messrs. Deighton Bell & Co., 13 & 30, Trinity Street, Cambridge.

Germany

Messrs. Otto Harrassowitz, Buchhandlung und Antiquariat, Querstrasse 14, Leipzig, C. 1.

Austria

Messrs. Gerold & Co., Stefansplatz 8, Vienne.

Calcutta

Messrs. The Book Co., Ltd., 4/3, College Square.

Messrs. Thacker Spink & Co., 3, Esplanade East.

Benares City

Messrs. Braj Bhusan Das & Co., 40/5, Thathari Bazar.

Lahore

- Messrs. Mehrchand Lachmandass, Sanskrit Book Depôt, Said Mitha Street.
- Messrs. Motilal Banarsidass, Punjab Sanskrit Book Depôt, Said Mitha Street.

Bombay

- Messrs. Taraporevala & Sons, Kitab Mahal, Hornby Road.
- Messrs. Gopal Narayan & Co., Kalbadevi Road.
- Messrs. N. M. Tripathi & Co., Kalbadevi Road.

Poona

Oriental Book Supply Agency, 15, Shukrawar Peth.